

تم تحميل وعرض المادة من

موقع كتبى

المدرسية اونلاين



www.ktbby.org

موقع كتبى يعرض لكم الكتب الدراسية الطبعة الجديدة
وحلولها، وشرح للمناهج الدراسية، توزيع المناهج، تحاضير،
أوراق عمل، نماذج إختبارات عرض مباشر وتحميل PDF

المملكة العربية السعودية



وزارة التعليم
Ministry of Education

- قررت وزارة التعليم تدريس
- هذا الكتاب وطبعه على نفقتها

الرياضيات

للفصل الثاني المتوسط

الفصل الدراسي الثاني



قام بالتأليف والمراجعة
فريق من المتخصصين

يُوزع مجاناً وللرِّيَاع

طبعة ١٤٤٢ - ٢٠٢٠



فهرسة مكتبة الملك فهد الوطنية أثناء النشر
وزارة التعليم

الرياضيات للصف الثاني المتوسط : الفصل الدراسي الثاني (كتاب الطالب)
وزارة التعليم. الرياض ، ١٤٣٧ هـ .

٢١٤ ص ٢٧، ٥ X ٢٧ سم

ردمك : ٩٧٨-٦٠٣-٥٠٨-٢٢٢-٨

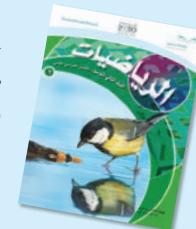
١ - الرياضيات - كتب دراسية ٢ - التعليم المتوسط - السعودية -
كتب دراسية. أ - العنوان

١٤٣٧/٤٢٢٤

ديوبي ٧١٣، ٥١٠

رقم الإيداع : ١٤٣٧/٤٢٢٤

ردمك : ٩٧٨-٦٠٣-٥٠٨-٢٢٢-٨



حول الغلاف

صورة الطائر على سطح الماء تمثل انعكاساً على هذا السطح.
تدرس في الفصل الخامس الانعكاس باعتباره أحد أنواع
التحولات الهندسية.

حقوق الطبع والنشر محفوظة لوزارة التعليم
www.moe.gov.sa

مواد إثرائية وداعمة على "منصة عين"



IEN.EDU.SA

تواصل بمقترحتك لتطوير الكتاب المدرسي



FB.T4EDU.COM



بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ



المقدمة

الحمد لله والصلوة والسلام على نبينا محمد وعلى آله وصحبه أجمعين، وبعد:

تعد مادة الرياضيات من المواد الدراسية الأساسية التي تهيئ للطالب فرص اكتساب مستويات علية من الكفايات التعليمية، مما يتيح له تنمية قدرته على التفكير وحل المشكلات، ويساعده على التعامل مع مواقف الحياة وتلبية متطلباتها.

ومن منطلق الاهتمام الذي توليه حكومة خادم الحرمين الشريفين بتنمية الموارد البشرية، وعيًا بأهمية دورها في تحقيق التنمية الشاملة، كان توجه وزارة التعليم نحو تطوير المناهج الدراسية وفي مقدمتها مناهج الرياضيات، بدءاً من المرحلة الابتدائية، سعياً للارتقاء بمحررات التعليم لدى الطلاب، والوصول بهم إلى مصاف أقرانهم في الدول المتقدمة.

وتتميز هذه الكتب بأنها تتناول المادة بأساليب حديثة، تتوافر فيها عناصر الجذب والتسويق، التي تجعل الطالب يقبل على تعلمها ويتفاعل معها، من خلال ما تقدمه من تدريبات وأنشطة متنوعة، كما تؤكد هذه الكتب على جوانب مهمة في تعليم الرياضيات وتعلمها، تمثل فيما يأتي:

- الترابط الوثيق بين محتوى الرياضيات وبين المواقف والمشكلات الحياتية.
- تنوع طرائق عرض المحتوى بصورة جذابة مشوقة.
- إبراز دور المتعلم في عمليات التعليم والتعلم.
- الاهتمام بالمهارات الرياضية، والتي تعمل على ترابط المحتوى الرياضي وتجعل منه كلاً متكاملاً، ومن بينها: مهارات التواصل الرياضي، ومهارات الحس الرياضي، ومهارات جمع البيانات وتنظيمها وتفسيرها، ومهارات التفكير العليا.
- الاهتمام بتنفيذ خطوات حل المشكلات، وتوظيف استراتيجياته المختلفة في كيفية التفكير في المشكلات الرياضية والحياتية وحلها.
- الاهتمام بتوظيف التقنية في المواقف الرياضية المختلفة.
- الاهتمام بتوظيف أساليب متنوعة في تقويم الطلاب بما يتاسب مع الفروق الفردية بينهم.

ونحن إذ نقدم هذه الكتب لأعزائنا الطلاب، لنأمل أن تستحوذ على اهتمامهم، وتلبي متطلباتهم وتجعل تعلمهم لهذه المادة أكثر متعة وفائدة.

والله ولي التوفيق



الفهرس

الفصل ٦

القياس: المساحة والحجم

١١	التهيئة
١٢	استكشاف مساحات الأشكال غير المتناظمة
١٣	١-٦ مساحات الأشكال المركبة *
		٢-٦ استراتيجية حل المسألة
١٨	حل مسألة أبسط
٢٠	٣-٦ الأشكال الثلاثية الأبعاد
٢٥	٤-٦ حجم المنشور والأسطوانة
٣٢	اختبار منتصف الفصل
٣٣	٥-٦ حجم الهرم والمخروط
٣٨	استكشاف مساحة سطح الأسطوانة ..
٣٩	٦-٦ مساحة سطح المنشور والأسطوانة ..
٤٥	توسيع محيط المخروط *
٤٦	٧-٦ مساحة سطح الهرم ..
٥١	اختبار الفصل
٥٣-٥٢	الاختبار التراكمي (٦)

الفصل ٧

الجبر: المعادلات والمتباينات

٥٥	التهيئة
٥٦	١-٧ تبسيط العبارات الجبرية ..
٦٢	٢-٧ حل معادلات ذات خطوتين *
٦٧	٣-٧ كتابة معادلات ذات خطوتين ..
٧٢	استكشاف معادلات تتضمن متغيرات في طرفيها
		٤-٧ حل معادلات تتضمن متغيرات في طرفيها ..
٧٤	اختبار منتصف الفصل ..
٧٨	٥-٧ استراتيجية حل المسألة
٧٩	التخمين والتحقق
٨١	٦-٧ المتباينات ..
٨٥	٧-٧ حل المتباينات ..
٩١	اختبار الفصل
٩٣-٩٢	الاختبار التراكمي (٧)





الجبر: الدوال الخطية



الفهرس



الاحتمالات

١٨٣	التهيئة
١٨٤	١-١٠ عد النواتج *
١٨٩	٢-١٠ احتمال الحوادث المركبة
١٩٥	٣-١٠ الاحتمال النظري والاحتمال التجريبي ..
٢٠٠	اختبار منتصف الفصل
٤-١٠	استراتيجية حل المسألة
٢٠١	تمثيل المسألة
٢٠٣	٥-١٠ استعمال المعاينة في التنبؤ
٢٠٩	اختبار الفصل
٢١١-٢١٠	الاختبار التراكمي (١٠)



الإحصاء

١٣٣	التهيئة
١-٩	استراتيجية حل المسألة
١٣٤	إنشاء جدول
١٣٦	٢-٩ المدّرات التكرارية
١٤١	٣-٩ القطاعات الدائرية *
١٤٨	توسيع الخطوط والأعمدة والقطاعات
١٥٠	٤-٩ مقاييس النزعة المركزية والمدى *
١٥٦	٥-٩ المتوسط والوسط والمتوسط
١٥٧	٦-٩ التمثيل بالصندوق وطرفيه
١٥٨	٧-٩ التمثيل بالساقي والورقة
١٦٣	٨-٩ اختيار طريقة التمثيل المناسبة *
١٦٩	اختبار الفصل
١٧٤	الاختبار التراكمي (٩)
١٧٩	الاخرين
١٨١-١٨٠	الاخرين

* موضوعات غير مقررة على مدارس تحفيظ القرآن الكريم.
في كل فصل لا تخصص حصة لكل من التهيئة والمراجعة والاختبارات.



إليك عزيزي الطالب

ستركز في دراستك هذا العام على المجالات الرياضية الآتية:

- **الجبر:** تحليل الدوال الخطية وتمثيلها، وحل المعادلات الخطية في تطبيقات مختلفة.
- **القياس والهندسة:** تحليل الأشكال الثنائية والثلاثية الأبعاد.
- **تحليل البيانات:** تمثيل البيانات وتحليلها وتفسيرها.

وفي أثناء دراستك، ستعلم طرائق جديدة لحل المسألة، وتفهم لغة الرياضيات وتستعمل أدواتها، وتنمي قدراتك الذهنية وتفكيرك الرياضي.



كيف تستعمل كتاب الرياضيات؟

- اقرأ **فكرة الدرس** في بداية الدرس.

- ابحث عن **المفردات** المظللة باللون الأصفر، واقرأ تعريف كل منها.

- راجع المسائل الواردة في **مثال** ، والمحلولة بخطوات تفصيلية؛ لتذكرك بالفكرة الرئيسية للدرس.

- استعمل **إرشادات للأسئلة** لتعرف ما الأمثلة التي تساعدك على حل التمارين والواجبات المطلوبة.

- ارجع إلى **إرشادات للدراسة** حيث تجد معلومات وتوجيهات تساعدك في متابعة الأمثلة الم محلولة.

- راجع ملاحظاتك التي دوّنتها في **المظويات**

- زر الموقع www.ien.edu.sa وسوف تجد أمثلة وأنشطة إضافية تساعدك على حل بعض المسائل الصعبة.



القياس: المساحة والحجم

الفكرة العامة

- أجد مساحات أشكال هندسية مستوية، وحجم مجسمات ومساحتها الجانبية والكلية.

المفردات الرئيسية:

المنشور ص (٢١)

الهرم ص (٢١)

الأسطوانة ص (٢٦)

المخروط ص (٣٤)

الربط بالحياة:



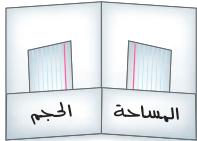
مشروع القدية: يقع على بعد ٤٠ كيلومتراً غرب الرياض ويعتبر نموذجاً جديداً لتنمية الأراضي الصحراوية فهو يضم جبالاً وأودية وإطلالة على الصحراء ، وتبلغ مساحته ٣٣٤ كيلومتراً مربعاً .

