

## الفصل ٦

### كثيرات الحدود



# الفهرس



حدّد إذا كانت كل من العبارتين الآتيتين وحيدة حدّ، اكتب "نعم" أو "لا"، وفسّر إجابتك.

$$(٢) \frac{ب^٢ ج^٢}{٢}$$

نعم، حاصل ضرب عدد في متغيرين.

$$(١) \frac{٢١}{ب٧}$$

لا؛ تتضمن هذه العبارة متغيرًا في المقام.

بسّط كل عبارة مما يأتي:

$$(٣) (-٥س٢ص) (٣س٤) - ١٥س٦ص$$

$$(٤) (٢أب٢ن) (٤أب٣ن) - ٨أب٤ن$$

$$(٥) (٣أ٤د) (٢أ٢) - ٦أ٣د$$

$$(٦) (٤ج٣هـ) (-٢ج٥) - ٨ج١هـ$$

$$(٧) (-١٥س٤ص) (-\frac{١}{٣}س٣ص) - ٥س٢ص٧$$

$$(٨) (-٣س٣ص) (٣س٤) - ٣س٤ص٣ع$$

$$(٩) (-١٨م٢ن) (-\frac{١}{٦}م٢ن) - ٥٤م٥ن$$

$$(١٠) (٢, ٢أب٣) (٤, ٤أب٢)$$

$$(١١) (\frac{٢}{٣}ب) (\frac{٤}{٩}ب)$$

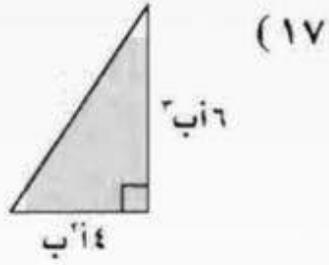
$$(١٢) (\frac{١}{٤}أ٣د) (\frac{١}{١٦}أ٢د)$$

$$(١٤) [٢(٢٤)]^٢ = ٦٥٥٣٦$$

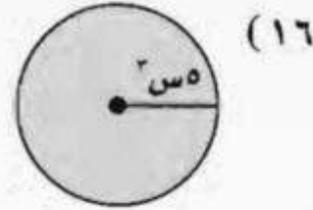
$$(١٣) (٤, ٤ك٣) (٠, ٠٦٤ك٩)$$



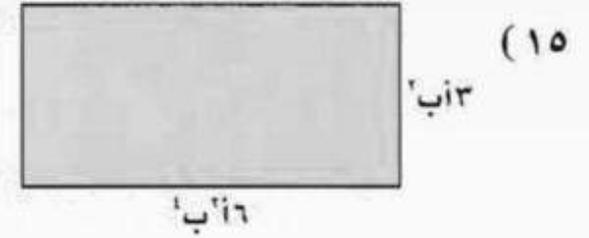
هندسة: عبّر عن مساحة كل شكل فيما يأتي على صورة وحيدة حدّ.



١٢ أ ب

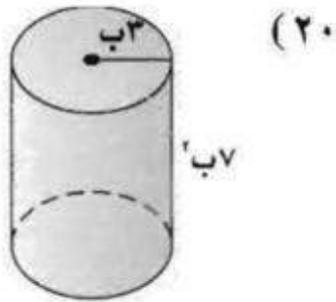


٢٥ س ط

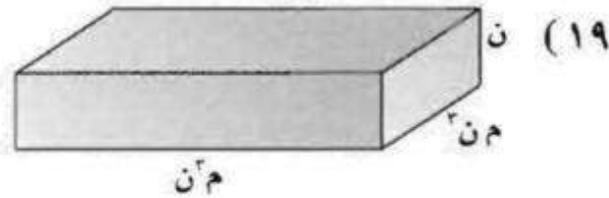


١٨ أ ب

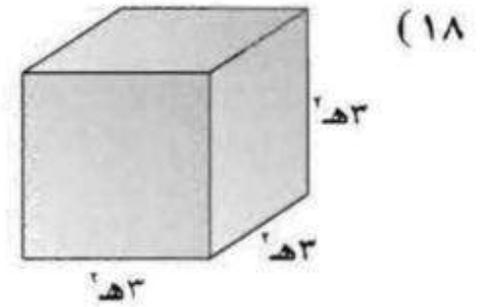
هندسة: عبّر عن حجم كل مجسم فيما يأتي على صورة وحيدة حدّ.



٦٣ ب ص ط



٤ م ن ه



٢٧ ه



(٢١) إذا أمكن إعداد لوحة بأربعة مفاتيح كهربائية بطرق عددها ٢. ولوحة بخمسة مفاتيح عدد طرقها يساوي مثلي هذا العدد، فبكم طريقة يمكن إعداد لوحة ذات خمسة مفاتيح؟

$$٢ = ٣٢ \text{ طريقة}$$



بسّط كل عبارة فيما يأتي مفترضًا، أن المقام لا يساوي صفرًا .

$$(١) \frac{^8 8}{^8 8} = ^4 8$$

$$(٢) \frac{^4 6}{^2 6}$$

$$^3 6$$

$$(٣) \frac{^2 6}{^2 6}$$

ص

$$(٤) \frac{^m 6}{^m 6}$$

م ن

$$(٥) \frac{^5 6}{^4 6}$$

$$^5 6$$

$$(٦) \frac{^8 6}{^4 6}$$

٢ ص ع

$$(٧) \left( \frac{^4 6}{^3 6} \right)^2$$

$$^3 6$$

$$(٨) \left( \frac{^6 6}{^3 6} \right)^2$$

$$^6 6$$

$$(٩) \frac{^4 6}{^2 6}$$

$$^1 6$$



$$\frac{1}{144}$$

$$(12) 2^{-12}$$

$$\frac{ب}{ك٢ر٣}$$

$$(11) (بك^{-2}) (ر^{-3})$$

$$\frac{1}{س٥ص٥}$$

$$(10) س^3 (ص^{-5}) (س^{-8})$$

$$(15) \frac{٢٢ ر٢ س٢}{١١ ر٢ س٢} ٢ ر س٥$$

$$\frac{٨١}{٢٥٦}$$

$$(14) \left(\frac{٤}{٣}\right)^{-٤}$$

$$\frac{٤٩}{٩}$$

$$(13) 2^{-\left(\frac{3}{7}\right)}$$

$$(18) 1 \cdot \left(\frac{س^{-3} ص^0}{٣-٤}\right)$$

$$٢ ج٤ ن٧$$

$$(17) \frac{٨ ج٢ د٢ ن٤}{٤ ج٤ ا٢ د٢ ن٣}$$

$$\frac{٣-}{ه٤}$$

$$(16) \frac{١٥ ل١ ه١}{٢ ه٥}$$

$$(21) \frac{ر}{٢٧} \frac{ر٤}{٣(٣)}$$

$$(20) \frac{١٢- ان١ ه٥ س٤}{٢ن٣ ه٥ س٥}$$

$$\frac{ج١ ه٢}{٩}$$

$$(19) \frac{٦ ف٢ ج٢ ه٥}{٥٤ ف٢ ج٥ ه٢}$$

$$\frac{٦ ان٢ ه٤}{س٩}$$



$$\frac{٤٤^٤}{٧^٤٠} \quad \frac{٢^-(٢-٢)ب}{٤^٢٥} \quad (٢٤)$$

$$\frac{ل}{ل١٥} \quad \frac{٤^-(١-٣)ل}{ل٣ل٣} \quad (٢٣)$$

$$\frac{٢^٢}{٢} \quad \frac{٢^٢-٠}{(٢^٤)١} \quad (٢٢)$$

$$\frac{٩^٢}{٤^٢} \quad \frac{٢^-(٢^٢ص^٢ع)}{٣^٢ص^٢ع} \quad (٢٧)$$

$$\frac{٨^٨}{٤^٢} \quad \frac{١^-(٢^٢-٣)د}{(٤^٢-٣)د} \quad (٢٦)$$

$$\frac{ل١٠}{٢٥} \quad \frac{٥^-(٢-١)ر}{(٢-٢)ر} \quad (٢٥)$$

(٢٨) تحاليل طبية : سحب فني مختبر عينة دم. فإذا علمت أن ١ ملم<sup>٣</sup> من الدم يحتوي على ٢٢<sup>٢</sup> خلية بيضاء، ٢٢<sup>٥</sup> خلية حمراء، فما نسبة خلايا الدم البيضاء إلى خلايا الدم الحمراء؟

$$\frac{١}{٤٨٤}$$



حدّد إذا كانت كل عبارة فيما يأتي كثيرة حدود أم لا، وإذا كانت كذلك فصنّفها إلى وحيدة حد، أو ثنائية حد، أو ثلاثية حدود.

$$(٣) ٦ج٢ه٣ك$$

نعم؛ وحيدة حد

$$(٢) \frac{1}{٥}ص٣ + ص٢ - ٩$$

نعم؛ ثلاثية حدود

$$(١) ٧أ٢ب + ٣ب٢ - أ٢ب$$

نعم؛ ثنائية حد

أوجد درجة كل كثيرة حدود فيما يأتي:

$$(٥) ٣ج٢ه٣ + ج٢ه٣$$

$$(٥) ٣ج٢ه٣ + ج٢ه٣$$

$$(٤) س + س٣ - ٤س٣ + ٢س٢ + س٢$$

$$(٤) س + س٣ - ٤س٣ + ٢س٢ + س٢$$

$$(٧) ٥ن٣م - ٢م٢ + ٣ن٢م٤ + ن٢$$

$$(٧) ٥ن٣م - ٢م٢ + ٣ن٢م٤ + ن٢$$

$$(٦) ٢س٢ص - ٣س٣ص + ٣ص٢س + س٢$$

$$(٦) ٢س٢ص - ٣س٣ص + ٣ص٢س + س٢$$

$$(٩) ١٠ر٢ن٢ + ٤رن٢ - ٥ر٣ن٢$$

$$(٩) ١٠ر٢ن٢ + ٤رن٢ - ٥ر٣ن٢$$

$$(٨) ٣أ٢ب + ٢أ٢ج + ب٢ج٢$$

$$(٨) ٣أ٢ب + ٢أ٢ج + ب٢ج٢$$



اكتب كل كثيرة حدود فيما يأتي بالصيغة القياسية، وحدد المعامل الرئيس فيها.

$$(11) \quad 10s - 7 + s^4 + 4s^3$$

$$s^4 + 4s^3 + 10s - 7$$

$$(10) \quad 8s^2 - 15 + 5s^0$$

$$5s^0 + 8s^2 - 15$$

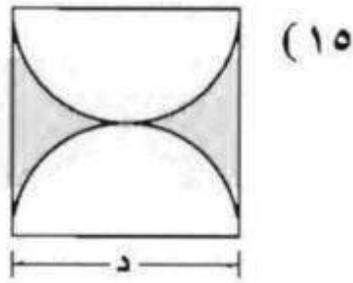
$$(13) \quad 4s + 2s^0 - 6s^3 + 2$$

$$2s^0 - 6s^3 + 4s + 2$$

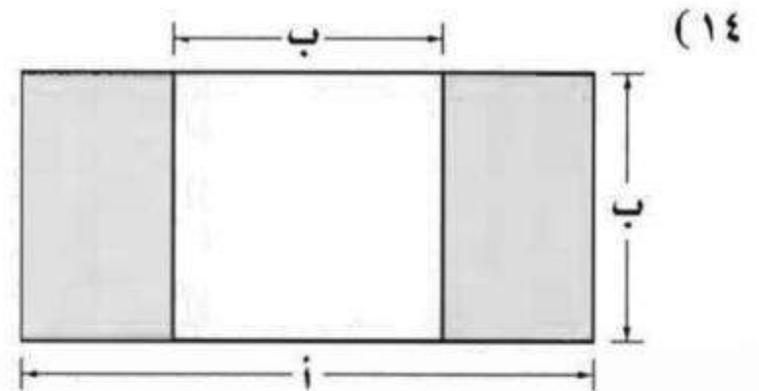
$$(12) \quad 13s^2 - 5 + 6s^3 - s$$

$$6s^3 + 13s^2 - s - 5$$

هندسة: اكتب كثيرة الحدود التي تعبر عن مساحة المنطقة المظلمة لكل مما يأتي:



$$d^2 - \frac{1}{2}d^2$$



$$ab - b^2$$



١٦) نقود: اكتب كثيرة حدود تمثل مبلغاً يتكون من: ن ورقة من فئة ١٠ ريالات، م ورقة من فئة ٥٠ ريالاً، هـ ورقة من فئة ١٠٠ ريال.

$$١٠٠هـ + ٥٠م + ١٠ن$$

١٧) الجاذبية: يُعبّر عن ارتفاع كرة قُدِّفَتْ من ارتفاع ٢ م عن الأرض وبسرعة ٣٢ م/ث بالعلاقة:  
 $ع = ٢ + ٣٢ن - ٥ن^٢$  متر، حيث ن الزمن بالثواني. فما ارتفاع الكرة بعد ٧ ثوانٍ باستعمال هذه العبارة؟ فسّر ذلك.

- ١٩ م. الارتفاع سالب؛ لأن العبارة لم تأخذ بعين الاعتبار أنه عند الارتفاع صفر ستصطدم الكرة بالأرض وترتد.



أوجد ناتج كل مما يأتي:

$$(٢) \quad (-٢س٣ + ٢س٣) - (٥س٣ + ٢س٣)$$

$$-٢س٣ - ٢س٣$$

$$(١) \quad (٤ص٣ + ٥) + (-٧ص٣ - ١)$$

$$-٣ص٣ + ٤$$

$$(٤) \quad (٧ + م٥ - ٢م) + (٢م٣ + ٢م٣)$$

$$٧ + م + ٢م٣$$

$$(٣) \quad (٣ + ك٢) - (٢ + ك٨ + ٢ك٤)$$

$$١ - ك٦ + ٢ك٤$$

$$(٦) \quad (١ - ب٣ + ٢ب) + (-٤ب٣ - ب + ٩)$$

$$-٣ب٣ + ٢ب + ٨$$

$$(٥) \quad (٥ + أ٧ - ٢أ٧) - (٢ + أ٦ + ٢أ٥)$$

$$-٢أ٥ + ١٣أ - ٣$$

$$(٨) \quad (٦س٣ - ١ + س) - (-٤س٣ + ٢س٣ + ٨س)$$

$$٤س٣ - ٩س + ٥$$

$$(٧) \quad (س٣ - ٣س + ١) - (١٢س - ٧ + ٣س)$$

$$٩س - ٦$$



$$(10) (ل^3 - 2ل^2 + 5 - 1) + (ل^4 - 1)$$

$$6 - 7ل - 2ل^2$$

$$(12) (5 + 2ب^9 + ب) - (ب^2 + 8 - 2ب^5)$$

$$-4ب^2 + ب + 13$$

$$(14) (3 - 2س + 2س^2) - (6 - س + 2س^8)$$

$$9س^2 - س - 3$$

$$(16) (2 - م + 2م^2) + (10 + م^3 - 2م^4)$$

$$5م^2 - 2م + 12$$

$$(9) (ص^4 + 2ص^2 + 8) - (ص^7 + 4 - 2ص)$$

$$-3ص^3 + 3ص^2 - 12$$

$$(11) (4 + ه - 2ه^3) + (3 - ه^2 - 2ه^4)$$

$$7ه^2 - 3ه + 1$$

$$(13) (د - 2 - 2د^5) + (2 + د^2 + 2د^4)$$

$$9د^2 + د$$

$$(15) (1 + 2ه^8 + ه^4) - (1 - ه^7 + 2ه^3)$$

$$-5ه^3 + 3ه^2 - 2$$



$$(18) (7n^2 + n - 2) + (n^2 - 7 - 2n)$$

$$8n^2 - 3n - 5$$

$$(17) (5s^2 - 2s - 5) - (6 - 2s + 5s^2)$$

$$-4s^2 + 2s - 1$$

$$(20) (9j^2 + j + 9) + (-3j^2 - j - 4)$$

$$6j^2 - 3j$$

$$(19) (k^3 - 2k^2 + 4k + 6) - (-4k^2 + k - 3)$$

$$k^3 - 3k^2 + 8k + 9$$

$$(21) (2s + 6v - 3e) + (4s + e - 8v) + (s - 3v + e) - 7s - 5v + 4e$$

(22) عمل: تمثل كثيرة الحدود  $s^3 - 70s^2 + 1500s - 10800$  ربح شركة مبيعات لإحدى السلع بدلالة سعر القطعة الواحدة  $s$ . وتمثل كثيرة الحدود  $s^3 - 30s^2 + 450s - 5000$  ربح الشركة لسلعة أخرى لها السعر نفسه. اكتب كثيرة حدود تمثل ربح الشركة من السلعتين معاً.

