

## المعيار الثاني : اسئلة مناقشة اليوم السادس

### المجموعات والعمليات عليها

السؤال	الحل
<p>1. إذا كان <math>a = \{1, \{1, 2\}\}</math> فأى العبارات الآتية خاطئة :                      (أ) عدد عناصر المجموعة <math>a</math> هي 2                      (ب) <math>\{1, 2\} \in a</math>                      (ج) <math>2 \in a</math>                      (د) <math>1 \in a</math></p>	<p>الإجابة الصحيحة (ج)                      لا يوجد في المجموعة عنصر 2  <math>2 \in a</math></p>
<p>2. إذا كان <math>A = \{2, 3, \{5\}, 7\}</math> فأى الآتي صحيح:                      (أ) <math>2 \in A</math>                      (ب) <math>\{5\} \subseteq A</math>                      (ج) <math>5 \in A</math>                      (د) <math>2, 5 \in A</math></p>	<p>الإجابة الصحيحة (أ)                      2 عنصر ينتمي للمجموعة A  <math>2 \in a</math></p>
<p>3. إذا كانت المجموعات <math>X, Y, Z</math> تحقق  <math>X \cup Y = Z</math> و <math>X \cap Y = \emptyset</math>                      فإن <math>(Z \cap X) \cup (Z \cap Y)</math> يساوي :                      (أ) X                      (ب) Y                      (ج) Z                      (د) <math>\emptyset</math></p>	<p>نفرض أن  <math>X = \{1\}</math> , <math>Y = \{2\}</math> , <math>Z = \{1, 2\}</math>  <math>= \{1, 2\} = z(Z \cap X) \cup (Z \cap Y)</math></p> <p>الحل بطريقة اخرى  <math>Z \cap X = X</math> , <math>Z \cap Y = Y</math>  <math>X \cup Y = Z</math></p>
<p>4. إذا كانت <math>A = \{a, d, e, f\}</math> فإن <math>C = \{a, f, j\}</math> <math>B = \{b, c, e\}</math>  <math>= (B \cup C) \cap A</math>                      (أ) <math>\{a, e, f\}</math>                      (ب) <math>\{a, e, f, j\}</math>                      (ج) <math>\{a, d, e, f\}</math>                      (د) <math>\{a, b, c, d, e, f, j\}</math></p>	<p><math>B \cup C = \{b, c, e\} \cup \{a, f, j\} = \{a, b, c, e, f, j\}</math>  <math>(B \cup C) \cap A = \{a, b, c, e, f, j\} \cap \{a, d, e, f\} = \{a, e, f\}</math></p>
<p>5. إذا كان <math>A = \{2, 4, 3, 5\}</math> , <math>B = \{3, 5, 8, 10\}</math>                      فإن <math>A - B</math> يساوي :                      (أ) <math>\{8, 10\}</math>                      (ب) <math>\{2, 4\}</math>                      (ج) <math>\{3, 5\}</math>                      (د) <math>\{2, 3, 4, 5, 8, 10\}</math></p>	<p><math>A - B</math> تعني العناصر الموجودة في A وليس موجوده في B  <math>A - B = \{2, 4\}</math></p>
<p>6. إذا كان <math>A = \{1, 2, 3\}</math> , <math>B = \{x \in R : x^2 - 3x + 2 = 0\}</math>                      فإن :                      (أ) <math>A \subset B</math>                      (ب) <math>B \subset A</math>                      (ج) <math>A \in B</math>                      (د) <math>B \in A</math></p>	<p><math>x^2 - 3x + 2 = 0</math>  <math>(x - 1)(x - 2)</math>  <math>x = 1</math> , <math>x = 2</math>  <math>B = \{1, 2\}</math></p> <p>اذن <math>B \subset A</math></p>