المَظْوِيَّات

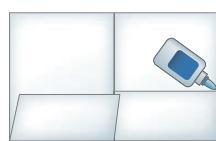
منظمه أفكار

القياس: المساحة والحجم: اعمل هذه المطوية لتساعدك على تنظيم ملاحظاتك. ابدأ بورقة A3 على النحو الآتي:

٣ سُم كل جيب كما يظهر في الشكل، وضع بطاقات صغيرة داخله.



٤ افتح الطية السابقة، واطو أسفل الورقة لتكون جيماً، وألصق حوافه.



٥ اطوي الورقة عرضياً.





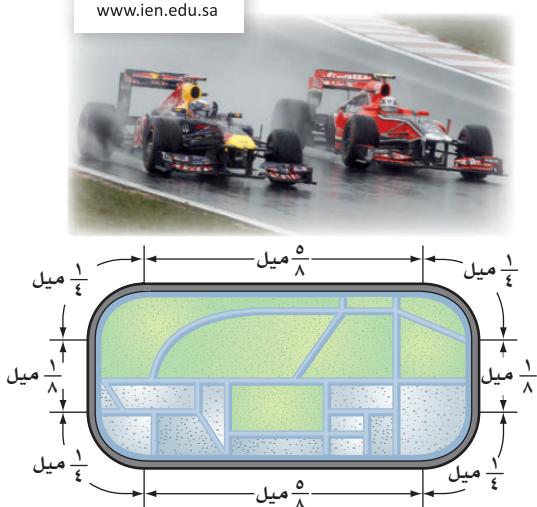
مساحات الأشكال المركبة

٦ - ١

الاستعاد

سباق سيارات: يظهر الشكل المجاور ميدانًا لسباق سيارات.

- ١ حدد بعض المضلعات التي تشكل ميدان السباق.
- ٢ كيف تستعمل المضلعات في إيجاد مساحة الميدان؟



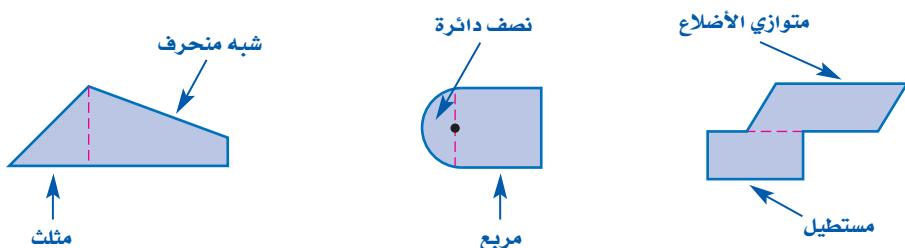
فكرة الدرس:

أجد مساحات أشكال مركبة.

المفردات

الشكل المركب

يتكون **الشكل المركب** من شكلين بسيطين أو أكثر.



ولإيجاد مساحة شكل مركب، قسمه إلى أشكال يسهل إيجاد مساحاتها، ثم أوجد مجموع هذه المساحات، وفيما يأتي مراجعة لبعض قوانين المساحات:

قوانين المساحة		
الرموز	التعبير اللفظي	الشكل
$m = ق \times ع$	مساحة متوازي الأضلاع هي ناتج ضرب القاعدة في الارتفاع.	متوازي الأضلاع
$m = \frac{1}{2} ق \times ع$	مساحة المثلث هي نصف ناتج ضرب قاعدته في ارتفاعه.	المثلث
$m = \frac{1}{2} ع(ق_1 + ق_2)$	مساحة شبه المنحرف هي نصف ناتج ضرب الارتفاع في مجموع القاعدتين.	شبه المنحرف
$m = ط نق^2$	مساحة الدائرة هي ناتج ضرب ط في مربع نصف القطر.	الدائرة

نصف دائرة

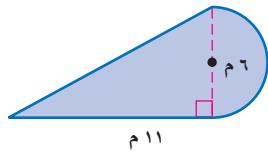
مساحة نصف الدائرة هي

$$\frac{1}{2} \times \text{مساحة الدائرة}$$

$$= \frac{1}{2} \text{ ط نق}^2.$$

مثال

إيجاد مساحة شكل مركب



م ١١

م ٦

أوجد مساحة الشكل المركب المجاور.

يمكن تقسيم الشكل إلى نصف دائرة و مثلث.

مساحة المثلث

$$م = \frac{1}{2} \text{ ق ع}$$

$$م = 11 \times \frac{1}{2}$$

$$م = ٣٣$$

$$م \approx ١٤,١$$

مساحة الشكل $\approx ١٤,١ + ٣٣ = ٤٧,١$ مترًا مربعًا.

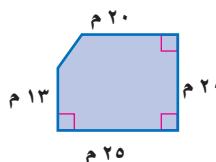
$$م = \frac{1}{2} \text{ ط نق}^2$$

$$م = \frac{1}{2} \text{ ط } ٢٣$$

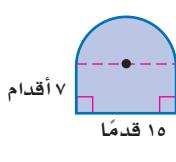
$$م \approx ١٤,١$$

تحقق من فهمك:

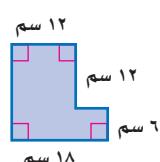
أوجد مساحة كل شكل مما يأتي، مقرنًا الجواب إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم ذلك:



ج)



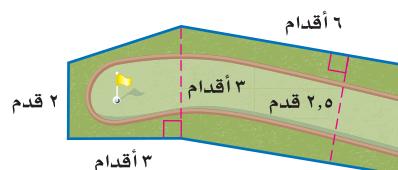
ب)



أ)



مثال من واقع الحياة



جولف: يبين الشكل المجاور مخططًا لملاعب جولف مصغر، مكون من شبه منحرف ومتوازي الأضلاع، فكم قدماً مربعة من الأعشاب يحتاج هذا المخطط؟

مساحة متوازي الأضلاع

$$م = \text{ق ع}$$

$$م = ٢,٥ \times ٦$$

$$م = ١٥$$

لذا يحتاج إلى $١٥ + ٧,٥ = ٢٢,٥$ قدمًا مربعًا من الأعشاب.

مساحة شبه المنحرف

$$م = \frac{1}{2} \text{ ع (ق} + \text{ق،)}$$

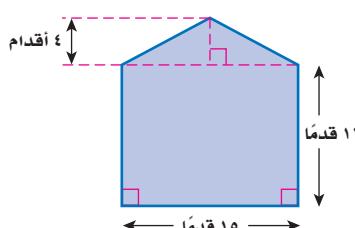
$$م = \frac{٣+٢}{٢} \times ٣ \times \frac{١}{٢}$$

$$م = ٧,٥$$

يوجد ما بين ٤٥٠ - ٢٥٠ حفرة صغيرة في كرة الجولف الرسمية.



تحقق من فهمك:

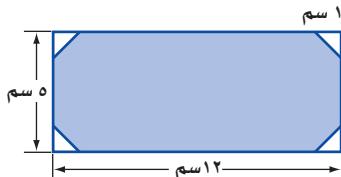


د) أكواخ: يبين الشكل المجاور الواجهة الخلفية لکوخ خشبي، فكم قدماً مربعة من الخشب تستعمل في بناء هذه الواجهة؟



مثال

إيجاد مساحة المنطقة المظللة



في الشكل المجاور، قُصّت أربعة مثلثات متطابقة من مستطيل، أوجد مساحة المنطقة المظللة، مقرّباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة.

ارشادات للدراسة

المثلثات المتطابقة في المثلثات المتطابقة، تكون الأضلاع والزوايا المتناظرة متطابقة.

أوجد مساحة المستطيل واطرح مساحة المثلثات الأربع.

مساحة المثلثات

$$م = 4 \left(\frac{1}{2} ق ع \right)$$

$$ق = 1, ع = 1$$

$$م = 1 \times 1 \times \frac{1}{2} \times 4 = 2$$

بسّط.

مساحة المستطيل

$$م = ل ع$$

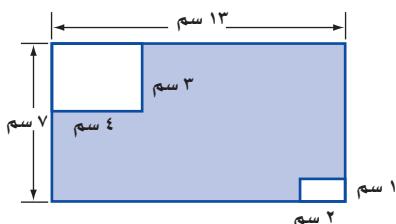
$$ل = 12, ع = 5$$

$$م = 5 \times 12 = 60$$

بسّط.

$$\text{مساحة المنطقة المظللة} = 2 - 60 = 58 \text{ سم}^2.$$

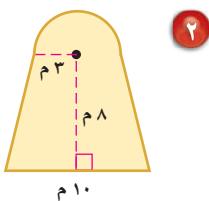
تحقق من فهمك:



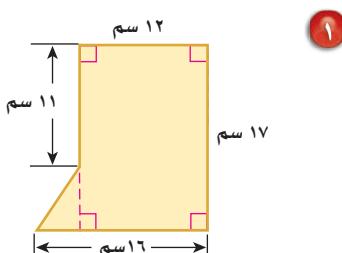
هـ) قُصّ مستطيلان من مستطيل كما في الشكل المجاور، أوجد مساحة المنطقة المظللة، مقرّباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة.

تأكد

أوجد مساحة الشكلين الآتيين، مقرّباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم ذلك:



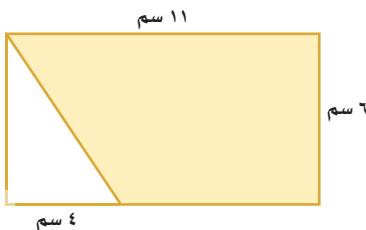
٢



١

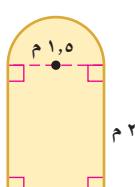
المثال ١

٤ يبيّن الشكل أدناه مستطيلاً قُصّ منه مثلث. أوجد مساحة المنطقة المظللة.