$$2s^3 - 100s^2 + 1950s - 15800$$



## ضرب وحيدة حد في كثيرة الحدود

أوجد ناتج الضرب في كل مما يأتي:

(١)  $٢هـ(٧هـ - ٤هـ)$

$١٤هـ - ٨هـ$

(٣)  $٥جك(٣جك + ٢ك)$

$١٥جك + ١٠جك$

(٥)  $\frac{١}{٤}م(٨م + ٧ - م)$

$٢م - \frac{١}{٤}م + \frac{٧}{٤}م$

(٢)  $٦ل(٣ل + ٤ك)$

$١٨ل٣ك + ٢٤ل٢ك$

(٤)  $٣رن(٢ن + ٣ر)$

$٦رن٣ - ٩رن٢$

(٦)  $\frac{٢}{٣}ن(٩ن + ٣ن + ٦)$

$٦ن٤ - ٢ن٣ - ٤ن٢$



بسّط كل عبارة فيما يأتي:

$$(8) \quad 5h - (3 + 7h) + 2h - (2h^2 + 19h + 2)$$

$$-2h^2 - 3h + 19h - 2$$

$$(7) \quad 7l - (3l - 4) + 7l$$

$$-3l + 4 + 7l$$

$$(10) \quad 2 - (3m^3 + 5m + 6) + 3m^3 + (2m^2 + 3m + 1)$$

$$-3m^3 - 5m - 6 + 3m^3 + 2m^2 + 3m + 1$$

$$(9) \quad 6n - (2n - 3) - 5(2n^2 + 9n - 3)$$

$$2n^2 - 6n + 3 - 10n^2 - 45n + 15$$

$$(11) \quad 3 - (7j - 2) + 3(j^2 + 2j + 1) - 3(j - 5)$$

$$-7j + 2 + 3j^2 + 6j + 3 - 3j + 15$$



حُلِّ كُلُّ مِنَ الْمَعَادَلَاتِ الْآتِيَةِ:

$$٣- \quad (١٣) \quad (٢+و٣)٣ = ٥ + (٢-و٢)٢$$

$$٨ \quad (١٢) \quad (٢+ن٣)٣ = ٣ + (١-ن٢)٥$$

$$\frac{١}{٤} - \quad (١٥) \quad ٩ - (٣+ب)٤ = (١+ب٣)٨$$

$$\frac{١}{٢} \quad (١٤) \quad ١ + (٨+ن٦)٢ = ٥ - (٣+ن٨)٤$$

$$٤- \quad (١٧) \quad و(٥-و)٨ + و = و(٢+و)٤$$

$$\frac{٣}{٢} \quad (١٦) \quad ٢ + (٢+ن)ن = ١ - (٤+ن)ن$$

(١٨) نظرية الأعداد: ما ناتج جمع مثلي العدد الصحيح س مع ثلاثة أمثال العدد الصحيح الذي يليه؟

$$٥س + ٣$$



١٩) استثمارات، خطط مالك عند تقاعده عن العمل لاستثمار ٥٠٠٠٠٠ ريال في التجارة. فاستثمر ٥٠٠٠٠٠ ريال منها في تجارة أقلام يصل ربحها إلى ٤٪ في السنة، وباقي المبلغ في تجارة أدوات مكتبية أخرى يصل ربحها إلى ٥٪ في السنة.

(أ) اكتب عبارة تمثل المبلغ المستثمر في تجارة الأدوات المكتبية الأخرى.  $500000 - \text{س}$

(ب) اكتب كثيرة حدود بأبسط صورة للمبلغ الكلي (ك) لاستثمار مالك بعد سنة. (إرشادات القيمة الكلية للمبلغ (أ) بعد سنة واحدة ومعدل ربح (ر) تساوي (أ+ أر) ريال)  $ك = 525000 - 0,01 \text{س}$

(ج) إذا كان المبلغ الذي وضعه مالك في تجارة الأقلام هو ٥٠٠٠ ريال، فكم سيصبح بعد سنة واحدة؟

٥٢٤٥٠ ريالاً



أوجد ناتج الضرب في كل مما يأتي:

$$(١) (٦ + ك)(٥ + ك) \quad ك٢ + ١١ك + ٣٠$$

$$(٢) (٧ + س)(٤ + س) \quad س٢ + ١١س + ٢٨$$

$$(٣) (٦ - ن)(٤ - ن) \quad ن٢ - ١٠ن + ٢٤$$

$$(٤) (٦ - أ)(٥ + أ) \quad أ٢ - أ - ٣٠$$

$$(٥) (٦ + ب)(٤ - ب) \quad ٢٤ - ب٢ - ١٠ب + ٢٤$$

$$(٦) (٩ - س٢)(٤ + س٢) \quad ٤س٤ - ١٠س٢ - ٣٦$$

$$(٧) (٣ - أ٦)(٤ - أ٧) \quad ١٢ + أ٤٥ - أ٤٢$$

$$(٨) (٢ - س٢)(٤ - س٥) \quad ١٠س٢ - ١٨س + ٨$$

$$(٩) (ب - أ٣)(ب - أ٢) \quad ٢أ٦ - ٥أب + ب٢$$

$$(١٠) (٤ج + ه٣)(٢ج + ه٣)$$

$$٨ج٢ + ١٨ج ه٣ + ٩ه٣$$

$$(١١) (٥ + م)(٨ - م٤ + م٢)$$

$$(١٢) (٣ + ن)(٧ + ن٤ + ن٢)$$

$$ن٣ + ٧ن٢ + ١٩ن + ٢١$$

$$م٣ + ٩م٢ + ١٢م - ٤٠$$



$$(14) (2 - d + d^2)(3 + d^3)$$

$$6 - d^9 + d^2 + d^6$$

$$(16) (4 + r + r^2)(2 + r^3)$$

$$8 + r + r^2 + r^3 + r^4 + r^5 + r^6 + r^7 + r^8$$

$$(18) (2 - n + n^2)(3 + n + n^2)$$

$$6 - n + n^2 + n^3 + n^4 + n^5 + n^6 + n^7 + n^8$$

$$(20) (5 - v + v^2 - v^3)(2 + v + v^2 + v^3)$$

$$10 - v + v^2 - v^3 + v^4 - v^5 + v^6 - v^7 + v^8 - v^9 + v^{10}$$

$$(13) (4 + h + h^2)(3 + h^3)$$

$$12 + h + h^2 + h^3 + h^4 + h^5 + h^6 + h^7 + h^8$$

$$(15) (4 + k + k^2)(2 + k^3)$$

$$8 + k + k^2 + k^3 + k^4 + k^5 + k^6 + k^7 + k^8$$

$$(17) (9 + n + n^2)(1 - n + n^2)$$

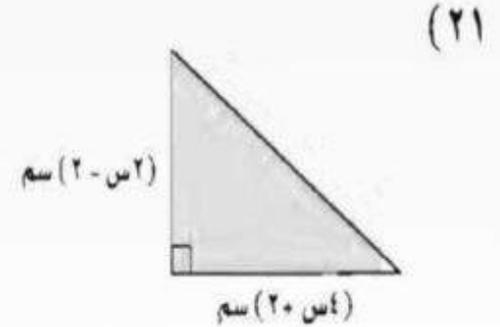
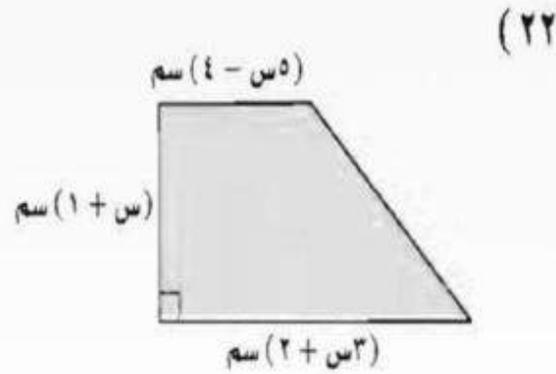
$$9 - n + n^2 + n^3 - n^4 + n^5 - n^6 + n^7 - n^8 + n^9$$

$$(19) (3 + s + s^2 - s^3)(3 - s + s^2 + s^3)$$

$$9 - s + s^2 - s^3 + s^4 - s^5 + s^6 - s^7 + s^8 - s^9 + s^{10}$$



هندسة: اكتب عبارة تمثل مساحة كل شكل مما يأتي:



(٤س<sup>٢</sup> + ٣س - ١) وحدة مربعة

(٤س<sup>٢</sup> - ٢س - ٢) وحدة مربعة

س<sup>٢</sup> + ٦س + ٨

(٢٣) نظرية الأعداد: ما حاصل ضرب العددين الصحيحين الزوجيين التاليين للعدد الصحيح الزوجي س؟

(٢٤) هندسة: حجم هرم قاعدته مستطيلة الشكل هو ثلث حاصل ضرب مساحة القاعدة في ارتفاعه. اكتب عبارة تمثل حجم

هرم مساحة قاعدته ٣س<sup>٢</sup> + ١٢س + ٩ أمتار مربعة، وارتفاعه س + ٣ أمتار.

(س<sup>٣</sup> + ٧س<sup>٢</sup> + ١٥س + ٩) متراً مكعباً



أوجد ناتج كل مما يأتي:

(١)  $(٩ + ن)^2$

$٨١ + ١٨ن + ن^2$

(٢)  $(٨ + ل)^2$

$٦٤ + ١٦ل + ل^2$

(٣)  $(١٠ - س)^2$

$١٠٠ - ٢٠س + س^2$

(٤)  $(١١ - ر)^2$

$١٢١ - ٢٢ر + ر^2$

(٥)  $(٧ + ل)^2$

$٤٩ + ١٤ل + ل^2$

(٦)  $(٦ + ب)(٦ - ب)$

$٣٦ - ب^2$

(٧)  $(١ - هـ)^2$

$١ - ٢هـ + هـ^2$

(٨)  $(٤ + م)^2$

$١٦ + ٨م + م^2$

(٩)  $(٧ - و)^2$

$٤٩ - ٢٨و + و^2$

(١١)  $(٧ + د)(٧ - د)$

$٤٩ - د^2$

(١٢)  $(٣ + ج)(٣ - ج)$

$٩ - ج^2$

(١٠)  $(٣ + ك)(٣ - ك)$

$٩ - ك^2$



(١٥) (٥ر + س)²

٢٥ر² + ١٠رس + س²

(١٤) (أ + ل٦)²

أ² + ١٢أل + ل٦²

(١٣) (٤ل + ٥ن) (٤ل - ٥ن)

١٦ل² - ٢٥ن²

(١٨) (و - ل٧)²

و² - ١٤ول + ٤٩ل²

(١٧) (ك - ٦ص)²

ك² - ١٢كص + ٣٦ص²

(١٦) (٦هـ - م)²

٣٦هـ² - ١٢هـم + م²

(٢١) (٥ك + ٦ن)²

٢٥ك² + ٦٠كن + ٣٦ن²

(٢٠) (ل٤ + ٦ن)²

١٦ل² + ٤٨نل + ٣٦ن²

(١٩) (٤ب - ل٧)²

٣٦هـ² - ١٢هـم + م²

(٢٤) (٩س + ٢ص)²

٨١س² + ٣٦صس + ٤ص²

(٢٣) (٨هـ + ٣د) (٨هـ - ٣د)

٦٤هـ² - ٩د²

(٢٢) (٦ب - أ٦) (٦ب + أ٦)

١٦ب² - ٥٦بل + ٤٩ل²



$$(27) (2m - 2n)^2$$

$$16m^2 - 16mn + 16n^2$$

$$(26) (2a - 2b)^2$$

$$4a^2 - 4ab + 4b^2$$

$$(25) (2m + 2l)^2$$

$$4m^2 + 8ml + 4l^2$$

$$(30) (2s + 2l)^2$$

$$4s^2 + 8sl + 4l^2$$

$$(29) (2a + 2b)^2$$

$$4a^2 + 8ab + 4b^2$$

$$(28) (2a - 2b)^2$$

$$4a^2 - 8ab + 4b^2$$

(31) هندسة: يريد جمال تكبير مربع بحيث يصبح طول ضلع المربع الجديد أكبر من مثلي طول ضلع المربع الأصلي ل بمقدار 1. فما ثلاثية الحدود التي تمثل مساحة المربع الجديد؟

$$4l^2 + 4l + 1$$



## الفصل ٧

# التحليل و المعادلات التربيعية



# الفهرس

١٣



١٢



١١



١٦



١٥



١٤



## تحليل وحيدات الحد

١ - ٧

حلّل كل وحيدة حد فيها يأتي تحليلًا تامًّا:

(١) ٣٠ د°

٢ × ٣ × ٥ × د × د × د × د × د

(٢) ٧٢ م ل

١ - ٢ × ٢ × ٢ × ٣ × ٣ × م × ل

(٣) ٨١ ب<sup>٢</sup> ج<sup>٢</sup>

٣ × ٣ × ٣ × ٣ × ب × ب × ج × ج × ج × ج

(٤) ١٤٥ أ ب ج<sup>٢</sup>

٥ × ٢٩ × أ × ب × ج × ج × ج × ج

(٥) ١٦٨ ن ك<sup>٢</sup> ر

٢ × ٢ × ٢ × ٣ × ٧ × ن × ك × ك × ر

(٦) ١٢١ س<sup>٢</sup> ص ع<sup>٢</sup>

١ - ١١ × ١١ × س × س × ص × ع × ع

(٧) ١٤ ف<sup>٢</sup> ج<sup>٢</sup>

١ - ٢ × ٧ × ف × ف × ج × ج × ج

(٨) ٧٧ و<sup>٤</sup>

١ - ٧ × ١١ × و × و × و × و



أوجد (ق.م.أ) لكل مجموعة وحيدات حد مما يأتي:

(١٠)  $٧٢ر٢ن٢$ ،  $٣٦رن٢$ ،  $٣٦رن٢$

(٩)  $٢٤فج٥$ ،  $٥٦ف٢ج$ ،  $٨فج$

(١٢)  $٢٨ك٢ن٢$ ،  $٤٥لر٢$ ،  $١$

(١١)  $١٥أب٣٥$ ،  $٣٥أب٢$ ،  $٥أب$

(١٤)  $١٨٨أ٣د$ ،  $٤٠أ٢د٢$ ،  $٣٢أ٢د$

(١٣)  $٤٠سص٢$ ،  $٥٦س٢ص٢$ ،  $١٢٤س٢ص٢$

$٨أ٢د$

$٤سص٢$



١٥ هندسة: مستطيل بعدها عددان كليّان ومساحته ٨٤ سم<sup>٢</sup>.

(أ) ما أقل قيمة لمحيطه؟ ٣٨ سم

(ب) ما أكبر قيمة لمحيطه؟ ١٧٠ سم

١٦ زخرفة: يريد حاتم زخرفة حائط باستعمال بلاطات مربعة الشكل ومتساوية الأبعاد؛ لتغطية منطقة مستطيلة بعدها:  
٩٦ سم، ٧٢ سم.