المعيار الثاني : اسئلة مناقشة اليوم السابع

تحليل العبارات الجبرية

الحل	السؤال
$\left(\frac{-2a^5}{a^3b^2}\right)^3 = \frac{-2^3a^{15}}{a^9b^6} = \frac{-8a^{15-9}}{b^6}$ $= \frac{-8a^6}{b^6}$	<p>1. <math>\left(\frac{-2a^5}{a^3b^2}\right)^3</math></p> <p>(أ) <math>\frac{-2a^{15}}{b^6}</math></p> <p>(ب) <math>\frac{-8a^6}{b^6}</math></p> <p>(ج) <math>\frac{-8a^{15}}{b^5}</math></p> <p>(د) <math>\frac{8a^2}{b^5}</math></p>
$\frac{\frac{1}{x}-y}{\frac{1}{y}-x} = \frac{\frac{1}{x}-\frac{yx}{x}}{\frac{1}{y}-\frac{xy}{y}} = \frac{1-xy}{1-xy}$ $= \frac{1-xy}{x} \times \frac{y}{1-xy} = \frac{y}{x}$	<p>2. <math>\frac{\frac{1}{x}-y}{\frac{1}{y}-x}</math> يساوي :</p> <p>(أ) <math>\frac{x}{y}</math></p> <p>(ب) <math>\frac{y}{x}</math></p> <p>(ج) <math>-\frac{x}{y}</math></p> <p>(د) -1</p>
<p>الطرفين تربيع <math>(x+y)^2 = (4)^2</math></p> $x^2 + 2xy + y^2 = 16$ <p>بالتعويض بقيمة <math>xy=2</math> في المعادله</p> $x^2 + 2(2) + y^2 = 16$ $x^2 + 4 + y^2 = 16$ $x^2 + y^2 = 16 - 4$ $x^2 + y^2 = 12$	<p>3. اذا كانت <math>xy=2, x+y=4</math> فما قيمة <math>x^2 + y^2</math> ؟</p> <p>(أ) 10</p> <p>(ب) 12</p> <p>(ج) 14</p> <p>(د) 16</p>
<p>استخرج عامل مشترك من البسط ونحلل العبارة في المقام</p> $\frac{3x^2 - 6x}{x^2 + 3x - 10} = \frac{3x(x-2)}{(x-2)(x+5)}$ $= \frac{3x}{x+5}$	<p>4. اذا كان <math>x \neq -5, x \neq 2</math> فإن المقدار</p> $\frac{3x^2-6x}{x^2+3x-10}$ <p>(أ) <math>\frac{1}{2}</math></p> <p>(ب) <math>\frac{3}{5}</math></p> <p>(ج) <math>\frac{3x}{x+5}</math></p> <p>(د) <math>\frac{3}{x-2}</math></p>
$(2x+3)^2 - (x-1)^2$ $= 4x^2 + 12x + 9 - (x^2 - 2x + 1)$ $= 4x^2 + 12x + 9 - x^2 + 2x - 1$ $= 3x^2 + 14x + 8$	<p>5. المقدار <math>(2x+3)^2 - (x-1)^2</math> يساوي :</p> <p>(أ) <math>x^2 + 14x + 8</math></p> <p>(ب) <math>3x^2 + 14x + 8</math></p> <p>(ج) <math>x^2 + 10x + 10</math></p> <p>(د) <math>3x^2 + 10x + 10</math></p>



## المعيار الثاني: اسئلة مناقشة اليوم الثامن

### المعادلات والمتباينات

$ 2x - 1  = 5$ $\begin{aligned} 2x - 1 = 5 & , & 2x - 1 = -5 \\ 2x = 5 + 1 & , & 2x = -5 + 1 \\ 2x = 6 & , & 2x = -4 \\ x = \frac{6}{2} = 3 & , & x = -\frac{4}{2} = -2 \end{aligned}$ <p style="text-align: center;">مجموعة حل المعادلة <math>\{-2, 3\}</math></p>	<p>6. مجموعة حل المعادلة <math> 2x - 1  = 5</math> هي :</p> <p>(أ) <math>\{-2, 3\}</math></p> <p>(ب) <math>(2, 3)</math></p> <p>(ج) <math>R - \{-2, 3\}</math></p> <p>(د) <math>R - (-2, 3)</math></p>
$x^4 - 2x^2 + 1$ $= (x^2 - 1)(x^2 - 1)$ $x^2 - 1 = 0 \Rightarrow x^2 = 1$ $x = \pm 1$ <p style="text-align: center;">وممكن الحل بتعويض الخيارات في المعادلة</p>	<p>7. ما أصفار كثيرة الحدود <math>x^4 - 2x^2 + 1</math> ؟</p> <p>(أ) <math>\pm 1</math></p> <p>(ب) <math>\pm 2</math></p> <p>(ج) <math>\pm 2</math> ، <math>\pm 1</math></p>
<p style="text-align: center;">بالتعويض في القانون العام</p> $\frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$ $= \frac{-(-7) \pm \sqrt{(-7)^2 - 4 \times 12 \times 1}}{2 \times 12}$ $= \frac{7 \pm 1}{24}$ $= \frac{7+1}{24} \text{ or } \frac{7-1}{24}$ $= \frac{8}{24} \text{ or } \frac{6}{24}$ $= \frac{1}{3} \text{ or } \frac{1}{4}$ <p style="text-align: center;">اذن الحل <math>\{\frac{1}{3}, \frac{1}{4}\}</math></p> <p style="text-align: center;">ممکن الحل بطريقة تعويض الخيارات في المعادلة</p>	<p>8. مجموعة حل المعادلة <math>12x^2 - 7x + 1 = 0</math> هي :</p> <p>(أ) <math>\{\frac{4}{3}, \frac{3}{4}\}</math></p> <p>(ب) <math>\{\frac{1}{3}, \frac{1}{4}\}</math></p> <p>(ج) <math>\{-\frac{1}{3}, \frac{1}{4}\}</math></p> <p>(د) <math>\{\frac{4}{3}, -\frac{3}{4}\}</math></p>
$ x  + 6 < 0$ $ x  < -6$ <p style="text-align: center;">وهذا مستحيل <math>\emptyset</math></p>	<p>9. مجموعة حل المتباينة <math> x  + 6 &lt; 0</math> هي :</p> <p>(أ) <math>\emptyset</math></p> <p>(ب) <math>R</math></p> <p>(ج) <math>(-6, 6)</math></p> <p>(د) <math>R / [-6, 6]</math></p>