المثلثان ٢، ٣

أدنـاه، فـما مـسـاحـتها بـالـمـترـ المـرـبـعـ؟

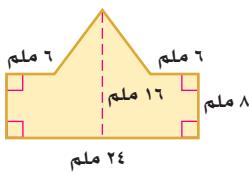


تدريب وحل المسائل

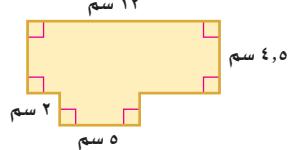
الإرشادات للأسئلة

للاسئلة	انظر الأمثلة
١	١٠-٥
٢	١٢، ١١
٣	١٤، ١٣

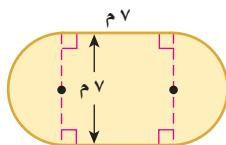
أوجد مساحة الأشكال المركبة الآتية، مقرّباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم ذلك:



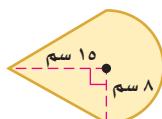
٦



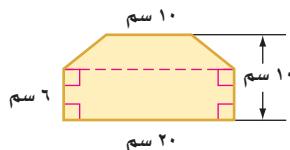
٥



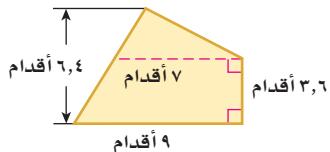
٨



٧

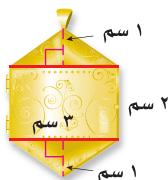


١٠

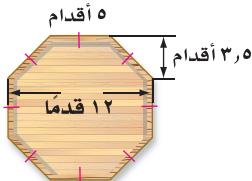


٩

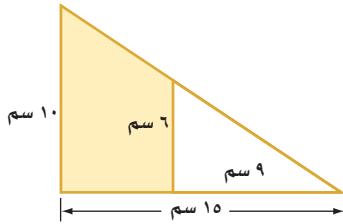
١٢ مجوهرات: يبيّن الشكل الآتي حلية ذهبيةً. ما مساحتها؟



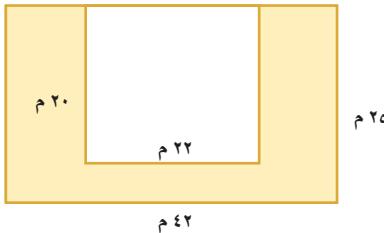
١١ نجارة: صمّم أحمد طاولة كما في الشكل أدناه. ما مساحة سطحها؟



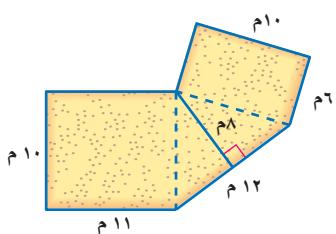
أوجد مساحة المنطقة المظللة، مقرّباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة :



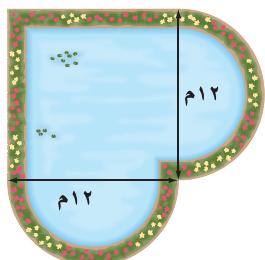
١٤



١٣



١٥ سجاد: ترغب والدة ليان في تعطية أرضية صالة منزلها بالسجاد كما في الشكل المجاور. ما مساحة السجاد المطلوب شراؤه؟

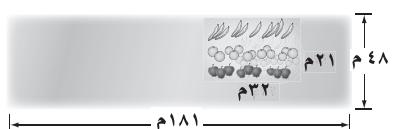


١٦ تحدّد : يمثل الشكل المجاور برقة محاطة بممر من الورد عرضه متراً. ما مساحة الممر؟

١٧ أكعب اشرح طريقتين مختلفتين على الأقل لإيجاد مساحة السداسي المنتظم، مضمناً إجابتك رسمياً توضيحيّاً لذلك.

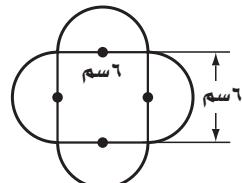
تدريب على اختبار

١٩ يبيّن الشكل أدناه مزرعة خضراوات مستطيلة الشكل طولها ١٨١م، وعرضها ٤٨م، زُرِع منها جزء مستطيل الشكل طوله ٣٢م وعرضه ٢١م بالفواكه. ما مساحة الجزء المزروع بالخضراوات؟



- (أ) ٨٦٨٨ م^٢
- (ب) ٢٨٢ م^٢
- (ج) ٨٠١٦ م^٢
- (د) ٨٦٣٥ م^٢

١٨ ما المساحة الكلية للشكل أدناه؟



- (أ) ٩٢,٩ سـم^٢
- (ب) ٦٤,٣ سـم^٢
- (ج) ٥٦,٥ سـم^٢
- (د) ٣٦,٠ سـم^٢

الاستعداد للدرس اللاحق

٢٠ مهارة سابقة : لُوحظ تناقص أسعار الآلات الحاسبة، ففي عام ١٤٢٥هـ كان سعر آلة حاسبة من نوع ما ١٢٥ ريالاً، وأصبح ١٠٧ ريالات عام ١٤٣٠هـ، ثم ٨٩ ريالاً عام ١٤٣٥هـ، إذا استمر تناقص سعر الآلة الحاسبة بالمعدل نفسه، فاستعمل استراتيجية البحث عن نمط في إيجاد سعر آلة حاسبة من النوع نفسه عام ١٤٤٥هـ.



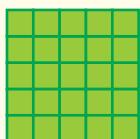


استراتيجية حل المسألة

٢ - ٦

فكرة الدرس : أحل المسائل باستعمال استراتيجية " حل مسألة أبسط".

حل مسألة أبسط



البراء : يبدو أن الشكل يتكون من ٢٥ مربعاً، إلا أنني أظن أن فيه مربعات أكثر من ذلك.

مهما تك : حل مسألة أبسط لإيجاد عدد المربعات في أيّ شكل مشابه.

افهم

تعلم أن الشكل يتكون من شبكة مربعات 5×5 .
وأبعاد المربعات هي : $1 \times 1, 2 \times 2, 3 \times 3, 4 \times 4, 5 \times 5$
وترى معرفة عدد جميع المربعات.

خطّ

حل مسألة أبسط بإيجاد عدد المربعات في الشبكتين 2×2 و 3×3 ، ثم البحث عن نمط.

حل

في الشبكة 3×3 أبعاد المربعات المحتملة هي : $1 \times 1, 2 \times 2, 3 \times 3$ ؛ إذن هناك تسعة مربعات 1×1 ، وأربعة مربعات 2×2 ، وواحد مربع واحد 3×3 ، فيكون عدد المربعات جميعها هو $1 + 4 + 1 = 6$ مربعات مختلفة.



في الشبكة 2×2 أبعاد المربعات المحتملة هي : $1 \times 1, 2 \times 2$ ؛ إذن يوجد ٤ مربعات 1×1 ، ومربع واحد 2×2 ، فيكون عدد المربعات جميعها هو $4 + 1 = 5$ مربعات مختلفة.



خمن عدد المربعات في شبكة مكونة من 4×4 ، ثم ابحث عن نمط.

عدد المربعات الصغيرة				
عدد المربعات ذات الأبعاد المختلفة				
٢٥	١٦	٩	٤	١
٥٥	٣٠	١٤	٥	١

إذن الشبكة 5×5 تحوي ٥٥ مربعاً.

تحقق

تحقق من النمط الذي توصلت إليه على نحو دقيق للتأكد من صحة جوابك.

حل الاستراتيجية

١ اشرح لماذا يُعد حل مسألة أبسط مفيداً للبراء.

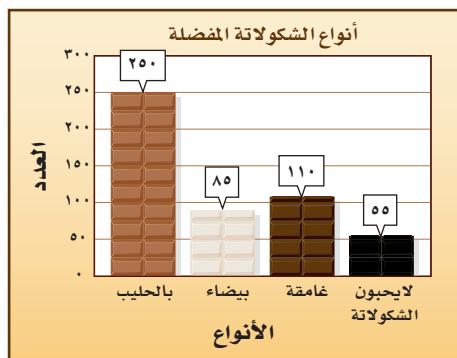
الكتب مسألة حياتية تحتاج في حلّها إلى حل مسألة أبسط، ثم حل المسألة.

٢

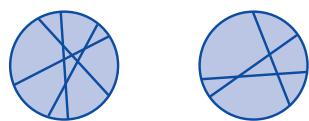


٩ متطوعون: تطوع ٥ طلاب للاشتراك في عمل اجتماعي، حيث عمل كل طالب ٥ ساعات خلال خمسة أيام، فكم ساعة يتطوع بها ١١ طالبًا في ١٥ يوماً بحسب هذا المعدل؟

١٠ تحليل الرسوم: يظهر الشكل الآتي مسحًا لتوعية الشكولاتة التي يفضلها الطلاب. ما نسبة الطلاب الذين يفضلون الشكولاتة الغامقة؟



١١ فطاير: ما أكبر عدد من القطع ينتج عن استعمال خمس قطعيات مستقيمة في الفطيرة؟



٤ قطعيات



٣ قطعيات

١٢ خضار: يبين الجدول أدناه أسعار الكيلو جرام الواحد من بعض أصناف الخضار، فهل يكفي ٤٠ ريالاً ليشتري عبدالله ٤ كجم من الطماطم، وكيلو جرامًا واحدًا من الجزر، و٨ كجم من البصل؟

السعر (ريال)	الصنف
٦,٥	طماطم
١,٥	بصل
٣,٧٥	جزر

١٣ هواقب: تتقاضى إحدى شركات الهاتف الجوال ٣٠ ريالاً قيمة الاشتراك الشهري، بالإضافة إلى ٢٥ ريال عن كل دقيقة، فإذا كانت قيمة فاتورة هاتف مهند الشهيرية ١٢٠ ريالاً، فكم دقيقة بلغت مكالماته؟



استعمل استراتيجية "حل مسألة أبسط" لحل المسائل ٦-٣:

٣ نجارة: ثلاثة نجارين يصنع كل واحد منهم ثلاثة كراسٍ في ثلاثة أيام، فكم كراسٌ يمكن لـ ٧ نجارين أن يصنعوا في ٣٠ يوماً، إذا عملوا بالمعدل نفسه؟

٤ طاولات: يوجد في مطعم مدرسة ١٥ طاولة مربعة الشكل، تم وضعها متراصّة جانبيًا لتكون طاولة واحدة طويلة لحفلة الصف، فإذا علمت أن طالبًا واحدًا فقط يمكنه أن يجلس على كل جانب من الطاولة المربعة، فما عدد الطلاب الذين يمكنهم الجلوس حول الطاولة الطويلة؟

٥ مطويات: تحتاج مدرسة إلى ٢٥٠ نسخة من مطوية إرشادية، فإذا كانت المطبعة تضعها في ملفات تتسع الواحدة لـ ٣٠ أو ٨٠ نسخة، فما عدد الملفات التي يجب أن تشتريها المدرسة من كل نوع؟

٦ حرف: يستعمل محمد منشاراً لقص أنبوب طويل إلى ٢٥ قطعة صغيرة، فكم مرة سيستعمل المنشار؟

استعمل الاستراتيجية المناسبة لحل المسائل ١٣-٧ :

من استراتيجيات حل المسألة

- ٠ البحث عن نمط
- ٠ استعمال أشكال فن
- ٠ حل مسألة أبسط

نشاط: استعمل المعلومات الآتية في حل المسائل ٧، ٨: أراد ٣٥ طالبًا من الصف الثاني المتوسط الانضمام إلى النشاط الرياضي، و٣٢ إلى النشاط العلمي، و١٥ إلى النشاطين معًا.