(أ) ما أطول ضلع بلاطة يمكن استعمالها دون قص أي بلاطة؟ ٢٤ سم

(ب) كم بلاطة سيحتاج من هذا النوع؟ ١٢ بلاطة



حلّل كلّاً من كثيرات الحدود الآتية:

$$(١) ٦٤ - ٤٠أب$$

$$٨(٨ - ٥أب)$$

$$(٤) ١٥أد + ٣٠أد٢$$

$$١٥أد(١ + ٢أد)$$

$$(٧) ٣٠س٢ص + ٣٥س٢ص٢$$

$$٥س٢ص(٦س + ٧ص)$$

$$(١٠) ٨ل٢ر - ٢٤ل٢ر٢ + ١٦لر$$

$$٨لر(٢ - ٣ر + ٢ر٢)$$

$$(١٣) ٨ + ٢س + ٤س٢$$

$$(٢ + س)(٤ + س)$$

$$(١٦) ٦سص - ٨س + ١٥ص - ٢٠$$

$$(٢ + س)(٥ + ٣ص - ٤)$$

$$(٢) ١٦ + ٤ر٢$$

$$٤(٤ + ر٢)$$

$$(٥) ٢٤ب٢ + ٣٢أب$$

$$٨(٣ب٢ + ٤أب)$$

$$(٨) ٩أد٢ - ٦أد$$

$$٣أد(٣أد - ٢د)$$

$$(١١) ٥س٢ص٢ + ١٠س٢ص + ٢٥س$$

$$٥س(س٢ص٢ + ٢سص + ٥)$$

$$(١٤) ٩ + ٦أ + ٣أ٢$$

$$(٣ + أ)(٣ + أ٢)$$

$$(١٧) ٦م٢ل - ٤م + ١٨ل - ١٢$$

$$٢(٢م - ٦ + ٣ل - ٢)$$

$$(٣) ٦ر٢ن - ٣ر٢ن٢$$

$$٣ر٢ن(٢ر - ن)$$

$$(٦) ٣٦سص - ٤٨س٢ص$$

$$١٢سص(٣ص - ٤س)$$

$$(٩) ٧٥ب٢ج٢ + ٦٠بج٢$$

$$١٥بج٢(٥ب + ٤)$$

$$(١٢) ٩أس٢ + ١٨بس٢ + ٢٤جس$$

$$٣س(٣أس٢ + ٦بس٢ + ٨جس)$$

$$(١٥) ٤ب٢ - ١٢ب + ٢ب - ٦$$

$$(٤ب - ٢)(٢ - ب)$$

$$(١٨) ١٢أ٢ - ١٥أب - ١٦أ + ٢٠ب$$

$$(٤ - أ)(٤ - أ٢ - ٥ب)$$



حُلِّ كُلُّ مِنَ الْمَعَادَلَاتِ الْآتِيَةِ، وَتَحَقَّقْ مِنْ صِحَّةِ الْحُلِّ.

$$٠ = (٢ + ص)(٣ - ص) \quad (٢١)$$

$$٣, ٢ -$$

$$٠ = (٤ + ب)ب \quad (٢٠)$$

$$٠, ٤ -$$

$$٠ = (٣٢ - س)س \quad (١٩)$$

$$٣٢, ٠$$

$$٠ = (٤ - ص٣)(٨ + ص٤) \quad (٢٤)$$

$$\frac{٤}{٣}, ٢ -$$

$$٠ = (٤ - ص)(٥ + ص٢) \quad (٢٣)$$

$$٤, \frac{٥}{٢} -$$

$$٠ = (٧ - أ٣)(٦ + أ) \quad (٢٢)$$

$$\frac{٧}{٣}, ٦ -$$

$$٠ = ٩س^٢ = ٢٧س \quad (٢٧)$$

$$٣, ٠$$

$$٠ = ٨ل^٢ - ٤ل \quad (٢٦)$$

$$\frac{١}{٢}, ٠$$

$$٠ = ٢ع^٢ + ٢٠ع \quad (٢٥)$$

$$٠, ١٠ -$$

$$٠ = ٨س^٢ - ٢٦س \quad (٣٠)$$

$$٠, \frac{١٣}{٤} -$$

$$٠ = ١٤س^٢ - ٢١س \quad (٢٩)$$

$$٠, \frac{٣}{٢} -$$

$$٠ = ١٨س^٢ = ١٥س \quad (٢٨)$$

$$\frac{٥}{٦}, ٠$$



(٣١) علوم فيزيائية: أطلق الطلاب في حصة العلوم لعبة على شكل صاروخ من مستوى الأرض إلى الأعلى بسرعة ابتدائية مقدارها ٢٠ مترًا / ثانية. والمعادلة  $v = 20 - 5t^2$  تمثل ارتفاع الصاروخ (ع) فوق الأرض بعد (ن) ثانية. ما الزمن الذي استغرقه الصاروخ في الهواء قبل العودة إلى الأرض؟

٤ ثانية



حلل كل كثيرة حدود مما يأتي:

$$(١) \quad ٢٤ + أ١٠ + أ٢$$

$$(أ + ٤)(أ + ٦)$$

$$(٤) \quad ٦٣ - ٢ج - ج٢$$

$$(ج - ٩)(ج + ٧)$$

$$(٧) \quad ٣٢ - ب٤ + ب٢$$

$$(ب - ٤)(ب + ٨)$$

$$(١٠) \quad ٣٠ + ع١١ - ع٢$$

$$(ع - ٦)(ع - ٥)$$

$$(١٣) \quad ٥٦ - ك٢ - ك$$

$$(ك - ٨)(ك + ٧)$$

$$(١٦) \quad ٤٨ - ١٦ج + ج٢$$

$$(ج - ٤)(ج - ١٢)$$

$$(٢) \quad ٢٧ + ه١٢ + ه٢$$

$$(ه + ٩)(ه + ٣)$$

$$(٥) \quad ٥٦ - و٢ + و$$

$$(و + ٨)(و - ٧)$$

$$(٨) \quad ٢٨ - ن٣ - ن٢$$

$$(ن - ٧)(ن + ٤)$$

$$(١١) \quad ٦٣ + د١٦ - د٢$$

$$(د - ٩)(د - ٧)$$

$$(١٤) \quad ٥٥ - س٢ - س٦$$

$$(س - ١١)(س + ٥)$$

$$(١٧) \quad ١٠ك٢ - ل٩ - ل٢ك$$

$$(ل - ١٠ك)(ل + ك)$$

$$(٣) \quad ٣٣ + س١٤ + س٢$$

$$(س + ١١)(س + ٣)$$

$$(٦) \quad ٦٠ - ص٤ + ص٢$$

$$(ص + ١٠)(ص - ٦)$$

$$(٩) \quad ٤٥ - ل٤ + ل٢$$

$$(ل + ٩)(ل - ٥)$$

$$(١٢) \quad ٢٤ + س١١ - س٢$$

$$(س - ٨)(س - ٣)$$

$$(١٥) \quad ١٨ + ر١٨ + ر٢$$

$$(ر + ١٦)(ر + ٢)$$

$$(١٨) \quad ٥٦ - م٢ - م١٠ + م$$

$$(م - ٨)(م + ٧)$$



حُلِّ كلُّ معادلة مما يأتي، وتحقق من صحة حلك:

$$(21) \text{ ك}^2 + 3\text{ك} - 54 = 0$$

٦، ٩ -

$$(20) \text{ ك}^2 + 5\text{ك} - 84 = 0$$

٧، ١٢ -

$$(19) \text{ س}^2 + 17\text{س} + 42 = 0$$

٣ -، ١٤ -

$$(24) \text{ هـ}^2 - 17\text{هـ} = 60$$

١٢، ٥ -

$$(23) \text{ ن}^2 + 4\text{ن} = 32$$

٤، ٨ -

$$(22) \text{ ب}^2 - 12\text{ب} - 64 = 0$$

١٦، ٤ -

$$(27) \text{ ص}^2 - 84\text{ص} = 5$$

١٢، ٧ -

$$(26) \text{ ع}^2 - 14\text{ع} = 72$$

١٨، ٤ -

$$(25) \text{ ن}^2 - 26\text{ن} = 56$$

٢٨، ٢ -

$$(30) 17\text{ر} + \text{ر}^2 = 52$$

٤ -، ١٣ -

$$(29) 16\text{و} + 36 = \text{و}^2$$

١٨، ٢ -

$$(28) 18\text{أ} = \text{أ}^2 + 80$$

١٠، ٨



(٣١) أوجد جميع قيم (ل) التي تجعل ثلاثية الحدود  $س^٢ + ل س - ٣٥$  قابلة للتحليل باستعمال الأعداد الصحيحة.

(٣٢) إنشاءات: تخطط شركة إنشاءات لصب خرسانة لجزء من طريق على شكل مستطيل. طوله أكبر من عرضه (ض) بـ ١٦ مترًا.

(i) اكتب عبارة لمساحة هذا الجزء من الطريق. **ض (ض + ١٦) مترًا مربعًا.**

(ب) أوجد بعديه إذا كانت مساحته ٢٦٠ مترًا مربعًا. **١٠ أمتار، ٢٦ مترًا**

(٣٣) تصميم موقع: لدى جميلة صورة بعداها ١٠ سم  $\times$  ١٢ سم. ترغب في تصغير بعديها بالمقدار نفسه، باستعمال الحاسوب؛ لتضعها على موقعها الإلكتروني. بحيث تكون مساحة الصورة  $\frac{١}{٨}$  مساحة الصورة الأصلية.

(i) اكتب معادلة تُمثل مساحة الصورة المصغر (١٠ - س) (١٢ - س) = ١٥ أو  $س^٢ - ٢٢ س + ١٠٥ = ٠$

(ب) أوجد بعدي الصورة المصغرة. **٣ سم  $\times$  ٥ سم.**



حلّل كل كثيرة حدود مما يأتي، وإذا لم يكن ذلك ممكنًا باستعمال الأعداد الصحيحة، فاكتب "أولية".

(١)  $٢ب^٢ + ١٠ب + ١٢$

$(٢ + ب)(٣ + ب)$

(٢)  $٣ج^٢ + ٨ج + ٤$

$(٣ج + ٢)(٢ج + ٢)$

(٣)  $٤س^٢ + ٤س - ٣$

$(٢س + ٣)(٢س - ١)$

(٤)  $٨ب^٢ - ٥ب - ١٥$

أولية

(٥)  $٦م^٢ + ٧م - ٣$

$(٣م - ١)(٢م + ٣)$

(٦)  $١٠د^٢ + ١٧د - ٢٠$

$(٥د - ٤)(٢د + ٥)$

(٨)  $٨و^٢ - ١٨و + ٩$

$(٤و - ٣)(٢و - ٣)$

(٧)  $٦أ^٢ - ١٧أ + ١٢$

$(٣أ - ٤)(٢أ - ٣)$

(٩)  $١٠س^٢ - ٩س + ٦$

أولية

(١١)  $١٠س^٢ + ٢١س - ١٠$

$(٢س + ٥)(٥س - ٢)$

(١٠)  $١٥ن^٢ - ن - ٢٨$

$(٥ن - ٧)(٣ن + ٤)$

(١٢)  $٩ر^٢ + ١٥ر + ٦$

$٣(٣ر + ٢)(ر + ١)$

(١٣)  $١٢ص^٢ - ٤ص - ٥$

$(٢ص + ١)(٦ص - ٥)$

(١٥)  $٨ع^٢ + ٢٠ع - ٤٨$

$٤(٤ع + ٦)(٣ع - ٢)$

(١٤)  $١٤ك^٢ - ٩ك - ١٨$

$(٢ك - ٣)(٧ك + ٦)$

(١٨)  $١٢ل^٢ - ٢٢ل - ٢٠$

$٢(٣ل + ٢)(٢ل - ٥)$

(١٧)  $١٨هـ^٢ + ١٥هـ - ١٨$

$٣(٢هـ + ٣)(٣هـ - ٢)$

(١٦)  $١٢ك^٢ + ٣٤ك - ٢٨$

$٢(٣ك - ٢)(٢ك + ٧)$



حل كل معادلة فيما يأتي، وتحقق من صحة الحل.

$$(21) \quad 0 = 3 + ك - ١٠$$

$$\frac{3}{٤}, \frac{1}{٢}$$

$$(20) \quad ٢ = ن - ١٥$$

$$\frac{2}{٥}, \frac{1}{٣}$$

$$(19) \quad ٠ = ١٦ - ٢هـ + ٣هـ$$

$$٢, \frac{٨}{٣}$$

$$(24) \quad ٢٩ = ١٠ + ج$$

$$\frac{٥}{٢}, \frac{٢}{٥}$$

$$(23) \quad ٦ + ر = ٢١ - ر$$

$$٢, \frac{٣}{١٠}$$

$$(22) \quad ٤ = ٥ب - ٦ب$$

$$\frac{٤}{٣}, \frac{1}{٢}$$

$$(27) \quad ٢٠ + ك = ١٥ + ١٢ك$$

$$\frac{٤}{٣}, \frac{٥}{٤}$$

$$(26) \quad ١٥ + ع = ٩ع$$

$$١, \frac{٥}{٣}$$

$$(25) \quad ٢ - ص = ٧ - ص$$

$$\frac{1}{٢}, \frac{٢}{٣}$$

$$(30) \quad ٤ + أ = ١١ - أ$$

$$\frac{1}{٢}, \frac{٤}{٣}$$

$$(29) \quad ١٢ - أ = ١٦ - أ$$

$$٢, \frac{٣}{٤}$$

$$(28) \quad ١٢س = ١ - س$$

$$\frac{1}{٤}, \frac{1}{٣}$$



(٣١) غوص: غطس لؤي في بركة سباحة من لوح غطس على ارتفاع ٣ م بسرعة ابتدائية إلى الأعلى مقدارها ٢ م / ثانية. أوجد الزمن (ن) بالثواني، الذي يحتاج إليه ليصل إلى الماء. استعمل معادلة الحركة الرأسية

$$L = 5N^2 + EN + L_0$$

حيث (ل) الارتفاع بالمتر، (ن) الزمن بالثواني (ع) السرعة الابتدائية للأعلى م / ثانية، (ل<sub>٠</sub>) الارتفاع الابتدائي بالمتر. (إرشاد: لتكن ل = ٠ تمثل سطح البركة).

ثانية واحدة.



حلّل كلّاً من كثيرات الحدود الآتية، وإذا لم يكن ذلك ممكناً فاكتب "أولية".

(٣)  $١٦ل^٢ - ٣٦$

$(٦ + ل٤)(٦ - ل٤)$

(٢)  $٨١ر^٢ - ٩$

$(ر + ٩)(ر - ٩)$

(١)  $١٠٠ك^٢ - ١٠٠$

$(١٠ + ك)(١٠ - ك)$

(٦)  $٣٦ج^٢ - ٤٩هـ^٢$

$(٦ج + ٧هـ)(٦ج - ٧هـ)$

(٥)  $١٤٤ف^٢ - ٩$

$(١٢ف + ٣)(١٢ف - ٣)$

(٤)  $٤س^٢ + ٢٥$

أولية

(٩)  $٢٤أ^٢ - ٥٤ب^٢$

$٦(٢أ - ٣ب)(٢أ + ٣ب)$

(٨)  $٨ص^٢ - ٣٢$

$٨(ص - ٢)(ص + ٢)$

(٧)  $١٢١م^٢ - ١٤٤ل^٢$

$(١١م - ١٢ل)(١١م + ١٢ل)$

(١٢)  $٣٦ع^٢ - ٩$

$٩(٢ع + ١)(٢ع - ١)$

(١١)  $٩د^٢ - ٣٢$

أولية

(١٠)  $٣٢ن^٢ - ١٨و^٢$

$٢(٤ن - ٣و)(٤ن + ٣و)$

(١٥)  $٤٨ن^٢ - ٣$

$٣ن^٢(٤ + ن)(٤ - ن)$

(١٤)  $١٠٠ب^٢ - ٣٦$

$٤ب(٥ب + ٣)(٥ب - ٣)$

(١٣)  $٤٥ك^٢ - ٢٠$

$٥ك(٣ك + ٢)(٣ك - ٢)$



حُلِّ كلاً من المعادلات الآتية بالتحليل، وتحقق من صحة حلك.

$$\frac{5}{\sqrt{5}} \pm \bullet = 50 - \text{ب}^2 \quad (18)$$

$$\frac{3}{8} \pm$$

$$9 = \text{ك}^2 \quad (17)$$

$$\frac{9}{2} \pm$$

$$81 = \text{ص}^2 \quad (16)$$

$$\frac{4}{\sqrt{5}} \pm \bullet = \text{و}^2 - \frac{17}{49} \quad (21)$$

$$\frac{8}{11} \pm$$

$$\bullet = \frac{64}{121} - \text{ن}^2 \quad (20)$$

$$\frac{4}{9} \pm$$

$$\bullet = \text{ك}^2 - 162 \quad (19)$$

$$147 = \text{ج}^2 - 75 \quad (24)$$

$$\bullet, \frac{4}{3} \pm$$

$$27 = \text{ه}^2 - 48 \quad (23)$$

$$30 \pm$$

$$\bullet = 25 - \text{س}^2 \quad (22)$$

$$\bullet, \frac{7}{5} \pm$$



(٢٥) تآكل؛ تتكسر الصخور وتسقط من ارتفاع ١٢٥ مترًا منحدرًا في اتجاه الأرض. وتُعطى المسافة (ف) التي تقطعها الصخرة في (ن) ثانية في أثناء سقوطها بالمعادلة  $f = ٥n^2$ . كم ثانية تحتاج الصخرة لترتطم بالأرض؟

### ٥ ثوانٍ

(٢٦) حوادث؛ رأى عادل وسعيد آثار الإطارات على الشارع لمسافة ١٥٠ قدمًا، فقال عادل: إن هذه الآثار تدل على أن السائق يقود السيارة دون السرعة القصوى المسموح بها على الطريق، والتي تبلغ ٦٥ ميلًا/ساعة. وقال سعيد: إن السرعة ستكون ٧٠ ميلًا/ساعة. استعمل المعادلة  $\frac{1}{٣٤}ع^2 = ف$ ، حيث (ع) سرعة السيارة، و(ف) طول آثار الإطارات؛ لتبين أيهما كلامه صحيح.