## المعيار الثاني: اسئلة مناقشة اليوم الثامن

### المعادلات والمتباينات

$x^2 - 49 = 0$ $x^2 = 49$ $x = \pm 7$ مجموعة حل المعادلة هي $\{-7,7\}$	10. مجموعة حل المعادلة $x^2 - 49 = 0$ في $R$ هي : (أ) $\{-49,49\}$ (ب) $\{-7,7\}$ (ج) $(-7,7)$ (د) $[-7,7]$
$ 2x - 3  \leq 1$ $-1 \leq 2x - 3 \leq 1$ $2 \leq 2x \leq 4$ $1 \leq x \leq 2$ $x \in [1,2]$	11. حل المتباينة التالية $ 2x - 3  \leq 1$ (أ) $[1,2]$ (ب) $(1,2)$ (ج) $\{1,2\}$ (د) $R/[-6,6]$
$ x - 3  > 1$ $x - 3 < -1$ or $x - 3 > 1$ $x < -1 + 3$ or $x > 1 + 3$ $x < 2$ or $x > 4$ مجموعة الحل هي $(-\infty, 2) \cup (4, \infty)$	12. مجموعة حل المتباينة $ x - 3  > 1$ هي : (أ) $(1,3)$ (ب) $(2,4)$ (ج) $(-\infty, 2) \cup (4, \infty)$ (د) $(-\infty, 1) \cup (3, \infty)$

المعيار الثاني: اسئلة مناقشة اليوم التاسع

الدوال الأسية واللوغاريتمية

السؤال	الحل
<p>1. إذا كان <math>a = \log 2</math> , <math>b = \log 3</math> فإن <math>\frac{1}{2} \log \left(\frac{9}{4}\right)</math> يساوي:</p> <p>(أ) <math>b-a</math></p> <p>(ب) <math>\frac{b}{a}</math></p> <p>(ج) <math>\frac{5b}{6a}</math></p> <p>(د) <math>\frac{5}{6}(b-a)</math></p>	$\frac{1}{2} \log \left(\frac{9}{4}\right) = \log \left(\frac{9}{4}\right)^{\frac{1}{2}}$ $\Rightarrow \log \sqrt{\frac{9}{4}} = \log \frac{3}{2} = \log 3 - \log 2$ $= b - a$
<p>2. <math>\ln \left(\frac{e^a}{e^b}\right) =</math></p> <p>(أ) <math>\ln a - \ln b</math></p> <p>(ب) <math>\frac{a}{b}</math></p> <p>(ج) <math>a-b</math></p> <p>(د) <math>\ln(a-b)</math></p>	$\therefore \ln \left(\frac{e^a}{e^b}\right) = \ln e^{a-b}$ $\therefore \ln e^x = x$ $\Rightarrow \ln \frac{e^a}{e^b} = \ln e^{a-b} = a - b$
<p>3. مجموعة حل المعادلة:</p> $\log_2(x+2) = 3$ هي: <p>(أ) {1}</p> <p>(ب) {4}</p> <p>(ج) {6}</p> <p>(د) {8}</p>	<p>من خصائص اللوغارتمات</p> $y = \log_a x \Rightarrow a^y = x$ $2^x = x + 2$ $8 = x + 2$ $x = 6$
<p>4. إذا كانت <math>5^x = 10</math> , فإن <math>x</math> تساوي</p> <p>(أ) <math>\frac{\log 10}{\log 5}</math></p> <p>(ب) <math>\frac{-\log 10}{\log 5}</math></p> <p>(ج) <math>\frac{\log 5}{\log 10}</math></p> <p>(د) <math>\log \frac{1}{2}</math></p>	$5^x = 10$ $\log 5^x = \log 10$ $x \log 5 = \log 10$ $x = \frac{\log 10}{\log 5}$