٧ مثل المسألة باستعمال شكل فن.

٨ ما عدد طلاب الصف الذين اشتراكوا في الأنشطة؟



الأشكال الثلاثية الأبعاد

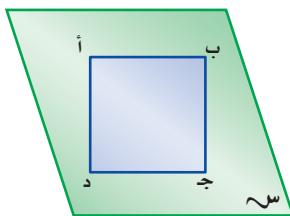
٣ - ٦

الستعَد

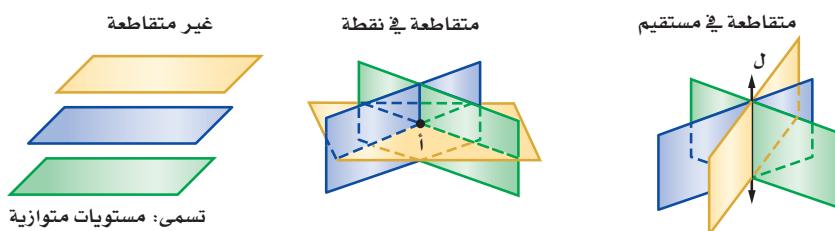


عمارة: الأشكال المستوية لها بُعدان فقط (طول وعرض) أما المجسمات أو الأشكال الثلاثية الأبعاد كمنارة المسجد فلها ثلاثة أبعاد: طول وعرض وارتفاع.

- ١ سُمِّي الأشكال المستوية التي تكون جوانب المنارة.
- ٢ إذا نظرت إلى المنارة من الأعلى فما الشكل الذي تراه؟
- ٣ ما العلاقة بين الأشكال المستوية والمجسمات؟

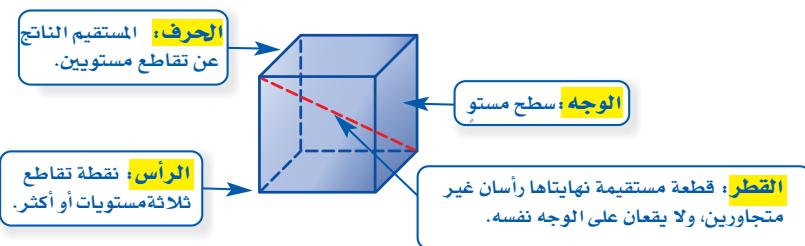


يبين الشكل المجاور المستطيل **أ ب ج د** ، والمستقيمين **أ ب** ، **د ج** اللذين يقعان في المستوى نفسه، وهما مستقيمان متوازيان أيضًا لأنهما لا يتقاطعان مهما امتدداً. وكما علمنا أن المستقيمين في المستوى إما أن يكونا متقطعين أو متوازيين، فإنه في المقابل هناك عدة أوضاع لعلاقة المستويات في الفضاء هي:



ويمكن أن تكون المستويات المتقطعة أيضًا شكلاً ثالثي الأبعاد أو مجسمًا.

ومتعدد السطوح مجسم له سطوح مستوية عبارة عن مضلعات، ومن المفردات المتعلقة بالمجسمات: **الحرف**، **الوجه**، **الرأس**، **والقطر**.



فكرة الدرس:

أحد الأشكال الثلاثية الأبعاد، وأرسمها.

المفردات

يقعان في المستوى نفسه

المستقيمان المتوازيان

المتعدد السطوح

الحرف

الرأس

الوجه

القطر

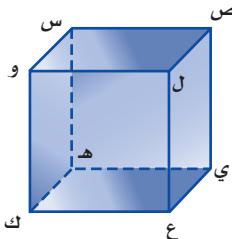
المستقيمان المتخالفان

المنشور

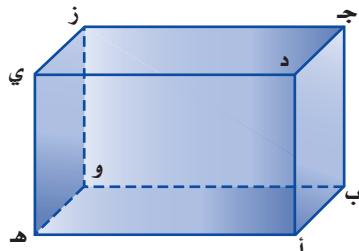
القاعدة

الهرم





لاحظ أن القطعتين المستقيمتين س و ل في الشكل المجاور غير متقاطعتين، وغير متوازيتين؛ لأنهما لا يقعان في المستوى نفسه. ويسمي المستقيمان اللذان لا يتقاطعان ولا يقعان في المستوى نفسه **مستقيمين متخالفين**.

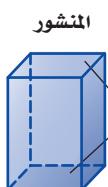
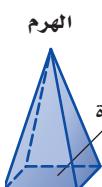


أمثلة تحديد العلاقات

١. س مستوٰ يوازي المستوى أ ب ج.
٢. المستوى هـ ز يوازي المستوى أ ب ج.
٣. حدد قطعة مستقيمة مخالفة للقطعة جـ ز.
٤. جـ ز و هـ هي متخالفتان.
٥. حدد نقطتين يمكن رسم قطر بينهما.
٦. القطعة المستقيمة التي تصل بين النقطتين ب، ي تشكل قطرًا.

تحقق من فهمك:

- أ) مستعملاً الشكل أعلاه، حدد تقاطع المستويين أ ب ج، جـ دـ ي.



المنشور والهرم مجسمان معروfan، ويعتمد اسم كل منها على شكل قاعدته.

المنشور مجسم له وجهان متوازيان ومتطابقان يُسميان **القاعدتين**. **والهرم** مجسم قاعدته الوحيدة مضلعل وأوجهه مثلثات.

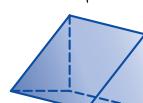
إرشادات للدراسة

خطأ شائع

ليس من الضروري عند رسم متوازي المستطيلات (المنشور المستطيلي) أن تكون قاعداته من الأعلى ومن الأسفل فقط؛ لأنه يمكن اعتبار أي وجهين مستطيليين متوازيين فيه قاعدتين، ويمكن أيضًا اعتبار أي وجه في الهرم الثلاثي قاعدة.

مثالان تحديد المنشور والهرم

- حدّد اسم كل مجسم مما يأتي، وبيّن عددأوجهه وشكلها، ثم اذكر عددأحرفه ورؤوسه:
قاعدتا الشكل متوازيتان ومتطابقتان وهما مثلثان، لذا فالشكل منشور ثلاثي، أما الأوجه الثلاثة الأخرى، فهي مستطيلات.
وبذلك فإن له 5 أوجه، و 9 حرف، و 6 رؤوس.

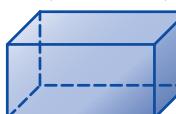
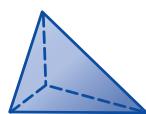


للشكل قاعدة واحدة وهي مضلعل خماسي، لذا فهو هرم خماسي، أما الأوجه الأخرى فهي مثلثات، وبذلك فإن له 6 أوجه، و 10 حرف، و 6 رؤوس.



تحقق من فهمك:

- حدّد اسم كل مجسم مما يأتي، وبيّن عددأوجهه وشكلها، ثم اذكر عددأحرفه ورؤوسه:



يمكنك استعمال مخطوطات للمجسمات؛ لتصف كيف تظهر عناصرها في الفضاء.



الربط بالحياة
كيف يستفيد المهندسون من الرياضيات؟

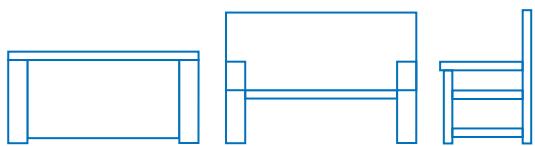
يستعمل المهندسون المعماريون الهندسة عند رسم تصاميمهم، حيث يبدأون بأشكال هندسية بسيطة، ثم يضيفون إليها خطوطاً وزوايا لتكون أكثر جمالاً.



مثال تحليل الرسوم

٦

أثاث: تبين الصورة المجاورة مقعداً. ارسم المنظر العلوي والأمامي والجانبي لهذا المقعد.



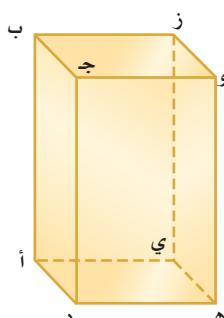
المنظر العلوي المنظر الأمامي المنظر الجانبي



تحقق من فهمك

هـ صندوق: ارسم كلاً من المنظر العلوي والأمامي والجانبي للصندوق في الصورة المجاورة.

تأكد



استعمل الشكل المجاور لتحديد كلاً مما يأتي:

- ١ مستويين متوازيين.
- ٢ مستقيمين متخالفين.
- ٣ نقطتين تشكلان قطرًا عند الوصل بينهما.
- ٤ مستويين متقاطعين.

الأمثلة ٣-١

حدد اسم كل مجسم مما يأتي، وبيّن عدد أوجهه وشكلها، ثم اذكر عدد أحرفه ورؤوسه:



٧



٦



٥

المثلان ٤، ٥

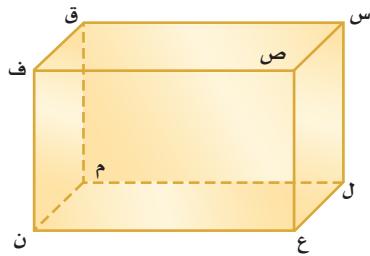


حوض أسماك: ارسم كلاً من المنظر العلوي والأمامي والجانبي لحوض الأسماك المجاور.

المثال ٦



تدريب وحل المسائل



استعمل الشكل المجاور لتحدد كلاً مما يأتي:

- ٩ مستويين متوازيين.
- ١٠ مستقيمين متقاطعين.
- ١١ نقطتين تشکلان قطرًا عند الوصول بينهما.
- ١٢ مستويين متقاطعين.

حدّد اسم كل مجسم مما يأتي، وبيّن عدد أوجهه وشكلها، ثم اذكر عدد أحرفه ورؤوسه:



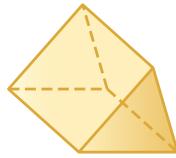
١٤



١٣



١٦



١٥

خزانة: تمثّل الصورة أدناه خزانة خشبية لحفظ الملفات. ارسم كلاً من المنظر العلوي والأمامي والجانبي للخزانة.