عادل؛ ٦٠ ميلًا/ساعة



حدّد إذا كانت كل ثلاثة حدود فيما يأتي تشكّل مربعًا كاملًا أم لا، وإذا كانت كذلك فحلّلها.

(٣)  $٢٥ + ص٢٠ - ص٤$

نعم؛  $(٢ص - ٥)²$

(٢)  $١ + ر٦ - ر٩$

نعم؛  $(٣ر - ١)²$

(١)  $٦٤ + م١٦ + م٢$

نعم؛  $(٨ + م)²$

(٦)  $١٦ + ك٥٦ - ك٤٩$

نعم؛  $(٧ك - ٤)²$

(٥)  $١٦ + ب٤ - ب٢٥$

لا

(٤)  $٩ + ل٢٤ + ل١٦$

نعم؛  $(٣ + ل٤)²$

حلّل كلّاً من كثيرات الحدود الآتية، وإذا لم يكن ذلك ممكناً فاكتب "أولية".

(٩)  $١٨ + ك٦٠ - ك٥٠$

$٢(٥ك - ٣)²$

(٨)  $٣٥ - س١١ + س٦$

$(٢س + ٧)(٣س - ٥)$

(٧)  $١٤٧ - ل٣$

$٣(٧ + ل)(٧ - ل)$

(١٢)  $١٢ + ك٣٨ + ك٣٠$

$٢(٥ك + ٣)(٣ + ك٢)$

(١١)  $١٨ - د٦$

$٦(٣ - د٢)$

(١٠)  $١٢ - ت١٤ - ت٦$

$٢ت(٣ - ت)(٢ + ت٣)$



$$(15) \quad 25 - 30 - 9 = 2$$

أولية

$$(14) \quad 75 + 60 - 12 = 123$$

$$3(2 - 5) = 2$$

$$(13) \quad 15 - 24 = 9$$

$$3(5 - 8) = 9$$

$$(18) \quad 81 + 72 + 16 = 169$$

$$2(9 + 4) = 26$$

$$(17) \quad 9 - 8 = 1$$

$$7(2 - 2)(2 + 2)(1 + 2) = 7(0)(4)(3) = 0$$

$$(16) \quad 28 - 7 = 21$$

حلّ كلًّا من المعادلات الآتية، وتحقق من صحة الحل.

$$(21) \quad 0 = \left(1 - \frac{1}{2}\right)$$

2

$$(20) \quad 0 = 2 + 20 + 50 = 72$$

$$\frac{1}{5} -$$

$$(19) \quad 49 - 28 = 21$$

$$\frac{7}{2} -$$

$$(24) \quad 25 = 36 + 12 + 2 = 50$$

$$1 - 11 = -10$$

$$(23) \quad 0 = \frac{9}{20} + \frac{7}{5} - \frac{3}{5} = \frac{9 + 28 - 12}{20} = \frac{25}{20} = \frac{5}{4}$$

$$\frac{3}{5} -$$

$$(22) \quad 0 = \frac{1}{9} + \frac{2}{3} + 2 = \frac{1 + 12 + 36}{9} = \frac{49}{9}$$

$$\frac{1}{3} -$$

$$(27) \quad 13 = 9 + 6 - 2 = 13$$

$$\sqrt{13} \pm 3$$

$$(26) \quad 3 = 9 + 9 = 18$$

$$\sqrt{3} \pm 9 = 9 \pm \sqrt{3}$$

$$(25) \quad 64 = 16 + 8 - 2 = 22$$

$$12, 4 = 16$$

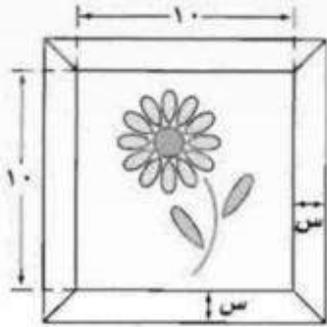


(٢٨) هندسة: صيغة مساحة الدائرة  $M = \pi r^2$ ، حيث  $r$  نصف القطر. إذا تزايد نصف القطر بمقدار  $a$  سم تصبح مساحة الدائرة  $100\pi$  سم<sup>٢</sup>. فما نصف القطر الأصلي للدائرة؟

٩ سم.

(٢٩) إطار صورة: وضعت عائشة إطارًا حول صورة بعدها  $10$  سم،  $10$  سم، فإذا كانت مساحة الإطار  $69$  سم<sup>٢</sup>. فما عرض الإطار؟

١,٥ سم.



## الفصل ٨

### الدوال التربيعية



# الفهرس

٢١



٢٠



١٩

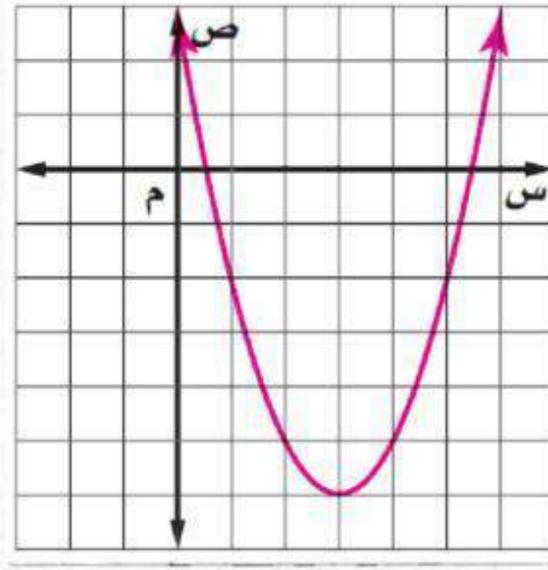


١٨



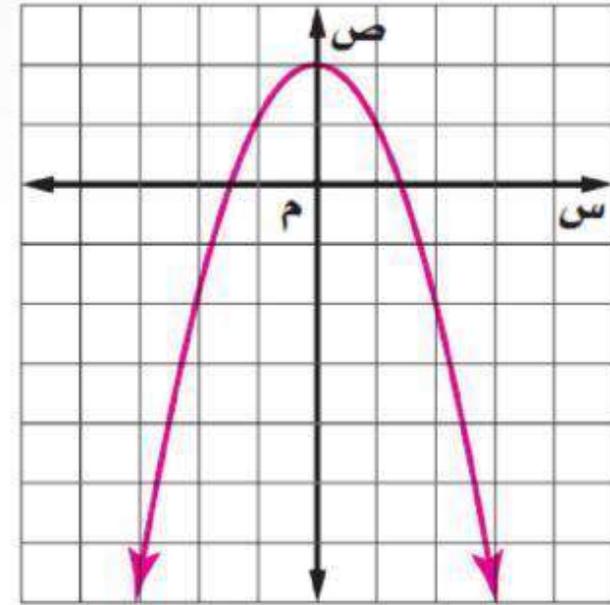
استعمل جدول القيم لتمثيل كل دالة فيما يأتي بيانياً، وحدد مجالها ومداهما.

$$(٢) \quad ص = ٦س - ٢س + ٣$$



المجال = جميع الأعداد الحقيقية؛  
المدى =  $\{ص \mid ص \leq ٦\}$

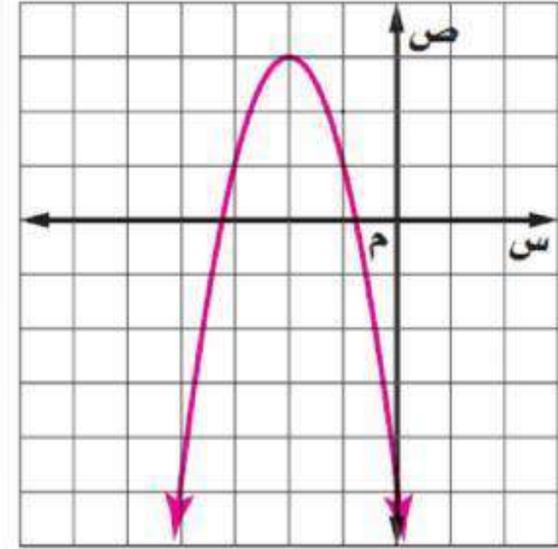
$$(١) \quad ص = -٢س + ٢$$



المجال = جميع الأعداد الحقيقية؛  
المدى =  $\{ص \mid ص \geq ٢\}$



$$٣) \text{ ص} = ٢\text{س}^٢ - ٨\text{س} - ٥$$



المجال = جميع الأعداد الحقيقية؛

$$\text{المدى} = \{ \text{ص} \mid \text{ص} \geq ٣ \}$$



أوجد الرأس، ومعادلة محور التماثل، والمقطع الصادي لكل دالة فيما يأتي:

$$(5) \quad 5 - 8s + 2s^2 = \text{ص}$$

$$(2, 3); s = 2,$$

المقطع الصادي = 5-

$$(4) \quad 9 - s^2 = \text{ص}$$

المجال = جميع الأعداد الحقيقية؛

$$\text{المدى} = \{ \text{ص} \mid \text{ص} \geq 3 \}$$

$$(6) \quad 1 + 4s - 4s^2 = \text{ص}$$

$$(0, 0, 5); s = 0, 5,$$

المقطع الصادي = 1



بيّن ما إذا كان لكل معادلة فيما يأتي قيمة عظمى أم صغرى، ثم حدّها، وحدّ مجال الدالة ومدّاها.

$$(8) \quad \text{ص} = -\text{س}^2 + 5\text{س} - 10$$

عظمى؛ (5, 2, -75, 3)؛

المجال = جميع الأعداد الحقيقية؛

$$\text{المدى} = \{\text{ص} \mid \text{ص} \geq -75, 3\}$$

$$(7) \quad \text{ص} = 5\text{س}^2 - 2\text{س} + 2$$

صغرى؛ (2, 0, 8, 1)؛

المجال = جميع الأعداد الحقيقية؛

$$\text{المدى} = \{\text{ص} \mid \text{ص} \leq 8, 1\}$$

$$(9) \quad \text{ص} = \frac{3}{2}\text{س}^2 + 4\text{س} - 9$$

صغرى؛ (1, 1/3, -11, 2/3)؛

المجال = جميع الأعداد الحقيقية؛

$$\text{المدى} = \{\text{ص} \mid \text{ص} \leq -11, 2/3\}$$



١٠) كرة: تُمثّل المعادلة  $E = -0,005s^2 + s + 3$  مسارَ كرةٍ قذفها لاعب في الهواء، حيث (ع) ارتفاع الكرة بالأقدام، و (س) المسافة الأفقية التي تقطعها الكرة.

(أ) ما معادلة محور التماثل؟  $s = 100$

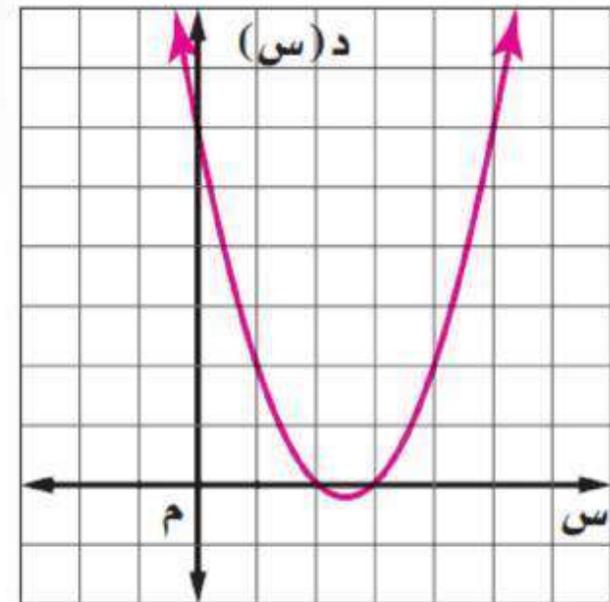
(ب) ما القيمة العظمى للارتفاع الذي تصله الكرة؟  $53$  قدمًا

(ج) إذا التقط اللاعب الكرة من ارتفاع 3 أمتار من مستوى سطح الأرض، فما المسافة الأفقية التي تبعدها الكرة عن موضع سقوطها على الأرض؟  $200$  قدم



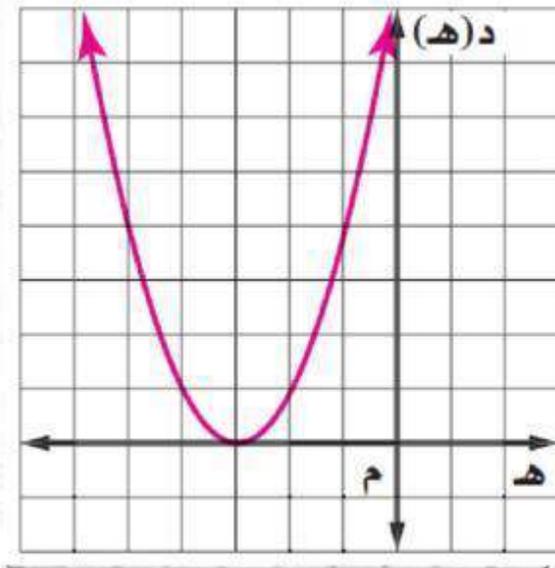
حل كل معادلة فيما يأتي بيانياً:

(١)  $s^2 - 5s + 6 = 0$



٢، ٣

(٢)  $h^2 + 6h + 9 = 0$

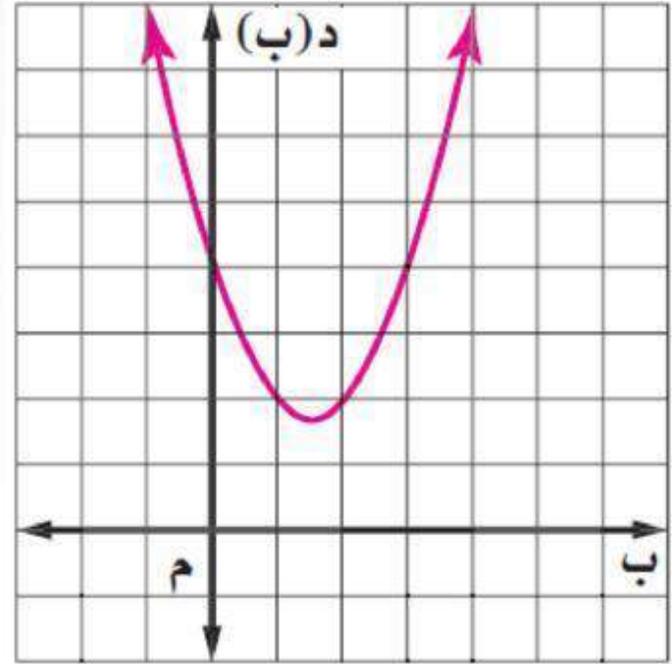


-٣



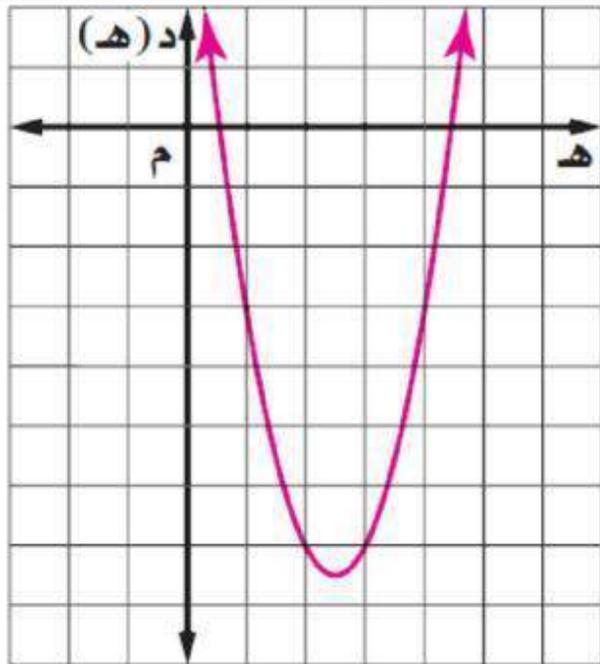
$$(3) \quad b^2 - 3b + 4 = 0$$

∅



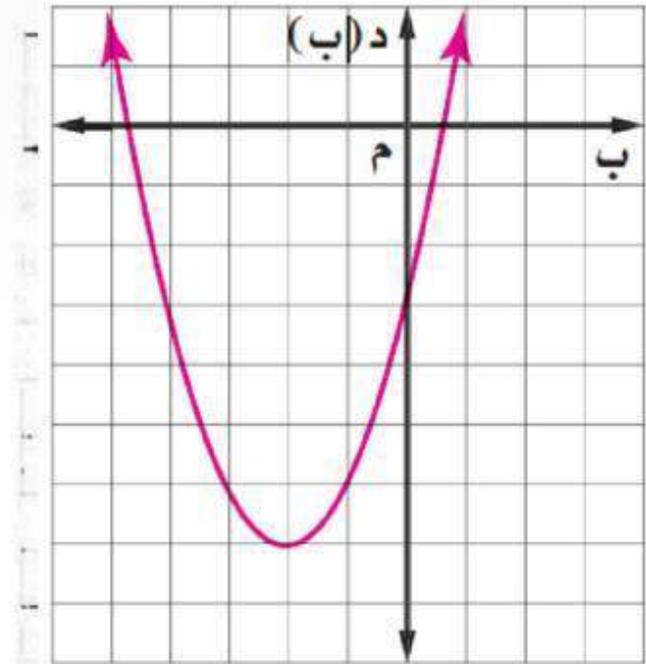
حلّ المعادلات الآتية بيانياً، وإذا لم تكن الجذور أعداداً صحيحة، فقّدها إلى أقرب جزء من عشرة.

$$(5) \quad 2x^2 + 5 = 10$$



٢, -٢, ٠, ٢

$$(4) \quad 3 = 4x + x^2$$

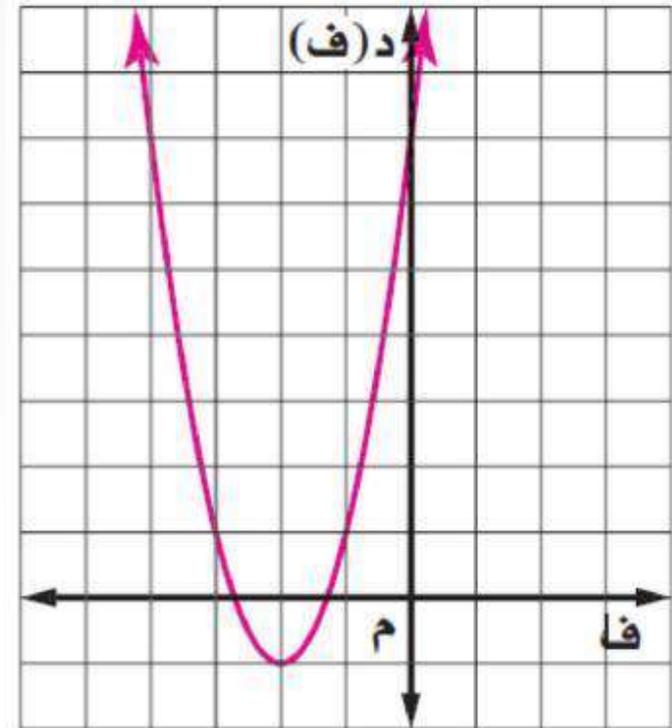


-٣, ١, ٤, ٦



$$٦) \quad ٧- = ٢ف^٢ + ٨ف$$

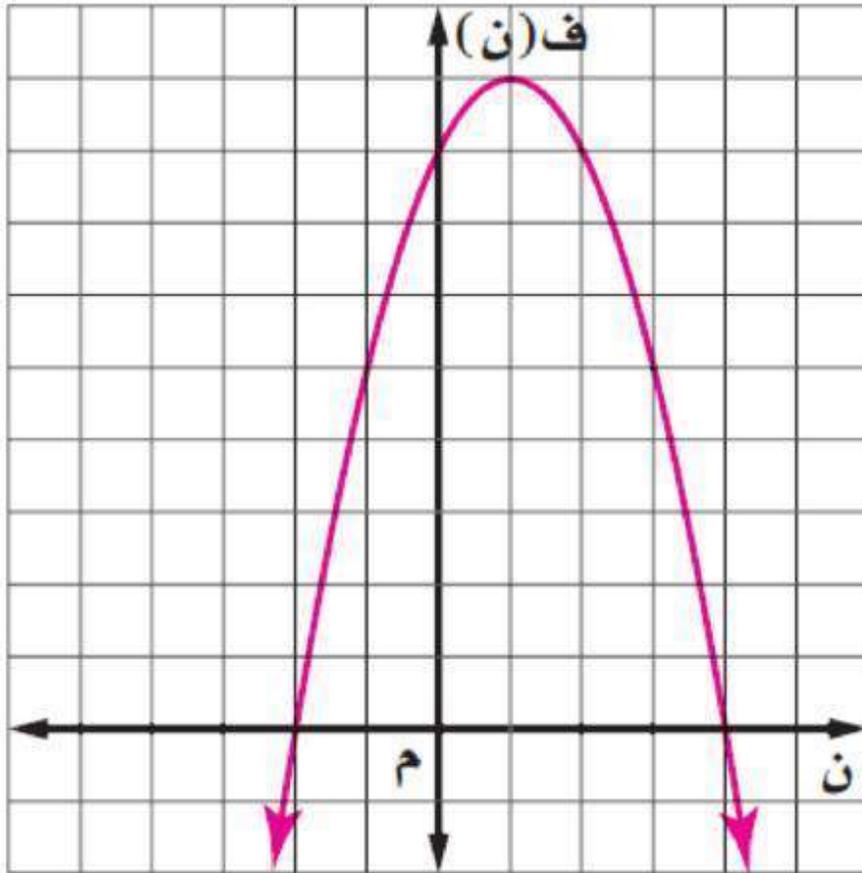
١, ٣-، ٢، ٧-



(٧) نظرية الأعداد: عددان مجموعهما ٢، وحاصل ضربهما -٨، يمكن استعمال المعادلة التربيعية  $-n^2 + 2n + 8 = 0$  لتحديد هذين العددين.

(i) مثل الدالة  $f(n) = -n^2 + 2n + 8$  بيانياً، وحدد المقطعين السينيين. -٢، ٤

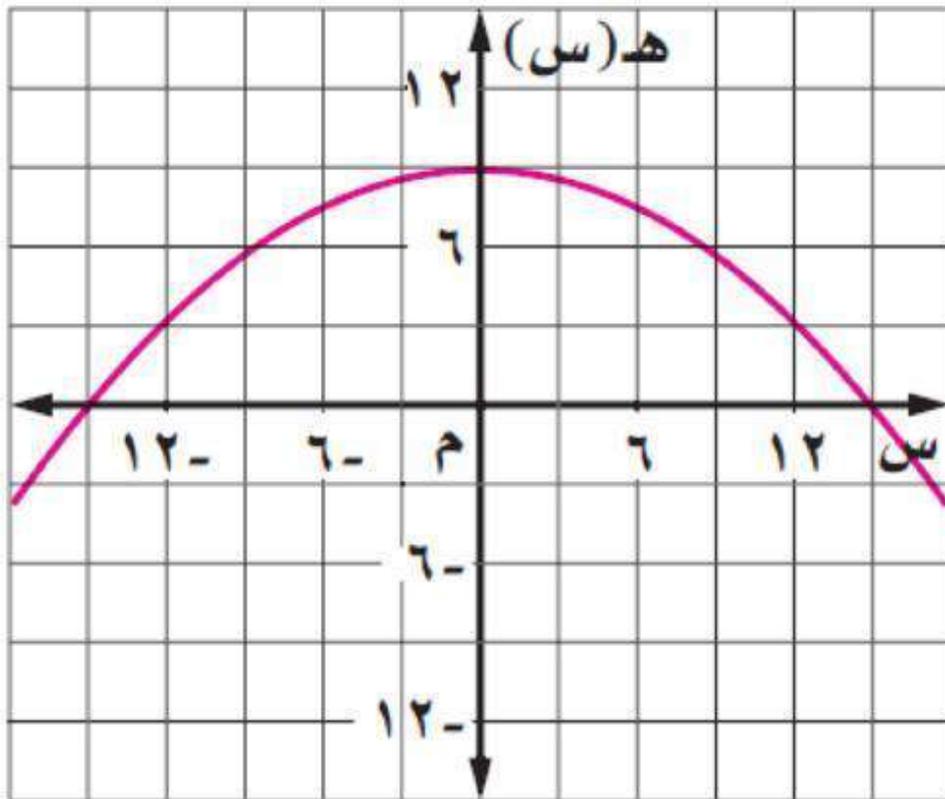
(ب) ما العددان؟ -٢، ٤



٨) تصميم: جسر مشاة معلق بدعامة على شكل قطع مكافئ، وتُمثل الدالة  $h(s) = -\frac{1}{20}s^2 + 9$  ارتفاع الدعامة بالأقدام، وتُمثل (س) نقطة منتصف الجسر.

(أ) مثل الدالة بيانيًا، وحدد المقطعين السينيين. - ١٥، ١٥

(ب) ما طول الممر الواصل بين الدعامتين؟ ٣٠ قدمًا



## حُلّ المعادلات التربيعية بإكمال المربع

أوجد قيمة جـ التي تجعل كل ثلاثية حدود فيما يأتي مربعاً كاملاً.

(١)  $س^٢ - ٢٤س + جـ$

١٤٤

(٢)  $س^٢ + ٢٨س + جـ$

١٩٦

(٣)  $س^٢ + ٤٠س + جـ$

٤٠٠

(٤)  $س^٢ + ٣س + جـ$

$\frac{٩}{٤}$

(٥)  $س^٢ - ٩س + جـ$

$\frac{٨١}{٤}$

(٦)  $س^٢ - س + جـ$

$\frac{١}{٤}$



حل كل معادلة فيما يأتي بإكمال المربع، مقرباً الناتج إلى أقرب جزء من عشرة إذا كان ذلك ضرورياً.

$$(9) \text{ س}^2 - 30\text{س} + 56 = 25$$

٢٧، ٣

$$(8) \text{ س}^2 + 12\text{س} = 13$$

١، ١٣-

$$(7) \text{ س}^2 - 14\text{س} + 24 = 0$$

١٢، ٢

$$(12) \text{ س}^2 + 18\text{س} + 50 = 9$$

٢، ٧-، ١٥، ٣-

$$(11) \text{ س}^2 - 10\text{س} + 6 = 7$$

٨، ٥، ١، ٥

$$(10) \text{ س}^2 + 8\text{س} + 9 = 0$$

١، ٤-، ٦، ٦-

$$(15) 9، 0، \text{س}^2 + 4\text{س} - 5 = 4$$

$\frac{2}{3}$ ، ٦،  $\frac{2}{6}$ -

$$(14) 4\text{س}^2 - 72 = 24\text{س}$$

٨، ٢، ٢، ٢-

$$(13) 3\text{س}^2 + 15\text{س} - 3 = 0$$

٠، ٢، ٥، ٢-

$$(18) \frac{1}{4}\text{س}^2 + \text{س} - 2 = 0$$

١، ٥، ٥، ٥-

$$(17) \frac{1}{2}\text{س}^2 - \text{س} - 10 = 0$$

٥، ٤-

$$(16) 4، 0، \text{س}^2 + 8\text{س} = 2، 0$$

٠، ٢، ٢، ٢-



١٩) نظرية الأعداد: عددان زوجيان متتاليان، حاصل ضربهما ٧٢٨، فما هما؟ ٢٨، ٢٦

٢٠) عمل: يُصمّم محمود صناديق المجوهرات والتحف، وتُمثّل الدالة  $ص = س^٢ + ٥٠س + ١٨٠٠$  ربحه (ص) بعد (س) شهرًا في أول سنتين من العمل.

(أ) اكتب معادلة تُمثّل الشهر الذي يكون ربح محمود فيه ٢٤٠٠ ريال.  $٢٤٠٠ = ١٨٠٠ + ٥٠س + س^٢$

(ب) استعمل طريقة إكمال المربع؛ لتحديد الشهر الذي يحصل فيه محمود على ٢٤٠٠ ريال.

## الشهر العاشر

٢١) فيزياء: سقطت صخرة من علو ٢٥٦ قدمًا، وتُمثّل الدالة  $ع = -١٦ن^٢ + ٣٢ن + ٢٥٦$  ارتفاع الصخرة (ع) بعد (ن)

ثانية من سقوطها. ما الزمن الذي تستغرقه الصخرة للوصول إلى الأرض؟ (إرشاد: عوض  $ع = ٠$ ) ١, ٥ ثانية



## حل المعادلات التربيعية باستعمال القانون العام

حُلّ كل معادلة فيما يأتي باستعمال القانون العام مقربًا الحل إلى أقرب جزء من عشرة إذا كان ذلك ضروريًا.

(١)  $x^2 + 2x - 3 = 0$

-٣، ١

(٢)  $x^2 + 8x + 7 = 0$

-٧، -١

(٣)  $x^2 - 4x + 6 = 0$

∅

(٤)  $x^2 - 6x + 7 = 0$

٦، ١، ٤، ٤

(٥)  $2x^2 + 9x - 5 = 0$

-٥،  $\frac{1}{2}$ 

(٦)  $2x^2 + 12x + 10 = 0$

-٥، -١

(٧)  $2x^2 - 9x - 12 = 0$

∅

(٨)  $2x^2 - 5x + 12 = 0$

-١،  $\frac{1}{4}$ ، ٤

(٩)  $3x^2 + x = 4$

-١،  $\frac{1}{3}$ ، ١

(١٠)  $3x^2 - 1 = 8x$

-٨، ٢، ١، ٠

(١٢)  $x^2 + 2x + 5 = 2$

∅

(١١)  $4x^2 + 7x = 15$

-٣،  $\frac{1}{4}$ ، ١

أوجد قيمة المميز لكل معادلة فيما يأتي، ثم حدّد عدد حلولها الحقيقية.

$$(13) \quad 0 = 16 + 8s + s^2$$

٠، حل حقيقي واحد

$$(14) \quad 0 = 12 + 3s + s^2$$

-٣٩، لا توجد حلول حقيقية

$$(15) \quad 7 - 7s = 12 + s^2$$

٨٨، حلان حقيقيان

$$(16) \quad 30 - 3s = 15 + 2s^2$$

-١٥، لا توجد حلول حقيقية

$$(17) \quad 12 = 9 + 4s^2$$

٠، حل حقيقي واحد

$$(18) \quad 3, 5 = 2s - 3s^2$$

٤٦، حلان حقيقيان



١٩) فيزياء: سقطت قطعة من الطوب من ارتفاع ٣٠ قدمًا إلى الأرض، بسرعة ابتدائية مقدارها ١٠ أقدام في الثانية.