## المعيار الثاني: اسئلة مناقشة اليوم العاشر

### المصفوفات والمحددات

السؤال	الحل
<p>1. أي العبارات الآتية صحيحة :</p> <p>(أ) كل مصفوفة قطرية لها معكوس .</p> <p>(ب) كل مصفوفة قطرية متماثلة لها معكوس.</p> <p>(ج) كل مصفوفة متماثلة مصفوفة قطرية</p> <p>(د) كل مصفوفة قطرية هي مصفوفة متماثلة</p>	<p>كل مصفوفة قطرية هي مصفوفة متماثلة والعكس غير صحيح فليست كل مصفوفة متماثلة هي مصفوفة قطرية</p>
<p>2. قيم <math>x</math> التي تجعل محدد المصفوفة</p> $\begin{vmatrix} x & 5 & 7 \\ 0 & 1+x & 6 \\ 0 & 0 & \frac{2x-1}{3} \end{vmatrix}$ <p>تساوي صفراً هي :</p> <p>(أ) <math>0, 1, \frac{1}{2}</math></p> <p>(ب) <math>0, -1, \frac{1}{2}</math></p> <p>(ج) <math>0, -1, \frac{1}{2}</math></p> <p>(د) <math>0, -\frac{1}{2}, 1</math></p>	<p>هي القيم التي تعطيني القطر (صفر)</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• <math>x = 0</math></li> <li>• <math>1 + x = 0 \Rightarrow x = -1</math></li> <li>• <math>\frac{2x-1}{3} = 0 \Rightarrow 2x - 1 = 0</math>  <math>\Rightarrow 2x = 1</math>  <math>\Rightarrow x = \frac{1}{2}</math></li> </ul>
<p>3. النظام التالي</p> $\begin{aligned} x - y + z &= 4 \\ 2x + y + z &= 7 \end{aligned}$ <p><math>-x - 2y + 2z = -1</math> , اذا علمت أن :</p> <p>وأن <math>x=3</math> , فإن قيمة</p> $\begin{vmatrix} 1 & -1 & 1 \\ 2 & 1 & 1 \\ -1 & -2 & 2 \end{vmatrix} = 6$ <p>تساوي.</p> <p>(أ) <math>\frac{3}{6}</math></p> <p>(ب) <math>\frac{6}{6}</math></p> <p>(ج) <math>\frac{6}{3}</math></p> <p>(د) <math>3 \times 6</math></p>	$x = \frac{\Delta x}{\Delta}$ $3 = \frac{\Delta x}{6}$ $\Delta x = 3 \times 6$
<p>4. قيمة</p> $\begin{vmatrix} 3 & 4 & 5 \\ 0 & 1 & 7 \\ 2 & -1 & 3 \end{vmatrix}$ <p>تساوي</p> <p>(أ) 55</p> <p>(ب) 60</p> <p>(ج) 66</p> <p>(د) 76</p>	$3(1 \times 3 - 7 \times (-1)) - 4(0 \times 3 - 2 \times 7) + 5(0 \times (-1) - 1 \times 2) =$ $3(3 + 7) - 4(0 - 14) + 5(0 - 2) = 76$