بنيات: ارسم كلاً من المنظر العلوي والأمامي والجانبي للبنية في الصورة أدناه.



١٩ قرّر ما إذا كان التخمين الآتي صحيحًا أو خاطئًا، واذكر مثالاً مضاداً إذا كان خطأً: ”يمكن لمستويين في الفضاء أن يتقاطعا في نقطة.“

٢٠ مسأله مفتوحة: اختر مجسمًا من واقع الحياة مثل كرسي أو طاولة، وارسم كلاً من المنظر العلوي والأمامي والجانبي له.

مسائل
مهارات التفكير العليا

٢١ تحدّ: حدّد ما إذا كانت العبارات الآتية صحيحة دائمًا أو أحياناً أو غير صحيحة أبداً:
للمنشور قاعدتان و ٤ جوانب.
يوجد للهرم جوانب متوازية.

٢٣ أكتب وضّح لماذا لا يعطي (أحياناً) المنظر العلوي والأمامي والجانبي لمجسم معلومات كافية لرسم الشكل؟ واذكر مثالاً يؤكّد ذلك.

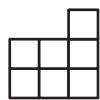
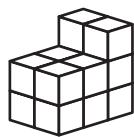
الإرشادات للأسئلة

الأسئلة	انظر الأمثلة
٣-١	١٢-٩
٥، ٤	١٦-١٣
٦	١٨-١٧





٢٥ أي الأشكال التالية يمثل المنظر الجانبي للمجسم أدناه؟



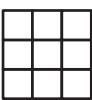
ج)



أ)



د)

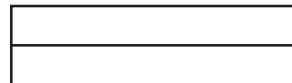


ب)

٢٤ استقبلت العنود هديةً داخل صندوقٍ كما في الشكل:



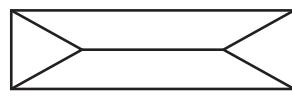
أي الأشكال أدناه يمثل المنظر العلوي للصندوق؟



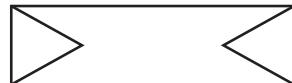
أ)



ب)



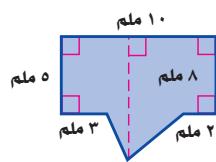
ج)



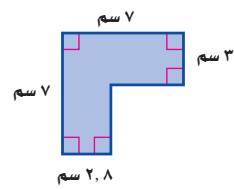
د)

مراجعة تراكمية

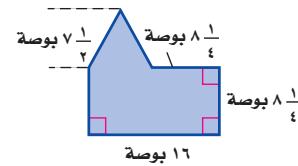
أوجد مساحة كل شكل مما يأتي ، مقرّباً الجواب إلى أقرب جزءٍ من عشرةٍ إذا لزم الأمر : (الدرس ٦ - ١)



٢٨



٢٧



٢٦

نماذج : لدى محمد ١٠٠ مكعب صغير ، استعمل استراتيجية حل مسألة أبسط ؛ لتحديد أبعاد أكبر مكعب يمكن إنشاؤه باستعمال المكعبات الصغيرة . (الدرس ٦ - ٢)

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة : أوجد مساحة كل من المثلثات الآتية:

٣٠ طول القاعدة : ٣ بوصات ، الارتفاع : ١٠ بوصات .

٣١ طول القاعدة : ٨ أقدام ، الارتفاع : ٧ أقدام .

٣٢ طول القاعدة : ٥ سم ، الارتفاع : ١١ سم .

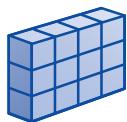




حجم المنشور والأسطوانة

٦ - ٤

نشاط



- حجم المنشور الرباعي المجاور يساوي ١٢ وحدة مكعبة.
كون ثلاثة أشكال للمنشور الرباعي حجم كلّ منها ١٢ وحدة مكعبة.
انسخ الجدول الآتي وأكمله:

مساحة القاعدة (وحدة مربعة)	الارتفاع (وحدة)	العرض (وحدة)	الطول (وحدة)	المنشور
٤	٣	١	٤	أ
				ب
				ج
				د

- ١ صف العلاقة بين حجم المنشور (ح) وأبعاده الثلاثة: الطول (ل)، والعرض (ض)، والارتفاع (ع).
٢ صف العلاقة بين مساحة القاعدة (م) والارتفاع (ع) من جهة، وحجم المنشور (ح) من جهة أخرى.

الحجم هو قياس الحيز الذي يشغله الجسم في الفضاء، ويقاس بالوحدات المكعبة مثل المستويات المكعبة (سم^3)، أو الأقدام المكعبة (قدم^3).

مفهوم أساسى

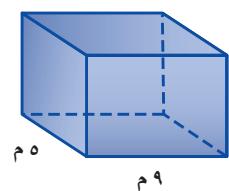
حجم المنشور

النماذج :

التعبير اللفظي : حجم المنشور (ح) هو ناتج ضرب مساحة القاعدة (م) في الارتفاع (ع).

الرموز : $ح = م \times ع$

إيجاد حجم المنشور



أوجد حجم المنشور الرباعي المجاور.

حجم المنشور.

مساحة قاعدة المنشور ($m = l \times \text{ض}$).

$$l = 9, \text{ض} = 5, ع = 6,5$$

$$m = 9 \times 5 = 45$$

بسط.

$$ح = 45 \times 6,5$$

فيكون حجم المنشور

$$ح = 292,5 \text{ م}^3$$

فكرة الدرس:

أجد حجم كلّ من المنشور والأسطوانة.

المفردات

الحجم

الأسطوانة

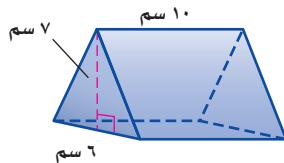
مجسم مركب



إرشادات للدراسة

خطأ شائع

تذكرة أن قاعدة المنشور الثلاثي تكواند على صورة مثلث. أما في المثال ٢، فإن القاعدتين ليستا من أعلى الشكل وأسفله بل على جوانبه.



أوجد حجم المنشور الثلاثي المجاور.

حجم المنشور

$$ح = م \times ع$$

$$\text{القاعدة مثلثة، لذلك } م = \frac{1}{2} \times 7 \times 6 \times ع$$

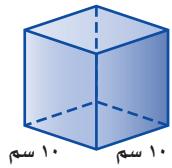
ارتفاع المنشور = 10.

بسط.

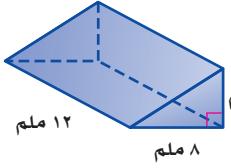
$$ح = \frac{1}{2} \times (7 \times 6) \times 10 \times ع$$

$$ح = 210 \times ع$$

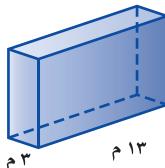
الحجم هو 210 سم³.



(ج)



(ب)



(أ)

تحقق من فهمك: أوجد حجم كل منشور مما يأتي:

الأسطوانة مجسم قاعدتها دائرة متباين ومتوازيتان متصلتان معًا بجانب منحنٍ.

وي يمكن استعمال الصيغة $ح = م \times ع$ لإيجاد حجم أسطوانة، والقاعدة هي دائرة.

مفهوم أساسى

حجم الأسطوانة

النحوذ:



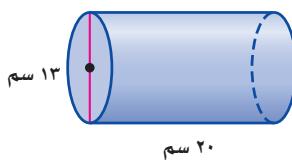
التعبير اللغوي: حجم الأسطوانة (ح) هو ناتج ضرب مساحة القاعدة (م) في الارتفاع (ع).

الرموز:

$$ح = م \times ع$$

إيجاد حجم الأسطوانة

مثال



أوجد حجم الأسطوانة المجاورة، مقرًّا الجواب

إلى أقرب جزء من عشرة.

بما أن القطر يساوي 13 سم، فإن نصف القطر

يساوي 6,5 سم.

حجم الأسطوانة.

$$ح = ط نق ع$$

عوّض عن نق بـ 6,5 وعن ع بـ 20.

بسط مستعملًا الآلة الحاسبة.

الحجم يساوي 2604,6 سم³ تقريبًا.

إرشادات للدراسة

تقدير

للحاق من معقولية

جوابك: يمكنك تقدير

حجم الأسطوانة في المثال ٣

ليكون:

$20 \times 7 \times 3 = 420$ سم³ تقريبًا.

أوجد حجم كُلٌّ من الأسطوانات الآتية، مقرًّا الجواب إلى أقرب جزء من عشرة:

د) نصف القطر 2 م، والارتفاع 7 م.

هـ) القطر 18 سم، والارتفاع 5 سم.

تحقق من فهمك:



المجسم المكون من أكثر من نوع من المجسمات يُسمى **مجسمًا مركبًا**، ولإيجاد حجم هذا الجسم، قسّمه إلى مجسمات يسهل إيجاد أحجامها.

إرشادات للدراسة

تقدير

في المثال ٤، يمكنك التتحقق

من مغقولية الجواب بتقدير

الحجم:

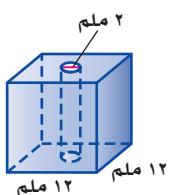
$$12 \times 12 \times 12 = 1728 \text{ مل}^3$$

لاحظ أنه أكثَر بقليل من

١٦٩٠ ملـ³، إذن الجواب

مغقول.

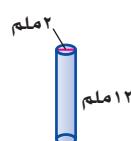
مثال ٤ إيجاد حجم المجسم المركب



براعة: تستعمل مي خرزًا مكعب الشكل لصنع حلبي ، وكل خرز لها ثقب أسطواني في وسطها. أوجد حجم الخرز.

ت تكون الخرز من منشور رباعي وأسطوانة، أوجد حجم كل مجسم منها.

الأسطوانة

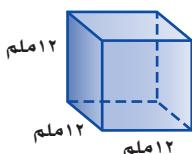


$$\begin{aligned} H &= 12 \text{ سم} \\ 37,7 &= 12 \times (21) \end{aligned}$$

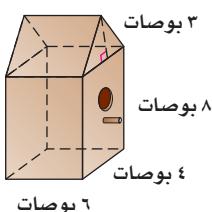
$$\begin{aligned} H &= 12 \text{ سم} \\ 1728 &= 12 \times (12 \times 12) \end{aligned}$$

$$\text{حجم الخرز} = 1728 - 37,7 = 1690 \text{ مل}^3.$$

المنشور الرباعي



$$\begin{aligned} H &= 12 \text{ سم} \\ H &= 12 \times 12 \end{aligned}$$

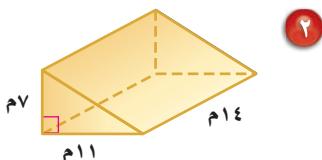


تحقق من فهمك:

و) **طيور:** صمم نجار قفصاً للطيور الصغيرة كما في الشكل المجاور، أوجد حجم القفص.