أ) اكتب معادلة لإيجاد زمن وصول قطعة الطوب إلى الأرض. استعمل نموذج الحركة الرأسية:

$$e = 16n^2 + c.n + l, \text{ حيث } (e) \text{ ارتفاع الجسم بعد } (n) \text{ ثانية، و } (c) \text{ السرعة الابتدائية، و } (l) \text{ الارتفاع}$$

الابتدائي. (إرشاد: بما أن الجسم يُلقى إلى الأسفل فالسرعة الابتدائية سالبة).

$$e = 16n^2 - 10n + 30$$

ب) ما المدة الزمنية التي تستغرقها قطعة الطوب حتى تصل إلى الأرض؟

١, ١ ثانية تقريبًا



## الفصل ٩

### تبسيط العبارات الجذرية



# الفهرس

٢٤



٢٣



٢٢



٢١



٢٧



٢٦



٢٥



بسط كل عبارة فيما يأتي:

$$\sqrt{3} \sqrt{4} \quad \sqrt{6} \times \sqrt{8} \quad (٣)$$

$$\sqrt{15} \sqrt{2} \quad \sqrt{60} \quad (٢)$$

$$\sqrt{6} \sqrt{2} \quad \sqrt{24} \quad (١)$$

$$\sqrt[3]{27} \text{ ت و } ٢$$
  
$$\sqrt[3]{3} \text{ ا و } ١ \sqrt[3]{3} \text{ ت و}$$

$$\sqrt{2} \sqrt{90} \quad \sqrt{6} \sqrt{5} \times \sqrt{12} \sqrt{3} \quad (٥)$$

$$\sqrt{2} \sqrt{7} \quad \sqrt{14} \sqrt{7} \times \sqrt{7} \quad (٤)$$

$$\frac{\sqrt{3} \sqrt{2}}{3} \quad \frac{\sqrt{8}}{\sqrt{6}} \quad (٩)$$

$$\sqrt[3]{108} \text{ اس } ١ \text{ ص } ٢ \text{ ز } ٥$$
  
$$\sqrt[3]{6} \text{ اس } ٢ \text{ ص } ٢ \text{ ز } ٣ \text{ اس } ٢ \text{ ز } ٣$$

$$\sqrt[5]{50} \sqrt[5]{5} \quad \sqrt[5]{2} \sqrt[5]{2} \sqrt[5]{2} \sqrt[5]{2} \sqrt[5]{2} \quad (٧)$$

$$\frac{\sqrt{11}}{11} \quad \sqrt{\frac{7}{11}} \times \sqrt{\frac{1}{7}} \quad (١٢)$$

$$\frac{\sqrt{10}}{8} \quad \sqrt{\frac{5}{32}} \quad (١١)$$

$$\frac{\sqrt{5}}{5} \quad \sqrt{\frac{2}{10}} \quad (١٠)$$



$$\frac{\sqrt{3} \sqrt{ab}}{2 \sqrt{ab}} \sqrt{\frac{9 \sqrt{ab}}{4 \sqrt{ab}}} \quad (15)$$

$$\frac{\sqrt{3} \sqrt{2} \sqrt{3} \sqrt{3}}{3 \sqrt{3}} \sqrt{\frac{18}{3}} \quad (14)$$

$$\frac{\sqrt{6} \sqrt{3}}{4} \sqrt{\frac{3 \sqrt{3}}{8}} \quad (13)$$

$$\frac{\sqrt{21} \sqrt{9} - \sqrt{7} \sqrt{3}}{26} \frac{\sqrt{7} \sqrt{3}}{\sqrt{27} \sqrt{-1}} \quad (18)$$

$$\frac{\sqrt{3} \sqrt{4} - 12}{3} \frac{8}{\sqrt{3} + 3} \quad (17)$$

$$\frac{\sqrt{2} \sqrt{3} + 15}{23} \frac{3}{\sqrt{2} - 5} \quad (16)$$

(19) قفز مظلي، عندما يقفز مظلي من طائرة في الهواء؛ يستغرق في السقوط الحر لمسافة معينة زمنًا يمكن تقديره بالمعادلة

$n = \sqrt{\frac{2f}{9.8}}$  حيث (ن) الزمن بالثانية، (ف) المسافة بالأمتار. فإذا قفز المظلي من طائرة لمسافة 750 مترًا، فما الزمن

الذي يستغرقه في السقوط الحر؟

٤, ١٢ ثانية تقريبًا.



٢٠) أرصاد جوية: يستعمل الراصدون الجويون المعادلة  $n = \sqrt{\frac{q^2}{216}}$  لتقدير زمن استمرار عاصفة رعدية، حيث (ن) الزمن بالساعة، (ق) قطر العاصفة بالميل.

(أ) إذا كان قطر العاصفة الرعدية ٨ أميال. فقدر زمن استمرارها. واكتب إجابتك في أبسط صورة، وفي صورة كسر عشري.  $1.5 \approx \frac{\sqrt[3]{8}}{9}$  ساعة

(ب) إذا هبت عاصفة رعدية قطرها مثلي قطر العاصفة السابقة، هل ستستمر مثلي زمن تلك العاصفة أيضًا؟ فسّر إجابتك.

لا؛ ستستمر العاصفة نحو ٤, ٤ ساعة أو ٣ أمثال زمن العاصفة الأولى تقريبًا.



## العمليات على العبارات الجذرية

٢ - ٩

بسّط كل عبارة فيما يأتي:

$$(١) \sqrt[3]{٨} - \sqrt[3]{٤}$$

$$\sqrt[3]{٨}$$

$$(٢) \sqrt[5]{٧} - \sqrt[5]{٢} - \sqrt[5]{٥}$$

$$-\sqrt[5]{١٠}$$

$$(٣) \sqrt[1٣]{٧} - \sqrt[1٣]{١٤} + \sqrt[1٣]{٢}$$

$$-\sqrt[1٣]{٥}$$

$$\sqrt[1٣]{١٤}$$

$$(٤) \sqrt[5]{٢} + \sqrt[5]{٤} - \sqrt[5]{١٤}$$

$$(٥) \sqrt[9]{١} + \sqrt[9]{١٠} - \sqrt[9]{٤}$$

$$(٦) \sqrt[1٨]{٣} - \sqrt[1٨]{٥} + \sqrt[1٨]{٢}$$

$$(٧) \sqrt[3]{٧} + \sqrt[3]{١٨} + \sqrt[3]{٢٧}$$

$$\sqrt[3]{١٣} + \sqrt[3]{٣}$$

$$(٨) \sqrt[3]{٢} - \sqrt[3]{٣} + \sqrt[3]{٥}$$

$$\sqrt[3]{٦} + \sqrt[3]{٦}$$

$$(٩) \sqrt[٢]{\frac{١٤}{٧}} - \sqrt[٢]{٤}$$

$$\frac{\sqrt[٢]{١٤}}{\sqrt[٢]{٧}}$$

$$(١٠) \sqrt[1]{\frac{١}{٢}} - \sqrt[1]{٣٢} + \sqrt[1]{٥}$$

$$\frac{\sqrt[1]{١٧}}{٢}$$

$$(١١) (\sqrt[1]{٤} - \sqrt[1]{٥}) \sqrt[1]{٥}$$

$$-\sqrt[1]{٣}$$

$$(١٢) \sqrt[1٢]{٤} - \sqrt[1٢]{٢} - \sqrt[1٢]{٥} + \sqrt[1٢]{٣}$$

$$-\sqrt[1٢]{٣} - \sqrt[1٢]{٥}$$



$$(18\sqrt{7} - 30\sqrt{7})(6\sqrt{7} + 10\sqrt{7}) \quad (15)$$

$$3\sqrt{7} \cdot 4$$

$$^2(15\sqrt{7} - 5) \quad (14)$$

$$15\sqrt{7} \cdot 10 - 40$$

$$(15\sqrt{7} + 10\sqrt{7}) 6\sqrt{7} \quad (13)$$

$$10\sqrt{7} \cdot 3 + 15\sqrt{7} \cdot 2$$

$$(6\sqrt{5} + 10\sqrt{3})(5\sqrt{2} - 3\sqrt{4}) \quad (18)$$

$$2\sqrt{3} \cdot 30 + 30\sqrt{7} \cdot 2$$

$$(5\sqrt{7} - 6\sqrt{3})(8\sqrt{2} + 2\sqrt{7}) \quad (17)$$

$$10\sqrt{7} \cdot 5 - 3\sqrt{7} \cdot 30$$

$$(18\sqrt{7} + 48\sqrt{7})(12\sqrt{7} + 8\sqrt{7}) \quad (16)$$

$$6\sqrt{7} \cdot 14 + 36$$

(19) سرعة الصوت: تُمثل المعادلة  $20\sqrt{d} + 273 =$  سرعة الصوت (ع) بالمتر/ثانية قرب سطح الأرض، حيث (د) درجة حرارة السطح السيليزية.

(أ) ما سرعة الصوت قرب سطح الأرض عند الدرجتين  $15^\circ$  س،  $2^\circ$  س في أبسط صورة؟

$$2\sqrt{240} \text{ م/ث، } 11\sqrt{100} \text{ م/ث}$$

(ب) بكم تزيد سرعة الصوت عند الدرجة  $15^\circ$  س عليها عند الدرجة  $2^\circ$  س؟

$$11\sqrt{100} - 2\sqrt{240} \approx 7,75 \text{ م/ث}$$



٢٠ هندسة: مستطيل طوله  $(\sqrt{3} + \sqrt{5})$  مترًا، وعرضه  $(\sqrt{3} - \sqrt{6})$  مترًا.

(i) أوجد محيط المستطيل في أبسط صورة.

$$2(\sqrt{3} + \sqrt{5} - \sqrt{6} - \sqrt{3}) \text{ م}$$

(ب) أوجد مساحة المستطيل في أبسط صورة.

$$-192 - 21\sqrt{3} \text{ م}^2$$



حُلّ كل معادلة فيما يأتي، وتحقق من صحة الحل.

$$٤ \quad ١١ = ٣ + \sqrt{٤} \sqrt{٢} \quad (٣)$$

$$٤٨ \quad \sqrt{٣س} = \sqrt{٣} \sqrt{٤} \quad (٢)$$

$$٦٤ - \quad ٨ = \sqrt{ب} \quad (١)$$

$$٥٣ \quad \sqrt{٣} \sqrt{٤} = \sqrt{٥ - م} \quad (٦)$$

$$٩٨ \quad ٧ = ٣ - \sqrt{٢ + ك} \sqrt{٥} \quad (٥)$$

$$٣٢ \quad ٢ - = \sqrt{٢ص} \sqrt{٦} \quad (٤)$$

$$١٨ = ٥ + \sqrt{١٥ + ٢س} \quad (٩)$$

$$٢٠ \quad ٩ = ٢ + \sqrt{١١ - ٣ج} \quad (٨)$$

$$٦٢ \quad \sqrt{٦} \sqrt{٨} = \sqrt{١٢ + ٦ن} \quad (٧)$$

٧٧

$$\emptyset \quad ٢ - = \sqrt{\frac{٥ر}{٦}} + ٦ \quad (١٢)$$

$$\frac{١}{٤} \quad ٠ = ٣ - \sqrt{\frac{٣س}{٣}} \sqrt{٦} \quad (١١)$$

$$٦٠ \quad ٢ = ٤ - \sqrt{\frac{٣د}{٥}} \quad (١٠)$$



$$x + w = \sqrt{x + w} \quad (15)$$

3 - 4 -

$$s = \sqrt{s^2 - 15} \quad (14)$$

3

$$\sqrt{6 + v} = v \quad (13)$$

3

$$3 + k = \sqrt{8k + 24} \quad (18)$$

5, 3 -

$$2 - m = \sqrt{16 - 5m} \quad (17)$$

5, 4

$$5 - k = \sqrt{k - 17} \quad (16)$$

8

$$s = \sqrt{9 - s^2} \quad (21)$$

3

$$m = \sqrt{28 + m^3} - 4 \quad (20)$$

1 -

$$0 = 3 - t - \sqrt{17 + 4t} \quad (19)$$

2



(٢٢) كهرباء: يحسب فرق الجهد في دائرة كهربائية بالمعادلة  $V = \sqrt{P \times R}$ ، حيث (قد) تمثل القدرة الكهربائية بالواط، (م) تمثل المقاومة بالأوم.

(أ) إذا كان فرق الجهد لدائرة كهربائية ١٢٠ فولت، وتنتج الدائرة ١٥٠٠ واط، فما مقاومة الدائرة؟ **٩,٦ أوم**

(ب) إذا صُمم جهاز كهربائي يعمل على فرق جهد ١١٠ فولت، ومقاومته ١٠ أوم، فما قدرة الجهاز؟ **١٢١٠ واط**

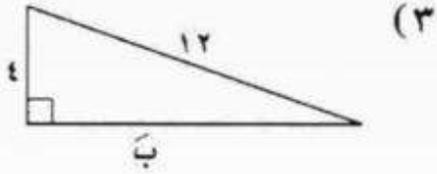
(٢٣) سقوط حر: على افتراض أنه لا توجد مقاومة للهواء، فإنه يمكن استعمال المعادلة  $t = \sqrt{\frac{2h}{g}}$  في حساب الزمن (ن) بالثواني الذي يستغرقه جسم ليسقط من ارتفاع (ع) قدم.

(أ) إذا قفز مظلي من طائرة في الهواء لمدة ١٠ ثوانٍ قبل أن يفتح مظلته، فكم قدمًا قطع في أثناء ذلك؟ **١٦٠٠ قدم**

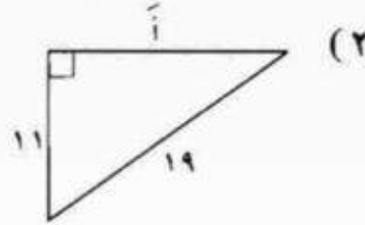
(ب) لنفترض أن مظليًا آخر قفز سقوطًا حرًا لمدة ٦ ثوانٍ، فكم قدمًا قطع في أثناء ذلك في الهواء؟ **٥٧٦ قدمًا**



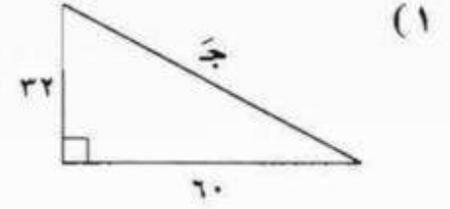
أوجد طول الضلع المجهول في كلٍّ مثلث مما يأتي، وقرّب الحل إلى أقرب جزء من مئة إن كان ذلك ضروريًا.



١١, ٣١



١٥, ٤٩



٦٨



حدد ما إذا كانت كل مجموعة من الأطوال الآتية تُشكّل أضلاع مثلث قائم الزاوية، ثم حدّد إذا كانت تُشكّل ثلاثية فيثاغورس.

(٤) ٢١، ١٨، ١١ لا، لا (٥) ٧٥، ٧٢، ٢١ نعم، نعم (٦) ١١، ٨، ٧ لا، لا

(٧) ١٦١، ١٠، ٩ لا، لا (٨) ١١، ١٠، ٩ نعم، لا (٩) ١٥، ٢، ٧ نعم، لا

(١٠) تخزين: طول باب المخزن في منزل هاشم ٦ أقدام، وعرضه ٣ أقدام. ويريد أن يُخزّن فيه صندوقاً مربعاً طول ضلعه ٧ أقدام. هل يستطيع إدخال الصندوق قطرياً؟ وضح إجابتك.

لا، لأن أكبر طول يمكن أن يدخل خلال الباب هو  $\sqrt{45} \approx 6,71$  أقدام



(١١) شاشة تلفاز، يقاس حجم التلفاز بطول قطر شاشته.

(أ) إذا كان بعدا شاشة تلفاز ٢٤ بوصة طولاً، و١٨ بوصة عرضاً، فما طول قطرها؟

٣٠ بوصة

(ب) قالت هند لزميلتها مها: إن قطر التلفاز في منزلهم ٣٥ بوصة. فإذا كان طول الشاشة ٢١ بوصة، فما عرضها؟

٢٨ بوصة

(ج) أخبرت مها زميلتها هند أن لديها تلفازاً صغيراً قطره ٥ بوصات، وبعدا شاشته بوصتان في ٣ بوصات. فهل هذه الأبعاد تناسب قطر التلفاز؟ فسر إجابتك.

لا؛ إذا كان بعدا الشاشة  $2 \times 3$  بوصات، فإن القطر يكون ٦١, ٣ بوصات تقريباً.