## المعيار الثاني: اسئلة مناقشة اليوم العاشر

### المصفوفات والمحددات

<p>تكون غير قابلة للانعكاس عندما تكون قيمة المحدد تساوي صفر</p> $\Delta = 0$ $[1 \times 0 - 1 \times 1] - 0[0 - 1] + a[-1] = 0$ $-1 - a = 0$ $a = -1$	<p>5. قيمة a التي تجعل المصفوفة</p> $\begin{bmatrix} 1 & 0 & a \\ 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 0 \end{bmatrix}$ <p>غير قابلة للانعكاس هي:</p> <p>(أ) -1 (ب) 0 (ج) 1 (د) -2</p>
<p>تكون غير قابلة للانعكاس (ليس لها نظير ضربي) عندما تكون قيمة المحدد تساوي صفر</p> $\begin{vmatrix} -2 & 6 \\ a & 4 \end{vmatrix} \Rightarrow (-2 \times 4) - (a \times 6) = 0$ $-8 - 6a = 0$ $-8 = 6a$ $a = -\frac{8}{6} = -\frac{4}{3}$	<p>6. قيمة a التي تجعل المصفوفة</p> $\begin{bmatrix} -2 & 6 \\ a & 4 \end{bmatrix}$ <p>غير قابلة للانعكاس هي:</p> <p>(أ) <math>\frac{4}{3}</math> (ب) <math>-\frac{1}{2}</math> (ج) 2 (د) <math>-\frac{4}{3}</math></p>
<p>من خصائص المحدد</p> $ kA  = k^n  A $	<p>7. اذا كانت k عدداً حقيقياً و A مصفوفة مربعة من النوع <math>n \times n</math> فإن المحدد  kA  يساوي</p> <p>(أ) <math>k A </math> (ب) <math>nk A </math> (ج) <math>k^n A </math> (د) <math>k A ^n</math></p>
	<p>8. اذا كانت A و B مصفوفتين من الدرجة <math>3 \times 3</math> فأي العبارات صحيحة</p> <p>(أ) <math> A - B  =  B - A </math> (ب) إذا كان <math>AB = A^2</math> فإن <math>A = B</math> (ج) إذا كان <math>AB = 0</math> فإن <math>A = 0</math> أو <math>B = 0</math> (د) إذا كان <math>(A + B)^2 = A^2 + 2AB + B^2</math> فإن <math>AB = BA</math></p>
<p>تكون الحلول غير تافهة اذا كان المحدد يساوي صفر</p> $\begin{vmatrix} k+1 & k+3 \\ 2 & k \end{vmatrix} = 0$ $k(k+1) - 2(k+3) = 0$ $k^2 - k - 6 = 0$ $(k-3)(k+2) = 0$ $k = 3 \text{ or } k = -2$ $k_1 + k_2 = 3 - 2 = 1$ $k = 1$	<p>9. ما ناتج جمع قيم k التي تجعل للنظام حلاً غير تافهة</p> $(k+1)x + (k+3)y = 0$ $2x + ky = 0$ <p>(أ) -1 (ب) 1 (ج) 2 (د) 3</p>

## المعيار الثاني: اسئلة مناقشة اليوم العاشر

### المصفوفات والمحددات

<p style="text-align: right;">بما ان <math>A^T = A</math> فإن :</p> $A + A^T = A + A = 2A$ $2A = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 3 \end{bmatrix}$ <p style="text-align: center;">نقسم جميع عناصر المصفوفة على 2</p> $= \begin{bmatrix} \frac{1}{2} & 1 \\ 1 & \frac{3}{2} \end{bmatrix}$	<p>10. اذا كانت <math>A</math> مصفوفة متماثلة (<math>A^T = A</math>) فإن</p> $A + A^T = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 3 \end{bmatrix}$ <p>فإن <math>A</math> تساوي</p> <p>(أ) <math>\begin{bmatrix} \frac{1}{2} &amp; 1 \\ 1 &amp; \frac{3}{2} \end{bmatrix}</math></p> <p>(ب) <math>\begin{bmatrix} \frac{3}{2} &amp; -1 \\ -1 &amp; \frac{1}{2} \end{bmatrix}</math></p> <p>(ج) <math>\begin{bmatrix} -\frac{3}{2} &amp; 1 \\ 1 &amp; -\frac{1}{2} \end{bmatrix}</math></p> <p>(د) <math>\begin{bmatrix} -\frac{1}{2} &amp; 1 \\ 1 &amp; -\frac{3}{2} \end{bmatrix}</math></p>
<p>• بتعويض قيمة <math>X</math> في الخيارات</p> $\begin{bmatrix} 2 & 5 \\ 1 & 3 \end{bmatrix} X = \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 2 & 0 \end{bmatrix}$ $\begin{bmatrix} 2 & 5 \\ 1 & 3 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} -7 & -3 \\ 3 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 2 & 0 \end{bmatrix}$ $= \begin{bmatrix} 2(-7) + 5(3) & 2(-3) + 5(1) \\ 1(-7) + 3(3) & 1(-3) + 3(1) \end{bmatrix}$ $= \begin{bmatrix} -14 + 15 & -6 + 5 \\ -7 + 9 & -3 + 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 2 & 0 \end{bmatrix}$ <p>• طريقة اخرى للحل عن طريق ايجاد النظير الضربي</p> $AX = B$ $X = A^{-1}B$ $X = \begin{bmatrix} 3 & -5 \\ -1 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 2 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -7 & -3 \\ 3 & 1 \end{bmatrix}$	<p>11. اذا كانت <math>X = \begin{bmatrix} 1 &amp; -1 \\ 2 &amp; 0 \end{bmatrix}</math> <math>\begin{bmatrix} 2 &amp; 5 \\ 1 &amp; 3 \end{bmatrix} X = \begin{bmatrix} 1 &amp; -1 \\ 2 &amp; 0 \end{bmatrix}</math> فإن المصفوفة <math>X</math> تساوي:</p> <p>(أ) <math>\begin{bmatrix} 7 &amp; 3 \\ 3 &amp; 1 \end{bmatrix}</math></p> <p>(ب) <math>\begin{bmatrix} -7 &amp; 3 \\ -3 &amp; 1 \end{bmatrix}</math></p> <p>(ج) <math>\begin{bmatrix} -7 &amp; 3 \\ 3 &amp; 1 \end{bmatrix}</math></p> <p>(د) <math>\begin{bmatrix} -7 &amp; -3 \\ 3 &amp; 1 \end{bmatrix}</math></p>