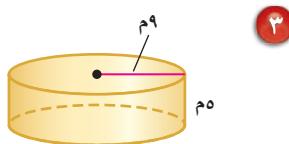
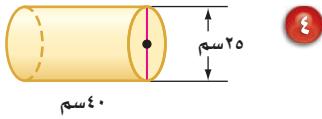
تأكد

أوجد حجم كل منشور مما يأتي، مقرّباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم الأمر:

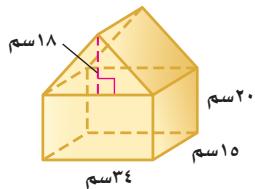


المثال ١

أوجد حجم كل أسطوانة مما يأتي، مقرّباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم الأمر:



المثال ٣



ألعاب: أهدى بيت الدمية المجاور لأخت منال الصغرى. فما حجمه؟

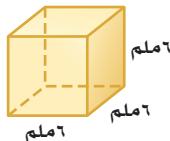
المثال ٤



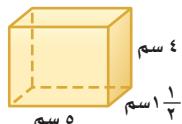
الإرشادات للأسئلة

للاسئلة	انظر الأمثلة
٢٠	٩-٦
	١٣، ١٢
٣	١١، ١٠
	١٥، ١٤
٤	١٧، ١٦

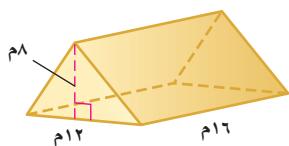
أوجد حجم كل مجسم مما يأتي، مقرّبًا الجواب إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم الأمر:



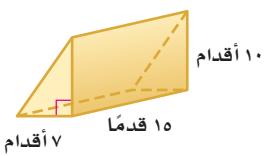
٧



٦



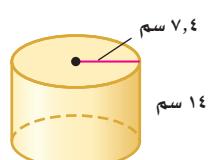
٩



٨



١١



١٢

منشور رباعي: طوله ٤ سم، وعرضه ٦ سم، وارتفاعه ١٧ سم.

١٢

منشور ثلاثي: ارتفاعه $\frac{1}{2}$ م، وقاعدته مثلثة الشكل ارتفاعها ١٤ م، وطول قاعدتها ٥ م.

١٣

أسطوانة: نصف قطر قاعدتها ٢٥ ملم، وارتفاعها ٢٠ ملم.

١٤

أسطوانة: قطر قاعدتها ٧ بوصات، وارتفاعها ٨ ، ٥ بوصات.

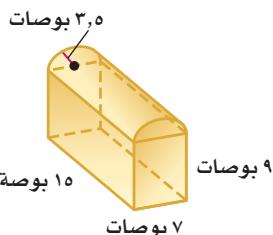
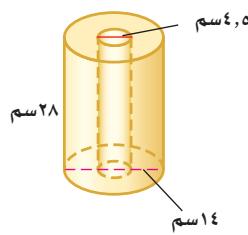
١٥

١٧ مناشف: يبين الشكل أدناه أبعاد لفة

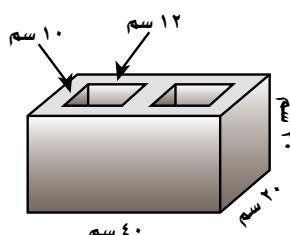
صندوق: أوجد حجم صندوق

مناشف ورقية جديدة. فما حجمها؟

المجوهرات الموضحة أدناه؟



١٦



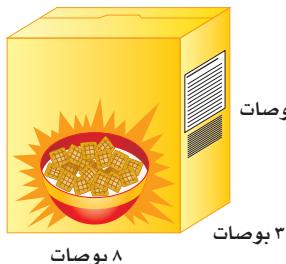
بناء: طوب بناء خرساني على شكل منشور رباعي فيه ثقبان متساويان كما في الشكل المجاور، ما حجم مادة الخرسانة في طوب البناء؟

١٨

١٩ أوجد ارتفاع منشور رباعي طوله ٦، ٨ م، وعرضه ١، ٥ م، وحجمه ٩١، ٨ م^٣.

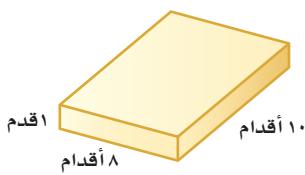
٢٠ أوجد ارتفاع أسطوانة طول نصف قطرها ٤ سم، وحجمها ٣٠١، ٦ سم^٣.

٢١ **تجارة** : اشتري تاجر كمية من السمسم حجمها ٢٥٠٠ بوصة مكعبة، ثم وزّعها في علب أبعادها $٢ \times ٦ \times ٨$ بوصاتٍ، فإذا باع ٢٠ علبة منها، فكم يبقى من كمية السمسم؟

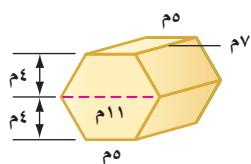


٢٢ **تغليف** : يبين الشكل المجاور علبة كرتونية، إذا قررت الشركة المصنعة استعمال تصميم جديد للعلبة بالحجم والارتفاع نفسه، ولكن بشكل أسطواني، فما طول قطر ٩ بوصات قاعدة الشكل الجديد الذي يمكن استعماله؟

٢٣ **برك** : قرر أحمد حفر بُركة سباحة لأطفاله بطول ٢٠ قدمًا، وعرض ١١ قدمًا، وعمق ٢، ٥ قدم، وسينقل التراب الناتج عن الحفر بعربة تتسع لـ ٩ أقدام مكعبة من التراب، فكم مرة تستعمل العربة لنقل التراب من الموقع؟

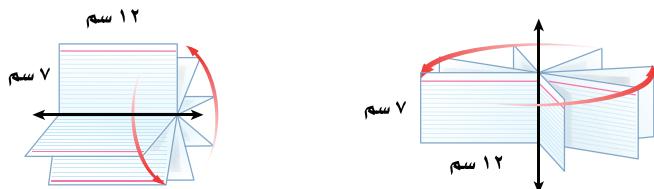


٢٤ **حدائق** : يعمل إبراهيم حوضًا لزراعة الخضروات بالقياسات المبينة. واستعمل لذلك أكياس تراب سعة الواحد منها ٥، ٠ ياردة مكعبة، فكم كيسًا يحتاجها لملء الحوض؟
(إرشاد: ١ ياردة مكعبة = $٣ \times ٣ \times ٣ = ٢٧$ قدمًا مكعب)



٢٥ **هندسة** : اشرح كيف يمكنك إيجاد حجم المنشور السداسي المجاور، ثم أوجد حجمه.

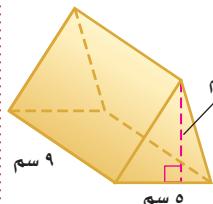
٢٦ افترض أن لديك بطاقه ملاحظات مستطيله الشكل بعدها ٢١ سم × ٧ سم، إذا دوّرت البطاقه حول ضلعها الأطول ، ثم حول ضلعها الأقصر كما في الشكل أدناه، فكّونت أسطوانتين مختلفتين . أيّ الأسطوانتين حجمها أكبر ؟ فسر إجابتك.



تحدد للأسئلة (٢٧-٣٠) صِفْ كيُفْ يتأثُّر حجم كل مجسم بما يأتِي بعد إجراء التغيير المذكور في أبعاده.

- ٢٧ مضاعفة أحد أبعاد المنشور المستطيلي.
- ٢٨ مضاعفة بُعدين من أبعاد المنشور المستطيلي.
- ٢٩ مضاعفة جميع أبعاد المنشور المستطيلي.
- ٣٠ مضاعفة نصف قطر قاعدة الأسطوانة.

مسألة مفتوحة : اختر مجسماً أسطوانيّاً، ثم أوجد حجمه، وتحقق من استعمال وحدات مناسبة، وفسّر إجابتك.

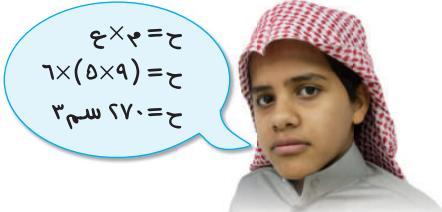


اكتشف الخطأ : أوجد كُلُّ من زيد ولؤي حجم المنشور المجاور، فائيَّهما توصل للجواب الصحيح؟



لؤي

$$\begin{aligned} ح &= ع \times ب \times ت \\ &= (6 \times 5 \times 9) \times \frac{1}{2} \\ &= 135 \text{ سم}^3 \end{aligned}$$



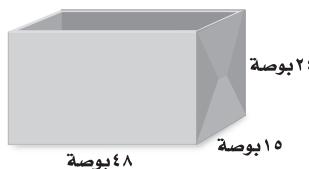
زيد

$$\begin{aligned} ح &= ع \times ب \times ت \\ &= (5 \times 9) \times 6 \\ &= 270 \text{ سم}^3 \end{aligned}$$

الكتاب اكتب صيغتين يمكنك استعمالهما لإيجاد حجم المنشور المستطيلي (متوازي المستطيلات)، واذكر الصيغة التي تفضّلها ، وبين سبب ذلك.