أوجد المسافة بين كل نقطتين فيما يأتي:

$$(1) (3, 1), (7, 4)$$

$$5$$

$$(2) (-2, -7), (9, 0)$$

$$13, 04 \approx 17, 04$$

$$(3) (\frac{1}{4}, 4), (2, 6)$$

$$2, 5 \text{ أو } \frac{5}{2}$$

$$(4) (6, \frac{1}{3}), (-7, 1)$$

$$1, 67 = \frac{5}{3}$$

$$(5) (0, \sqrt{2}), (3, \sqrt{3})$$

$$2, 65 \approx \sqrt{7}$$

$$(6) (3, \sqrt{3}), (1, \sqrt{2})$$

$$4, 24 = \sqrt{2} \sqrt{3}$$



في الأسئلة ٧ - ١٢، أوجد القيم الممكنة للمتغير (أ)، مستعملًا إحداثيات كل نقطتين، والمسافة المعطاة بينهما.

$$(٧) (٤، ١-)، (٥، أ)، ف = ١٠ \quad أ = ٤- \text{ أو } ١٢ \quad (٨) (٢، ٥-)، (٧، أ)، ف = ١٥ \quad أ = ٧- \text{ أو } ١١$$

$$(٩) (٦، ٧-)، (٤، أ)، ف = \sqrt{١٨} \quad أ = ٣ \text{ أو } ٩ \quad (١٠) (٤، ١-)، (٨، أ)، ف = \sqrt{٥٠} \quad أ = ٥- \text{ أو } ٣-$$

$$(١١) (٨، ٥-)، (٤، أ)، ف = \sqrt{٨٥} \quad أ = ٦ \text{ أو } ١٠ \quad (١٢) (٩، ٧-)، (٥، أ)، ف = \sqrt{٢٩}$$

$$أ = ١٤- \text{ أو } ٤-$$



أوجد إحداثي نقطة المنتصف للقطعة المستقيمة الواصلة بين كل نقطتين مما يأتي:

$$(15) \quad (2, 3), (4, 0)$$

$$(1, 1, 5)$$

$$(14) \quad (2, 7), (8, 3)$$

$$(3, 5)$$

$$(13) \quad (9, 3), (6, 4)$$

$$(7, 5, 3, 5)$$

$$(18) \quad \left(\frac{1}{3}, 2\right), \left(1, \frac{2}{3}\right)$$

$$\left(\frac{1}{3}, \frac{1}{3}\right)$$

$$(17) \quad \left(\frac{1}{2}, 1\right), \left(\frac{1}{2}, 2\right)$$

$$\left(0, \frac{1}{2}\right)$$

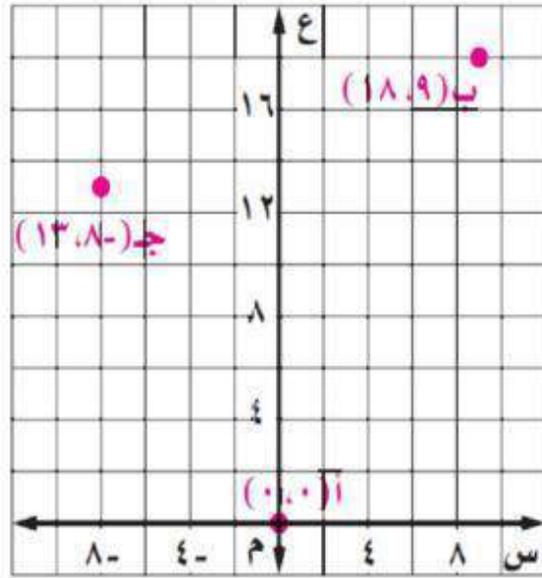
$$(16) \quad (5, 1), (9, 13)$$

$$(7, 7)$$



١٩) كرة السلة: يقف ثلاثة لاعبين على النحو الآتي: عادل على بُعد ٩ أمتار إلى يمين أحمد، ومتقدمًا عنه بمسافة رأسية مقدارها ١٨ مترًا. وسمير على بُعد ٨ أمتار إلى يسار أحمد، ومتقدمًا عنه بمسافة رأسية مقدارها ١٣ مترًا.

أ) ارسم نموذجًا على ورقة الرسم البياني يُمثل هذا الوضع. وافترض أن اللاعب أحمد يقف في  $(٠, ٠)$ .



ب) ما المسافة بين أحمد، وكل من عادل وسمير، مقربًا الإجابة إلى أقرب جزء من عشرة؟

١, ٣, ٢٠, ١٥ مترًا

ج) ما المسافة بين عادل وسمير؟

٧, ١٧ م

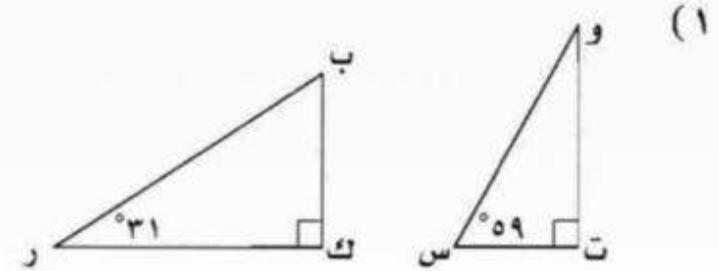
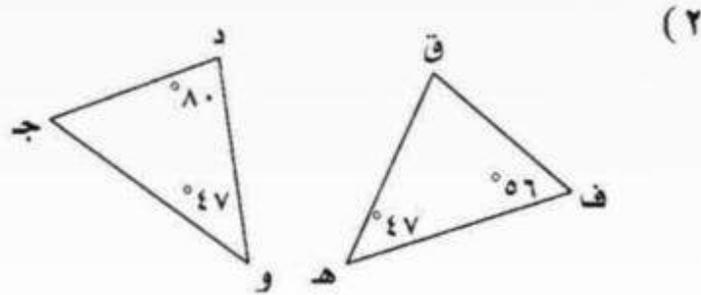


٢٠) خرائط: تسكن هيا وفاطمة في حين متجاورين، وعند تمثيل مواقع سكنهم في مستوى إحداثي طول ضلع كل مربع فيه كيلومتر واحد، كانت هيا عند النقطة  $(-9, 1)$  وفاطمة عند النقطة  $(5, -4)$ . فما المسافة بين موقعيهما؟

١٤,٩ كم



حدّد إذا كان كل زوج من المثلثات في السؤالين الآتيين متشابهًا أم لا. وبرّر إجابتك.



لا؛  $\Delta ج = 180^\circ - (80^\circ + 47^\circ) = 53^\circ$   
 بما أن قياسات الزوايا المتناظرة غير متساوية، لذا فإن  
 المثلثين غير متشابهين

نعم؛  $\Delta ك = \Delta ت = 90^\circ$   
 $\Delta ب = 180^\circ - (31^\circ + 90^\circ) = 59^\circ = \Delta س$   
 $\Delta و = 180^\circ - (59^\circ + 90^\circ) = 31^\circ = \Delta ر$   
 بما أن المثلثين متشابهان، لذا فإن قياساتهما المتناظرة  
 متشابهة.



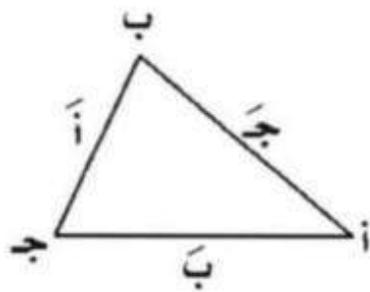
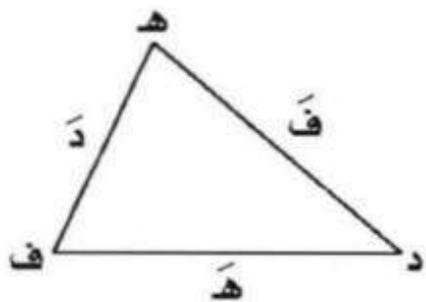
في الأسئلة ٣-١٠، إذا كان  $\Delta$  أ ب ج  $\sim$   $\Delta$  د هـ ف، فأوجد قياسات العناصر المجهولة.

$$(٣) \text{ جـ} = ٤, \text{ دـ} = ١٢, \text{ هـ} = ١٦, \text{ فـ} = ٨, \text{ أ} = ٦, \text{ بـ} = ٨$$

$$(٤) \text{ هـ} = ٢٠, \text{ أ} = ٢٤, \text{ بـ} = ٣٠, \text{ جـ} = ١٥, \text{ دـ} = ١٦, \text{ فـ} = ١٠$$

$$(٥) \text{ أ} = ١٠, \text{ بـ} = ١٢, \text{ جـ} = ٦, \text{ دـ} = ٤, \text{ هـ} = ٨, \text{ فـ} = ٤, ٢$$

$$(٦) \text{ أ} = ٤, \text{ دـ} = ٦, \text{ هـ} = ٤, \text{ فـ} = ٣, \text{ جـ} = ٢, \text{ بـ} = \frac{٨}{٣}$$



$$(7) \quad \text{ب} = 15, \text{د} = 16, \text{هـ} = 20, \text{ف} = 10, \text{أ} = 12, \text{ج} = \frac{15}{2}$$

$$(8) \quad \text{أ} = 16, \text{ب} = 22, \text{ج} = 12, \text{ف} = 8, \text{د} = \frac{32}{3}, \text{هـ} = \frac{44}{3}$$

$$(9) \quad \text{أ} = \frac{5}{2}, \text{ب} = 3, \text{ف} = \frac{11}{2}, \text{هـ} = 7, \text{ج} = \frac{33}{14}, \text{د} = \frac{35}{6}$$

$$(10) \quad \text{ج} = 4, \text{د} = 6, \text{هـ} = 625, \text{ف} = 12, \text{أ} = 2, \text{ب} = 1,875$$

(11) قياس: إذا كان طول ظل بناية 20 م، وطول ظلك 90 ستمترًا في تلك اللحظة، وطولك متر و 80 ستمترًا، فما ارتفاع البناية؟

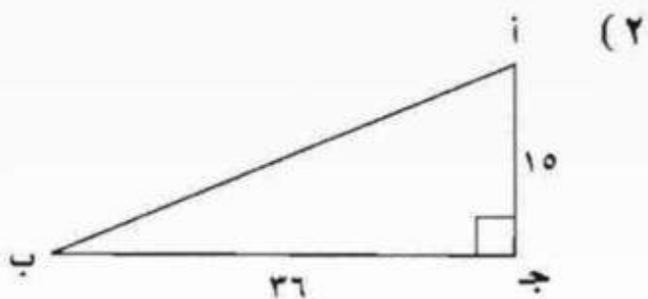
40 م

(12) نماذج: يستعمل المهندسون أشكالاً مثلثية لتدعيم أحد الجسور. فإذا عمل مراد نموذجًا للجسر مقياس الرسم فيه 1 سم لكل 2 م، وكان ارتفاع المثلث في النموذج 5، 4 سم، فما ارتفاع المثلث في التصميم الحقيقي؟

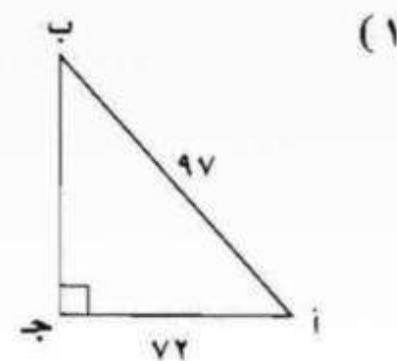
4، 5 م



أوجد قيم النسب المثلثية الثلاث للزاوية أ فيما يأتي:



$$\text{جا أ} = \frac{36}{39}, \text{ جتا أ} = \frac{15}{39}, \text{ ظا أ} = \frac{36}{15}$$



$$\text{جا أ} = \frac{65}{97}, \text{ جتا أ} = \frac{72}{97}, \text{ ظا أ} = \frac{65}{72}$$

استعمل الحاسبة لإيجاد قيمة كل نسبة مثلثية فيما يأتي مقربة إلى أقرب جزء من عشرة آلاف.

(٥) جتا ٨١°

٠,١٥٦٤

(٤) جا ٥٣°

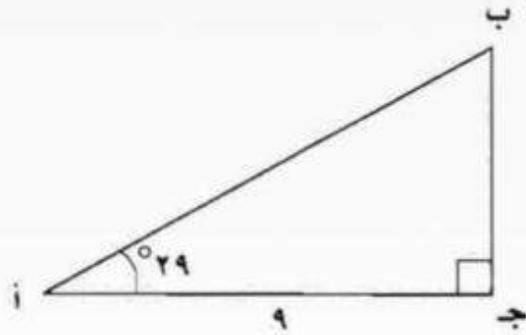
٠,٧٩٨٦

(٣) ظا ٢٦°

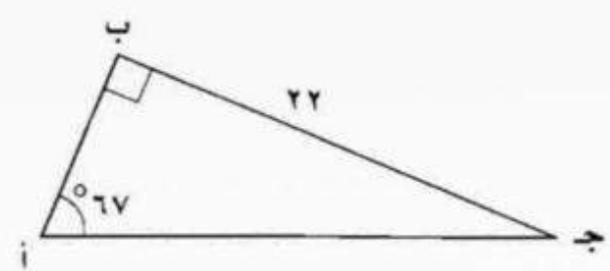
٠,٤٨٧٧



حل كل مثلث قائم الزاوية فيما يأتي مقربًا طول كل ضلع إلى أقرب جزء من عشرة.



(٧)

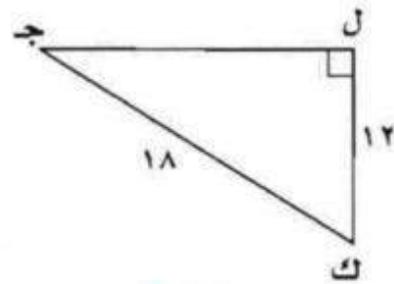


(٦)

$\Delta$  أ = 61°، أب = 3، 10، ب ج = 5, 0

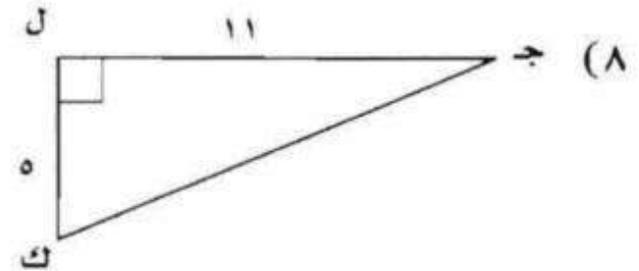
$\Delta$  ب = 23°، أب = 9، 23، أ ج = 3، 9

أوجد ق  $\Delta$  ج لكل مثلث قائم الزاوية فيما يأتي مقربًا إلى أقرب درجة.



(٩)

$23^\circ$

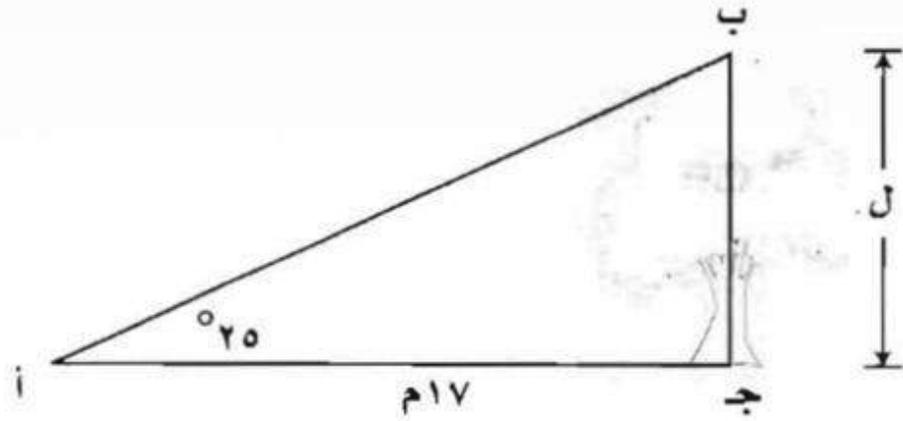


(٨)

$34^\circ$



١٠ مسح: إذا كان بعد النقطة أ عن قاعدة الشجرة يساوي ١٧ مترًا، والزاوية المحصورة بين الأرض عند النقطة أ وقمة الشجرة ٢٥°، فأوجد ارتفاع الشجرة.