## المعيار الثاني: اسئلة مناقشة اليوم الحادي عشر

### الدوال والعمليات عليها

السؤال	الحل
<p>1. إذا كانت <math>A=\{1,2,3,4\}</math> ، <math>B=\{5,6,7\}</math> فإن التطبيق <math>F</math> من <math>A</math> إلى <math>B</math> المعروف كما يلي :  <math>F=\{(1,5), (2,5), (3,6), (4,7)\}</math></p> <p>(أ) ليس متبايناً.                  (ب) متبايناً وليس شاملاً .                  (ج) شاملاً وليس متبايناً.                  (د) متبايناً وشاملاً .</p>	<p style="text-align: center;"><b>الحل</b></p>
<p>2. النقطة <math>(-1, -\frac{1}{3})</math> لا تقع على بيان الدالة:                  (أ) <math>F(x)=[x]</math>                  (ب) <math>F(x)=[3x]</math>                  (ج) <math>F(x)=3x</math>                  (د) <math>F(x)=-3x</math></p>	<p>لا تقع على بيان الدالة يعني <math>f(-\frac{1}{3}) \neq -1</math>                  بالتعويض في الخيارات  <math>f(-\frac{1}{3}) =  -3(-\frac{1}{3})  =  1  = 1</math>                  إذن <math>1 \neq -1</math></p>
<p>3. أي العلاقات التالية تمثل بوصفها دالة حقيقية في <math>x</math>؟                  (أ) <math>x^2 = 5y^2</math>                  (ب) <math>\frac{x}{y} = y - 6</math>                  (ج) <math>y^2 - 3x = 6</math>                  (د) <math>2y^3 + 3x^2 = 5</math></p>	<p>تكون <math>y</math> دالة حقيقية في <math>x</math> إذا كان اسها فردي  <math>2y^3 + 3x^2 = 5</math></p>
<p>4. الفترة <math>[-\infty, 0]</math> هي مدى الدالة :                  (أ) <math>f(x) = - x - 1 , x \in R</math>                  (ب) <math>f(x) =  x  - 1, x \in R</math>                  (ج) <math>f(x) =  -x , x \in R</math></p>	<p><math>f(x) = - x - 1 , x \in R</math>                  ↑                  الفترة سالبة</p>
<p>5. لتكن  <math>f(x) = \sqrt{2x}</math> ، <math>g(x) = 2x^2</math>                  فإن <math>(gof)(x)</math> يساوي :                  (أ) <math>4x</math>                  (ب) <math>4x^2</math>                  (ج) <math>2 x </math>                  (د) <math>2 x \sqrt{x}</math></p>	<p><math>gof(x) = g(f(x))</math>  <math>= g(\sqrt{2x})</math>  <math>= 2(\sqrt{2x})^2</math>  <math>= 2(2x)</math>  <math>= 4x</math></p>
<p>6. إذا كانت <math>f(x) = \sqrt{x+1}</math> ،  <math>g(x) = \frac{1}{x+1}</math>                  فإن <math>(\frac{f}{g})(3)</math> تساوي :                  (أ) <math>\frac{1}{2}</math>                  (ب) 1                  (ج) 2                  (د) 8</p>	<p><math>(\frac{f}{g})(x) = \frac{\sqrt{x+1}}{\frac{1}{x+1}} = (x+1)\sqrt{x+1}</math>  <math>(\frac{f}{g})(3) = (3+1)\sqrt{3+1}</math>  <math>= 4\sqrt{4} = 8</math></p>