تدريب على اختبار

إجابة قصيرة : صندوق مصنوع من الكرتون أبعاده موضحة على الشكل أدناه. ما حجم الصندوق بالأقدام المكعبية؟



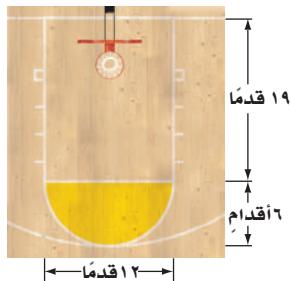
أسطوانة طول قطرها ١٢ بوصةً، وارتفاعها ٣٠ بوصةً، قدر حجم الأسطوانة بالأقدام المكعبة؟
(ارشاد: ١ قدم = ٣٦ بوصةً)

- أ) ١ قدم مكعبية
- ب) ٢ قدم مكعبية
- ج) ٣ أقدام مكعبية
- د) ٤ أقدام مكعبية

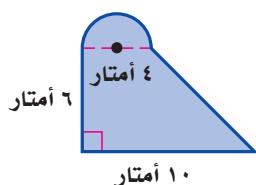


مراجعة تراكمية

٣٦ ما عدد أحرف الهرم الشماني؟ (الدرس ٦ - ٣)



كرة السلة: يبين الشكل المجاور منطقة مستطيلة الشكل من ملعب كرة سلة تحت المرمى تسمى المنطقة المحرّمة ، حيث لا يسمح للاعبين البقاء فيها من ملعب الخصم لأكثر من ٣ ثوان دون الاستحواذ على الكرة، كذلك يظهر في الشكل نصف دائرة تحوى خط الرمية الحرّة وتسمى دائرة الرمية الحرة . أوجد مساحة هذين الجزأين . (الدرس ٦ - ١)



٣٧ أوجد مساحة الشكل المركب المجاور . (الدرس ٦ - ١)

٣٨ سقط ضفدع في حفرة عمقها ٨ أقدام ، إذا تمكّن الضفدع من التسلق على حافة الحفرة ٣ أقدام نهار كل يوم ، ولكنه ينزلق إلى أسفل قدمين بالليل ، فكم يوماً يحتاج الضفدع حتى يخرج من الحفرة ؟ استعمل استراتيجية " حل مسألة أبسط ". (الدرس ٦ - ٢)

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: أوجد ناتج الضرب في كل مما يلي :

$$15 \times 7 \times \frac{1}{3} \quad ٤١$$

$$10 \times 6 \times \frac{1}{3} \quad ٤٠$$

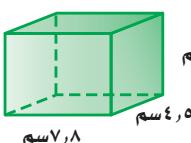
$$20 \times 26 \times \frac{1}{3} \quad ٤٣$$

$$9 \times 24 \times \frac{1}{3} \quad ٤٢$$

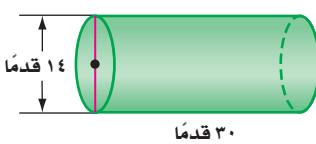


اختبار منتصف الفصل

أوجد حجم كل مجسم مما يلي ، مقرّباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم الأمر: (الدرس ٦ - ٤)



٨



٩

اختيار من متعدد: ما حجم صندوق مكعب الشكل ، طول حرفه ١٥ بوصة؟ (الدرس ٦ - ٤)

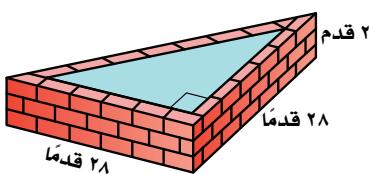
أ) ٢٢٥ بوصة مكعبة ج) ١٣٥٠ بوصة مكعبة

ب) ٩٠٠ بوصة مكعبة د) ٣٣٧٥ بوصة مكعبة

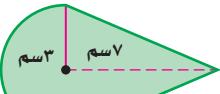
١١
منشور مستطيلي (متوازي مستطيلات) حجمه ٨٨,٤ م^٣ ، ما عرض قاعدة المنشور إذا كان طولها ٦,٧ م وارتفاع المنشور ٨ م ؟ مقرّباً إجابتك إلى أقرب جزء من عشرة. (الدرس ٦ - ٤)

١٢
شمع: قطر شمعة اسطوانية الشكل ١٠ سم ، وارتفاعها ٢١ سم ، إذا تم إذابتها وتحويلها إلى قطع متساوية كل منها على هيئة منشور أبعاده ٤ سم × ٦ سم × ٨ سم ، فكم عدد القطع الناتجة؟ (الدرس ٦ - ٤)

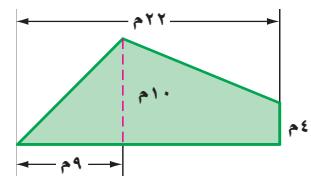
١٣
برك: بركة لأسماك الزينة على شكل منشور ثلاثي تقع في أحد المجمعات التجارية، استعمل الشكل أدناه لإيجاد حجم البركة. (الدرس ٦ - ٤)



أوجد مساحة الشكلين الآتيين ، مقرّباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم الأمر: (الدرس ٦ - ١)



١



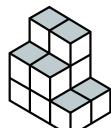
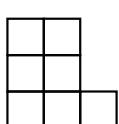
٢

ما رقم الآحاد في العدد ٣٠٠ ؟

(استعمل استراتيجية حل مسألة أبسط) (الدرس ٦ - ٢)

٤
حفلات: تُباع البالونات في أكياس سعة كلّ منها ١٥ بالونة أو ٣٥ بالونة ، وتحتاج ريم إلى ١٩٥ بالونة لتزيين مكان حفل ، فكم كيساً من كل نوع على ريم أن تستري؟ (استعمل استراتيجية حل مسألة أبسط). (الدرس ٦ - ٢)

يمثل الشكل أدناه مخططاً للمجسم صنع من المكعبات ، فأي منظر لهذا الجسم يمثله الشكل أدناه : الأمامي أم الجانبي أم العلوي؟ (الدرس ٦ - ٣)



ألعاب: ارسم كلاً من المنظر العلوي والأمامي والجانبي لمكعب الألغاز المجاور. (الدرس ٦ - ٣)

٧
اختيار من متعدد: أرادت مهارسم جميع أوجه منشور ثلاثي . فما الأشكال التي ستظهر في ورقته؟ (الدرس ٦ - ٢)

- أ) رباعان ومثلثان.
- ب) مثلثان وثلاثة مستطيلات.
- ج) ثلات مثلثات.
- د) مثلث ، وثلاثة مستطيلات.



حجم الهرم والمخروط

٦ - ٥

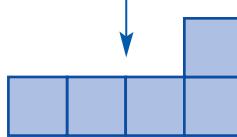
نشاطٌ

في هذا النشاط، سوف تستقصي العلاقة بين حجمي هرم ومنشور تتساوى فيهما مساحة القاعدة وطول الارتفاع.

اطو المربعات لتشكل مكعباً مفتوحاً من الأعلى وألصق حواضنها



القصها معًا كما هو مبين



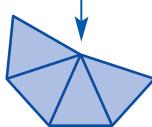
ارسم ٥ مربعات وقصها



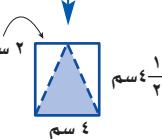
اطو المثلثات لتشكل هرماً رباعياً مفتوحاً وألصق حواضنها



القصها معًا كما هو مبين



ارسم ٤ مثلثات متطابقة الساقين وقصها



قارن بين كلٌ من مساحتي القاعدتين والارتفاع في الشكلين.

املاً الهرم بالرمل، وامسح أعلىه بمسطرة لتسوية السطح، ثم فرّغ الرمل في المكعب، وكرر العملية حتى يمتليء المكعب. كم مرة قمت بتبعبئة الهرم لماء المكعب؟

ما الكسر الذي يمثل الكمية التي تملاً المكعب من هرم واحد؟

حجم الهرم يساوي ثلث حجم المنشور المساوي له في مساحة القاعدة والارتفاع.

حجم الهرم

مفهوم أساسٍ

النموذج:

التعبير اللفظي: حجم الهرم (H) يساوي ثلث ناتج ضرب مساحة القاعدة (M) في الارتفاع ($ع$).

الرموز: $H = \frac{1}{3} M \cdot ع$

ارتفاع الهرم أو المخروط هو البعد العمودي بين الرأس والقاعدة.

فكرة الدرس:

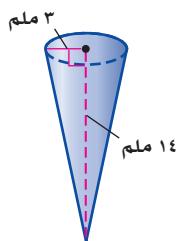
أجد حجم كلٌ من الهرم والمخروط.

المفردات

المخروط



مثال



أوجد حجم المخروط المجاور.

$$\text{حجم المخروط} = \frac{1}{3} \pi r^2 h$$

$$h = \frac{1}{3} \pi r^2 h = 14 \times \frac{1}{3} \pi \times 14^2$$

بسط، استعمل الآلة الحاسبة ($\pi = 3.14$).

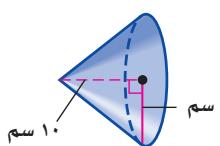
$$h \approx 131.9$$

فيكون الحجم 131.9 ملـ³ تقربياً.

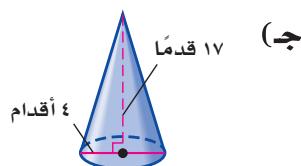
٣

تحقق من فهمك:

أوجد حجم كل مخروط مما يأتي مقارباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة:



(د)

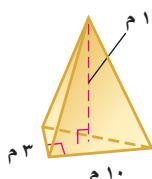


(ج)

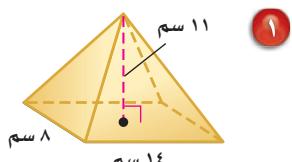
تأكد

أوجد حجم كل هرم مما يأتي، مقارباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة:

المثال ١



٢



١

أوجد حجم هرم ارتفاعه ١٧ متراً، وقاعدته مربعة طول ضلعها ٢٢ متراً.

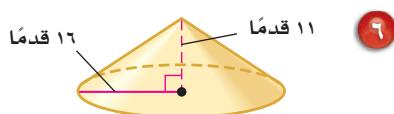
٣

آثار: هرم (منقعر) هو أحد أهرامات مصر القديمة، ارتفاعه الحالي ٦٥،٥ م، وحجمه 254664 مـ³ تقربياً، فما طول كل جانب من قاعدته المربعة؟

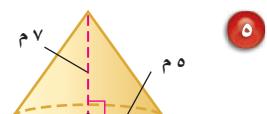
المثال ٢

أوجد حجم كل مخروط مما يأتي، مقارباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة:

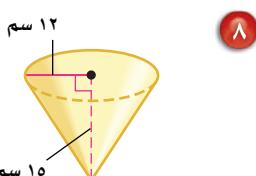
المثال ٣



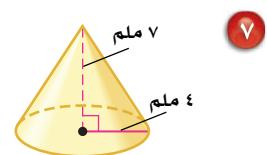
٦



٥



٨



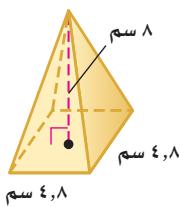
٧



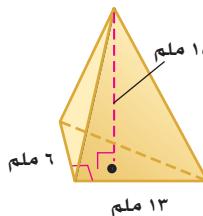
الإرشادات للأسئلة

للاسئلة	انظر الأمثلة
١	١٢-١٠
٢	١٧
٣	١٦-١٣

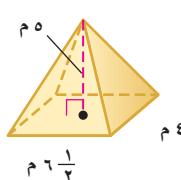
أوجد حجم كل هرم مما يأتي، مقرّبًا الجواب إلى أقرب جزء من عشرة:



١١



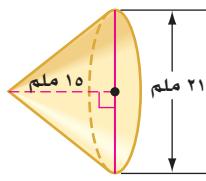
١٠



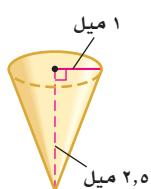
٩

١٢ هرم ثلاثي: قاعدته على شكل مثلث طول قاعدته ١٠ سم، وارتفاعه ٧ سم، وارتفاعه ١٥ سم.