٩,٧ م



# الفصل ١٠

## الإحصاء و الاحتمالات



# الفهرس

٣٠



٢٩



٢٨



٣٢



٣١



حدّد في كل مما يأتي العينة والمجتمع الذي اختيرت منه، ثم صنّف أسلوب جمع البيانات المستعمل.

(١) علم النباتات: لتحديد مدى إصابة أشجار غابة بأحد أمراض الأوراق، قسّم مهندس زراعي الغابة إلى ١٠ أقسام، واختار عشوائياً مربعاً طوله ٢٠٠ قدم في كل قسم، وفحص جميع الأشجار في تلك المربعات.

**العينة: الأشجار في المربعات المختارة؛ المجتمع: أشجار الغابة جميعها؛ التجربة.**

(٢) مالية: لتحديد مدى انتشار الخدمات البنكية عبر الإنترنت في السعودية، قامت مؤسسة أبحاث بإرسال استبانة بالبريد إلى ٥٠٠٠ من المتعاملين مع البنوك؛ لمعرفة ما إذا كانوا يتعاملون مع بنوكهم عبر الإنترنت أم لا، وإن كانوا يتعاملون، فما عدد التعاملات في الشهر؟

**العينة: ٥٠٠٠ شخص؛ المجتمع جميع المتعاملين مع البنوك؛ الدراسة المسحية.**



حدّد في كل مما يأتي إن كانت العينة متحيّزة أم غير متحيّزة، وفسّر إجابتك.

(٣) أحذية: أراد مصنع أحذية أن يتحقّق من جودة الأحذية التي ينتجها. فقام بسحب ٢٠ زوجًا من الأحذية من خط التجميع في كل ٢٠ دقيقة لفحصها. غير متحيّزة؛ لأن أزواج الأحذية اختيرت بطريقة العينة العشوائية المنتظمة.

(٤) أعمال: لمعرفة أهم الامتيازات في نظر موظفي شركة كبيرة، طُلب إلى جهاز حاسب آلي أن يختار ٥٠ موظفًا عشوائيًا. ثم أُجريت لهم مقابلة في قسم شؤون الموظفين.

غير متحيّزة؛ لأن كل موظف له الفرصة نفسها لأن يكون من العينة العشوائية البسيطة.

في السؤال الخامس حدّد العينة والمجتمع الذي اختيرت منه. ثم صنّف العينة إلى بسيطة أو طبقية أو منتظمة، وفسّر إجابتك:

(٥) أعمال: يقوم مكتب خدمات عامة بفحص الطلب من مضاعفات العدد ١٠٠ من جملة الطلبات المقدمة إليه؛ لضمان

إنجاز الطلبات بصورة سليمة حسب الأصول. العينة: كل طلب أعطي رقمًا من مضاعفات العدد ١٠٠ من جملة

الطلبات المقدمة؛ المجتمع: جميع الطلبات المقدمة لمكتب الخدمات العامة؛ عشوائية منتظمة؛ لأنه يتم الاختيار ضمن فترة محددة.



٦ بيئة: افترض أنك أردت أن تتحقق إذا كان أحد المصانع يلوث بفضلاته بحرًا قريبًا منه، صف طريقة غير متحيزة لفحص المياه، للتأكد من وجود ملوثات.

إجابة ممكنة: أخذ عينات من المياه مقدارها ١٠ أونصات في أوقات مختلفة من اليوم لفحصها، ومقارنة نتائج الفحوصات؛ لمعرفة إذا كانت فضلات المصنع تلوث المياه.

٧ مدارس: افترض أنك أردت معرفة القضايا الأكثر أهمية للمدرسين في إدارة التعليم في منطقتك، صف طريقة غير متحيزة لإجراء مسح لهذه الغاية.

إجابة ممكنة: أحصل على قائمة أسماء المدرسين، وأحدد رقمًا لكل مدرس من مدرسي المنطقة، وأختار ١٠ أرقام عشوائيًا، وأقابل كل واحد من المدرسين الذين تم اختيارهم.



أي مقاييس النزعة المركزية (إن وجدت) هي الأنسب لتمثيل البيانات في كل مما يأتي؟ فسر إجابتك، ثم احسب قيمة ذلك المقياس.

(١) آلات حاسبة، عدد الآلات الحاسبة البيانية مع طلاب الفصول المختلفة هي:

٢٠، ١٩، ٢٠، ٢٠، ١٨، ١٩، ٢٠، ١٨، ١٩. **المنوال؛ ٢٠**

(٢) ميزانية: سجّلت إحدى العائلات قيمة فواتير الكهرباء لعدد من الأشهر فكانت:

١٣٤ ريالاً، ١٢٢ ريالاً، ١٢٨ ريالاً، ١٢٧ ريالاً، ١٣٦ ريالاً، ١٢٠ ريالاً، ١٢٩ ريالاً.

**المتوسط الحسابي؛ ١٢٨ ريالاً**

(٣) صراف آلي: تابع أحد البنوك عدد مستخدمي الصراف الآلي في كل ساعة، فكان:

٤٣، ٤٨، ٥٤، ١٢٠، ٤٤، ٤٢، ٣٩.

**الوسيط؛ ٤٤**



حدّد صحة كلّ من المعلومات والاستنتاجات لتقرير كلّ دراسة مسحية فيما يأتي:

(٤) واجبات منزلية: سأل مشعل ١٦ طالباً من زملائه في قاعة المكتبة.

السؤال: هل يكلف معلمو المدرسة الطلاب حل واجبات كثيرة؟

النتائج: نعم: ٩٤٪؛ لا: ٦٪.

الاستنتاج: يجب على معلمي المدرسة تقليل الواجبات التي يحدّدونها للطلاب. **الغينة ليست عشوائية؛ فقد تكون**

**النتائج غير صحيحة، يريد الطلاب أن تظهر النتائج بهذا الشكل، لذا قد تكون البيانات متحيزة**

(٥) قديمين، استطلعت صحيفة آراء ٥٠٠ من البالغين الذين تم اختيارهم عشوائياً في منطقة الرياض.

السؤال: هل تؤيد منع التدخين في المطاعم والأماكن العامة المغلقة في منطقة الرياض؟

النتائج: نعم ٥٨٪، لا: ٤١٪، غير متأكد: ١٪.

الاستنتاج: يجب منع التدخين في الأماكن العامة المغلقة في المملكة العربية السعودية.

**تبدو البيانات صحيحة، وقد لا يكون الاستنتاج صحيحاً؛ لأن الاستطلاع شمل منطقة واحدة فقط في المملكة.**



حدّد إذا كانت طريقة تمثيل النتائج تعطي صورة صحيحة حول نتائج الدراسات المسحية، الآتية. وفسّر إجابتك.

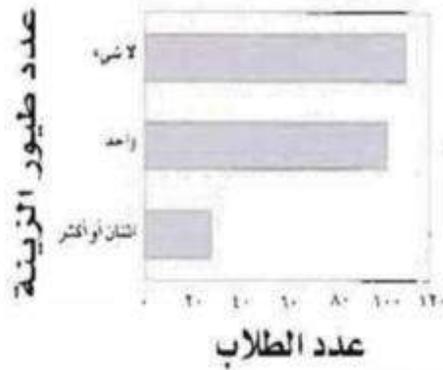
(٦) دوام وظيفي: أجرت مؤسسة إعلامية استطلاعاً شمل ٦٠٠ شخص تم اختيارهم عشوائياً من موظفي القطاع العام.

السؤال: هل تؤيد أم تعارض تأخير بدء دوام الموظفين مدة ساعة؟

الاستنتاج: يؤيد موظفو القطاع العام تأخير بداية الدوام لمدة ساعة.



التمثيل البياني مضلل؛ لأن القطاعين معارض بشدة، ومؤيد بشدة، لهما اللون نفسه تقريباً، وفي الحقيقة أكثر الموظفين يعارضون تأخير بدء الدوام لمدة ساعة.



(٧) طيور الزينة: استطلع سعيد آراء مجموعة من الطلاب تم اختيارهم عشوائياً من بين طلاب مدرسته، حول عدد طيور الزينة التي يملكونها. وسجّل النتائج، ومثلها بالتمثيل البياني المجاور. استعمل البيانات في كتابة استنتاج حول عدد طيور الزينة التي يملكها الطلاب.



عين العينة والمجتمع في كل من الموقفين الآتين، ثم صف إحصائي العينة و معلمة المجتمع:

(١) هندسة: اختار مهندس مدني عشوائياً ٥ تقاطعات عليها إشارات ضوئية في مدينة الدمام، وحسب وسيط مدة الضوء الأحمر على هذه التقاطعات.

العينة: ٥ تقاطعات عليها إشارة ضوئية. المجتمع: تقاطعات المدينة جميعها التي عليها إشارات ضوئية  
إحصائي العينة: وسيط مدة الضوء الأحمر في العينة؛ المَعْلَم: وسيط مدة الضوء الأحمر في كل تقاطعات المدينة.

(٢) كرة قدم: اختارت مؤسسة بحثية ١٠ مباريات من مباريات دوري أبطال آسيا التي لعب فيها أحد الفرق المشهورة. وحسب الوسيط لعدد الحضور في هذه المباريات العشر.

العينة: المباريات العشر التي تم اختيارها.  
المجتمع: المباريات جميعها التي لعب فيها هذا الفريق المشهور.  
إحصائي العينة: وسيط عدد الحضور في المباريات العشر؛ المَعْلَم: وسيط عدد الحضور للمباريات جميعها التي لعبها هذا الفريق.



أوجد الانحراف المتوسط، لكل مجموعة من البيانات الآتية:

(٣) كرة سلة: سُجِّلَت النقاط التي أحرزها أحد فرق كرة السلة فكانت:

٧٨، ٨١، ٨٦، ٧٧، ٧٥.

٢٨، ٣

(٤) طقس: سجّل راصد جوي عدد العواصف الرعدية التي وقعت في كل شهر في إحدى المناطق فكانت:

٠، ٤، ٧، ١، ٣، ٥، ٢.

٨٨، ١ تقريبًا



أوجد المتوسط الحسابي، والتباين، والانحراف المعياري مقرباً إلى أقرب جزء من عشرة، لكل من مجموعات البيانات الآتية:

$$(6) \{2, 5, 8, 11, 4\} \quad \bar{س} = 6$$

$$ع^2 = 10, 16, 3$$

$$(5) \{6, 11, 16, 9\} \quad \bar{س} = 5, 10, 10 = \frac{53}{4}$$

$$ع \approx 3, 64$$

$$(8) \{1, \frac{5}{4}, 4, \frac{11}{4}, \frac{1}{4}, 3\}$$

$$\bar{س} = 2, 75$$

$$ع^2 = \frac{139}{48}, 1, 70 \approx ع$$

$$(7) \{4, 23, 8, 16, 7, 9, 1, 22\} \quad \bar{س} = 18$$

$$ع^2 = 29, 075$$

$$ع \approx 5, 39$$

$$(10) \{13, 24, 22, 17, 14, 29, 15, 22\}$$

$$\bar{س} = 19, 5$$

$$ع^2 = 27, 75, 2, 57 \approx ع$$

$$(9) \{145, 166, 171, 150, 188\}$$

$$\bar{س} = 144$$

$$ع^2 = 877, 2$$

$$ع \approx 29, 62$$



استعمل مبدأ العدّ الأساسي لإيجاد قيمة كل مما يأتي:

(١) مهام: يرغب أحمد في زيارة ٦ متاجر في طريق عودته إلى بيته من العمل. بكم طريقة يمكن أن يرتب زيارته هذه المتاجر الستة؟  
٧٢٠

(٢) اقتراع: ينتظر ٨ أشخاص للإدلاء بأصواتهم في انتخابات مجلس إدارة شركة. بكم طريقة يمكن أن يصطف هؤلاء للإدلاء بأصواتهم؟  
٤٠٣٢٠



أوجد قيمة العبارات الآتية:

$$2730 \quad {}_3J^{10} \quad (5)$$

$$120 \quad {}_3J^6 \quad (4)$$

$$990 \quad {}_3J^{11} \quad (3)$$

$$35 \quad {}_3Q^7 \quad (8)$$

$$220 \quad {}_3Q^{12} \quad (7)$$

$$10 \quad {}_9Q^{10} \quad (6)$$

$$1716 \quad {}_3J^{13} \quad (11)$$

$$495 \quad {}_4Q^{12} \quad (10)$$

$$35 \quad {}_4Q^7 \quad (9)$$

$$16 \quad {}_{10}Q^{16} \quad (14)$$

$$136 \quad {}_2Q^{17} \quad (13)$$

$$1820 \quad {}_{12}Q^{16} \quad (12)$$

$$13 \quad {}_1J^{13} \quad (17)$$

$$1663200 \quad {}_7J^{11} \quad (16)$$

$$1860480 \quad {}_5J^{20} \quad (15)$$

$$3432 \quad {}_7Q^{14} \quad (20)$$

$$32760 \quad {}_4J^{10} \quad (19)$$

$$969 \quad {}_{16}Q^{19} \quad (18)$$



(٢١) رياضة: بكم طريقة يمكن ترتيب أول خمسة متسابقين يصلون إلى خط النهاية في أحد السباقات الرياضية؟

١٢٠

(٢٢) إجراءات قضائية: يرغب المجلس الأعلى للقضاء في اختيار ٣ قضاة من بين ٨ قضاة للنظر في قضايا جنائية. وكان خمسة من القضاة يحملون درجة الدكتوراه في القانون، و٣ يحملون درجة الماجستير في القانون.

(i) هل يتضمن اختيار القضاة تباديل أم توافيق؟

توافيق

(ب) بكم طريقة يمكن اختيار القضاة الثلاثة؟

٥٦

(ج) إذا تم اختيار القضاة الثلاثة عشوائياً، فما احتمال أن يكونوا جميعاً من حملة درجة الدكتوراه؟

$$\frac{5}{28} = 18\% \text{ تقريباً}$$



يحتوي كيس على ٥ كرات حمراء، و ٣ بنية، و ٦ صفراء، و كرتين زرقاوين. إذا سُحبت ٣ كرات عشوائياً من الكيس دون إرجاع، فأوجد الاحتمالات الآتية:

(٢) ح (حمراء، ثم حمراء، ثم زرقاء)  $\frac{1}{84}$

(١) ح (بنية، ثم صفراء، ثم حمراء)  $\frac{3}{112}$

(٤) ح (بنية، ثم بنية، ثم ليست صفراء)

(٣) ح (صفراء، ثم صفراء، ثم ليست زرقاء)

$$\frac{1}{70}$$

$$\frac{3}{28}$$



رُمي مكعب أرقام، وسُحبت بطاقة من كيس فيه ١٠ بطاقات حمراء، و١٠ بيضاء و١٠ زرقاء و١٠ خضراء، وكانت البطاقات من كل لون مرقّمة من ١ إلى ١٠. أوجد الاحتمالات الآتية.

(٦) ح (عدد أولي وبطاقة زرقاء)  $\frac{1}{8}$

(٥) ح (العدد ٦ وبطاقة تحمل رقم ١٠)  $\frac{1}{60}$

(٨) ح (عدد أكبر من ١ وبطاقة ليست خضراء)  $\frac{5}{8}$

(٧) ح (عدد أقل من ٣ وبطاقة حمراء)  $\frac{1}{12}$



(٩) طقس: ذكر الراصد الجوي أن فرصة سقوط أمطار يوم الثلاثاء تساوي ٤٠٪، وفرصة سقوط أمطار يوم الأربعاء ٦٠٪. إذا كان الاحتمالان مستقلين، فما احتمال سقوط المطر في اليومين معاً؟

٢٤٪

(١٠) طعام: وضع حسين في كيس وصفات لأربعة أطباق من المعكرونة، وخمسة أطباق من اللحم بالخضار، وثلاثة أطباق من المقبلات، وثمانية أطباق من الحلوى.

(i) إذا اختار حسين إحدى الوصفات عشوائياً، فما احتمال أن يختار وصفة معكرونة أو وصفة لحم بالخضار؟

$$\frac{9}{20} = 45\%$$

(ب) إذا اختار حسين إحدى الوصفات عشوائياً، فما احتمال ألا يختار طبق حلوى؟  $60\% = 0,6$

(ج) إذا اختار حسين وصفتين عشوائياً دون إرجاع، فما احتمال أن تكون الأولى وصفة طبق لحم بالخضار، والثانية وصفة طبق حلوى؟