المعيار الثاني: اسئلة مناقشة اليوم الحادي عشر

الدوال والعمليات عليها

$x - 4 \geq 0$ $x \geq 4$ $[4, \infty)$	<p>7. مجال الدالة <math>f(x) = \sqrt{x-4}</math> هو:</p> <p>(أ) <math>[4, \infty)</math></p> <p>(ب) <math>[-4, 4]</math></p> <p>(ج) <math>(-\infty, 4]</math></p> <p>(د) <math>[-4, \infty)</math></p>
$g(-2) = -3(-2) - 4 = 6 - 4 = 2$ $f(2) = 5(2) - 6 = 10 - 6 = 4$	<p>8. اذا كانت <math>f(x)=5x-6, g(x)=-3x-4</math> فإن <math>(f \circ g)(-2)</math> يساوي :</p> <p>(أ) -4</p> <p>(ب) -2</p> <p>(ج) 2</p> <p>(د) 4</p>
<p>1- تبديل <math>f(x)</math> الى <math>y</math></p> $y = \sqrt{x-16}$ <p>2- نبدل بين <math>x</math> و <math>y</math> :</p> $x = \sqrt{y-16}$ <p>3- نربع الطرفين لتخلص من الجذر ثم نوجد <math>y</math></p> $x^2 = y - 16$ $y = x^2 + 16$	<p>9. الدالة العكسية <math>f^{-1}</math> للدالة <math>f(x) = \sqrt{x-16}</math> حيث <math>x \geq 16</math> هي :</p> <p>(أ) <math>x-16</math></p> <p>(ب) <math>x+16</math></p> <p>(ج) <math>x^2 + 16</math></p> <p>(د) <math>x^2 - 16</math></p>
$f(k) = k^2 + 3k + k = 0$ $k^2 + 4k = 0$ $k + 4 = 0$ $k = -4$ $f(1) = 1 + 3 - 4 = 0$	<p>10. اذا كانت <math>(x) = x^2 + 3x + k</math> , فإن <math>f(k) = 0, k \neq 0</math> تساوي</p> <p>(أ) <math>k-4</math></p> <p>(ب) 4</p> <p>(ج) <math>k</math></p> <p>(د) 0</p>
$x^4 - 2x^2 + 1$ $(x^2 - 1)(x^2 - 1)$ $x^2 - 1 = 0 \Rightarrow x^2 = 1$ $x = \pm 1$	<p>11. ما أصفار كثيرة الحدود <math>x^4 - 2x^2 + 1</math></p> <p>(أ) <math>\pm 1</math></p> <p>(ب) <math>\pm 2</math></p> <p>(ج) <math>\pm 2, \pm 1</math></p>
<p>تربيعية <math>\rightarrow f(x_0)</math></p> <p>اذن اكبر من الصفر</p>	<p>12. اعتبر الدالة <math>f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d</math> , حيث <math>a &gt; 0</math>. أي من العبارات قد لا تكون صحيحة</p> <p>(أ) يوجد <math>x_0</math> بحيث <math>f(x_0) &lt; 0</math></p> <p>(ب) يوجد <math>x_0</math> بحيث <math>f(x_0) &gt; 0</math></p> <p>(ج) يوجد <math>x_0</math> بحيث <math>\hat{f}(x_0) &lt; 0</math></p> <p>(د) يوجد <math>x_0</math> بحيث <math>\hat{f}(x_0) &gt; 0</math></p>

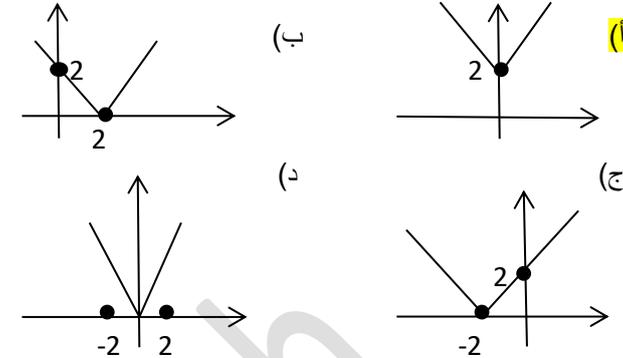
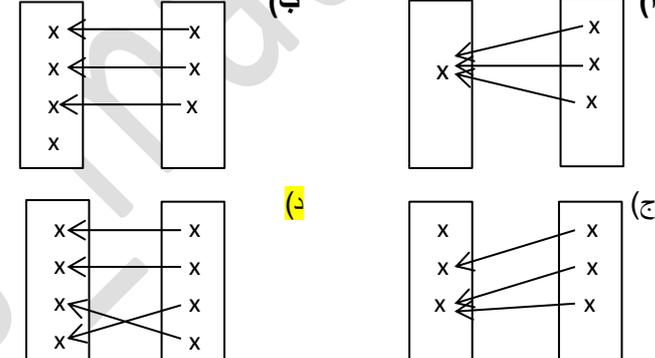
## المعيار الثاني: اسئلة مناقشة اليوم الحادي عشر

### الدوال والعمليات عليها

$\therefore f(x_0) = 0$ <p style="text-align: right;">أي ان <math>y = 0</math> اذن الدالة تمس محور <math>x</math> في نقطة واحده</p>	<p>13. اعتبر الدالة <math>f(x) = ax^2 + bx + c</math> اذا علمت انه يوجد <math>x_0</math> وحيد تحقق <math>f(x_0)</math> يمكن استنتاج أن</p> <p>(أ) الدالة <math>f</math> تمس محور <math>x</math> (ب) الدالة <math>f</math> تقع كاملة فوق محور <math>x</math> (ج) الدالة <math>f</math> تقع كاملة تحت محور <math>x</math> (د) الدالة <math>f</math> تقطع محور <math>x</math> في نقطتين</p>
$x^2 + 9 > 0$ $x^2 > -9$ $x > \pm 3i$ <p style="text-align: right;">المجال <math>R, (-\infty, \infty)</math></p>	<p>14. أي ممايلي يمثل مجال الدالة <math>f(x) = \frac{5}{\sqrt{x^2+9}}</math></p> <p>(أ) <math>(0, \infty)</math> (ب) <math>(3, \infty)</math> (ج) <math>(9, \infty)</math> (د) <math>(-\infty, \infty)</math></p>
$f(x) = \sqrt{x^2 - 1} + 1$ $y \geq 1$ $[1, \infty)$	<p>15. ما مدى الدالة <math>f(x) = \sqrt{x^2 - 1} + 1</math></p> <p>(أ) <math>[0, \infty)</math> (ب) <math>[1, \infty)</math> (ج) <math>[2, \infty)</math> (د) <math>(-\infty, \infty)</math></p>
<p>مجال الدالة الكسرية جميع الاعداد الحقيقية ما عدا اصفار المقام</p> $x^2 - x - 2 = 0$ $(x - 2)(x + 1) = 0$ $x = 2, x = -1$ $R/\{-1, 2\}$ $(-\infty, -1) \cup (-1, 2) \cup (2, \infty)$	<p>16. ما مجال الدالة <math>f(x) = \frac{x^2-4x-5}{x^2-x-2}</math></p> <p>(أ) <math>(-\infty, -1) \cup (2, \infty)</math> (ب) <math>(-\infty, -2) \cup (1, \infty)</math> (ج) <math>(-\infty, -2) \cup (-2, 1) \cup (1, \infty)</math> (د) <math>(-\infty, -1) \cup (-1, 2) \cup (2, \infty)</math></p>
<p>مجال الدالة الجذرية الذي دليل الجذر عدداً فردياً والجذر في البسط هو <math>R</math></p>	<p>17. اوجد مجال الدالة <math>f(x) = \sqrt[3]{x-2}</math></p> <p>(أ) <math>(2, \infty)</math> (ب) <math>R</math> (ج) <math>(-\infty, 2)</math> (د) <math>R - \{2\}</math></p>

المعيار الثاني: اسئلة مناقشة اليوم الحادي عشر

الدوال والعمليات عليها

<p>أ) <math>f(x) =  x  + 2</math>                  ب) <math>f(x) =  x - 2 </math>                  ج) <math>f(x) =  x + 2 </math>                  د) <math>f(x) =  x </math></p>	<p>18. أي مما يأتي يمثل بياناً للدالة <math>f(x) =  x  + 2</math></p> 
<p>الاجابة الصحيحة (د)                  لانها دالة متباينة و شاملة</p>	<p>19. أي الدوال التالية لها معكوس</p> 
<p><math>(f \circ g)(x) = \sqrt{2(2x^2)} = \sqrt{4x^2} = 2 x </math></p>	<p>20. لتكن  <math>f(x) = \sqrt{2x}</math> , <math>g(x) = 2x^2</math>                  فإن <math>(f \circ g)(x)</math> يساوي :                  (أ) <math>4x</math>                  (ب) <math>4x^2</math>                  (ج) <math>2 x </math>                  (د) <math>2 x \sqrt{x}</math></p>
<p><math>(f \circ g)(x) = f(g(x))</math>  <math>= f(\sqrt{x}) = \tan \sqrt{x}</math></p>	<p>21. اذا كان <math>g(x) = \sqrt{x}, f(x) = \tan x</math>                  فإن <math>(f \circ g)(x)</math> يساوي :                  (أ) <math>\sqrt{\tan x}</math>                  (ب) <math>\sqrt{x} \tan x</math>                  (ج) <math>\tan \sqrt{x}</math>                  (د) <math>\sqrt{x} \tan x</math></p>