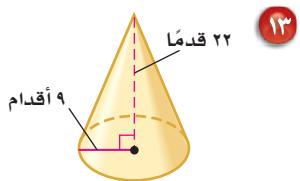
أوجد حجم كل مخروط مما يأتي، مقرّبًا الجواب إلى أقرب جزء من عشرة.



١٥



١٤

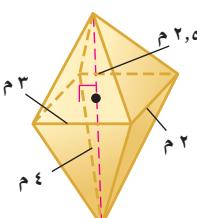


١٣

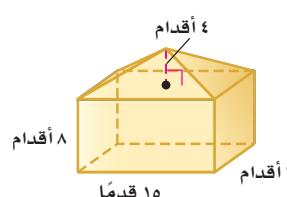
١٦ مخروط: قطر قاعدته ١٢ م، وارتفاعه ٥ م.

١٧ علوم: أُنشئ نموذج جبل برکاني؛ ليكون مشروعًا في مادة العلوم على شكل مخروط طول قطر قاعدته ٨ سم، فإذا كان حجم النموذج 201 سم^3 تقريرًا، فما ارتفاعه؟

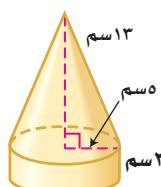
أوجد حجم كل مجسم، مقرّبًا الجواب إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم الأمر:



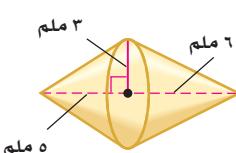
١٩



١٨



٢١

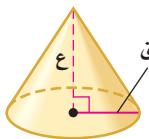


٢٠



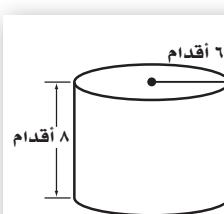
٢٢ قبعات: ي يريد مهرج أن يملأ قبعته رملًا، استعمل الرسم المجاور لتحديد كم تسع قبعة من الرمل.

٢٣ تحدّ: ماذا يحدث لارتفاع مخروط عند ضرب نصف القطر في ثلاثة مع المحافظة على الحجم نفسه؟



٢٤ الحسّ العددي: أيهما له تأثير أكبر في حجم المخروط: مضاعفة نصف قطره ، أم مضاعفة ارتفاعه ؟ بُرّ إجابتكم.

٢٥ **الكتعب** موقفاً من واقع الحياة يمكن أن يُحل بإيجاد حجم المخروط.

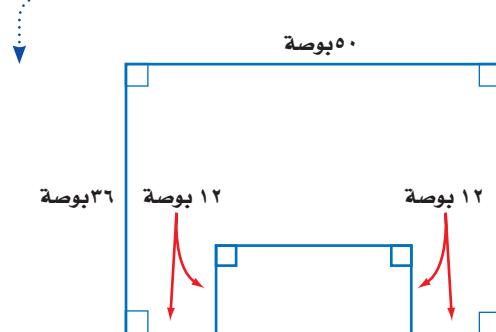


- ٢٧** ما حجم الأسطوانة المجاورة؟
مقرّباً إجابتكم إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم الأمر.
أ) ٤٨ قدمًا مكعبة ج) ٢٨٨ قدمًا مكعبة
ب) ١٥٠,٣ قدمًا مكعبة د) ٩٠٤ أقدام مكعبة

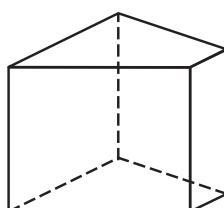
٢٦ هرم قاعدته مستطيلة الشكل، بُعداها ١٨ بوصة \times ٣٠ بوصة، وارتفاعه ٣٦ بوصة. أي مما يأتي أقرب إلى حجم الهرم بالأقدام المكعبة؟
(إرشاد: ١ قدم = ١٢ بوصة)

- أ) ٢,٥ قدم مكعبة ج) ٤ أقدام مكعبة
ب) ٣,٥ أقدام مكعبة د) ٥ أقدام مكعبة

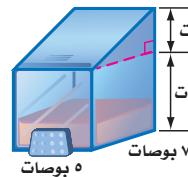
مراجعة تراكمية



٢٨ أثاث: يبيّن الشكل المجاور سطح طاولة . ما مساحة سطح الطاولة؟ (الدرس ٦ - ١)



٣٠ حدد اسم المجسم المجاور، وبيّن عدد أوجّهه وشكلها، ثم اذكر عدد أحرفه ورؤوسه. (الدرس ٦ - ٣)



٢٩ صابون: أوجد حجم علبة ٣ بوصات الصابون السائل في الشكل ٥ بوصات ٧ بوصات المجاور. (الدرس ٦ - ٤)

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: أوجد محيط كل دائرة مما يأتي، مقرّباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة:

٣٣ قطرها ٥,٥ أقدام

٣٤ نصف قطرها ٣,٨ سم

٣١ قطرها ٩ بوصات

٣٣ نصف قطرها ٢ م





معلم القياس مساحة سطح الأسطوانة

استكشاف

٦ - ٦

المخططات: هي أنماط من بعدين لأشكال ثلاثة الأبعاد. ولتكوين مخطط لمجسم ما، جرّئه إلى أشكال منفصلة، ويمكنك استعمال المخطط لإيجاد مساحة كل وجه لمجسم ثلثي الأبعاد مثل الأسطوانة.

نشاط



استعمل وعاءً أسطواني الشكل فارغاً له غطاء، وقس ارتفاع الوعاء، وسجّله.

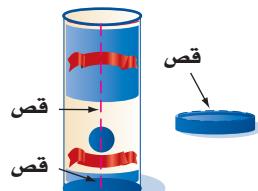
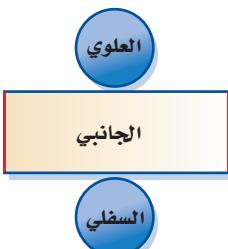
الخطوة ١

لوّن غطاء الوعاء وقادته باللون الأزرق، وصِلْ بينهما بخط أحمر رأسي.

الخطوة ٢

ارفع الغطاء، وقم بقص الوعاء كما في الشكل أدناه، ثم ابسط الجانب المنحني للأسطوانة على سطح أفقي وأضف الغطاء والقاعدة ليتكون مخطط الأسطوانة.

الخطوة ٣



فكرة الدرس:

أجد مساحة سطح الأسطوانة باستعمال النماذج والمخططات.

المفردات:

المخطط

حلّ النتائج

- ١ صِفِ الأجزاء المستوية التي تكون مخطط الوعاء الأسطواني.
- ٢ أوّجد مساحة كل جزء منها، ومجموع تلك المساحات.
- ٣ أوّجد قطر الجزء الأعلى للوعاء الأسطواني، واستعمله في إيجاد محيط ذلك الوجه.
- ٤ اضرب المحيط في ارتفاع الوعاء، فماذا تشكّل هذه النتيجة؟
- ٥ اجمع النتيجة من سؤال ٤ إلى مجموع مساحة القاعدتين الدائرتين.
- ٦ قارن بين إجابتك عن التمارين ٢ ، ٥ .
- ٧ **خمن:** اكتب طريقة لإيجاد المساحة الكلية لسطح أسطوانة عُلِمَ قياس كُلٌّ من ارتفاعها وقطر إحدى قاعدتها.





مساحة سطح المنشور والأسطوانة

نشاط

الخطوة ١

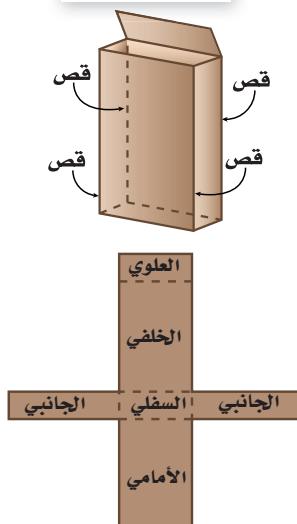
استعمل صندوقاً ذا غطاء كما في الشكل المجاور، وقس ارتفاعه ومحيط وجهه العلوي أو السفلي، وسجل ذلك.

سُمِّ الوجه العلوي والسفلي والأمامي والخلفي والجاني.

الخطوة ٢

افتح الغطاء وقس الصندوق في ٤ أحرف كما في الشكل، ثم افتح الصندوق وضعه بشكل مستوٍ لتكوين مخططه، وقس أبعاد كل وجهٍ وسجلها.

الخطوة ٣



- ١ أوجد مساحة كل وجه، ثم مجموع تلك المساحات.
- ٢ اضرب محيط قاعدة الصندوق في ارتفاعه. ماذا يمثل ناتج الضرب؟
- ٣ اجمع ما حصلت عليه في السؤال ٢ إلى مجموع مساحة القاعدتين.
- ٤ قارن بين الإجابتين في ١ و ٣.

فكرة الدرس:

أجد المساحة الجانبية
والمساحة الكلية لسطح
منشور وأسطوانة.

المفردات

الوجه الجاني

المساحة الجانبية للسطح

المساحة الكلية للسطح

أوجدت في النشاط مساحة كل سطح (أو وجه) للصندوق. **الوجه الجاني** لمجسم هو أي سطح مستوٍ وليس القاعدة. **المساحة الجانبية لسطح** مجسم هي مجموع مساحات الأوجه الجانبية له. أما **المساحة الكلية لسطح** مجسم فهي مجموع مساحات جميع أوجهه.

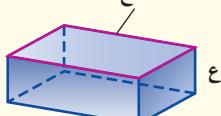
مفهوم أساسٍ

المساحة الجانبية لسطح المنشور

التعبير اللفظي: المساحة الجانبية (ج) لسطح منشور **النموذج:**

تساوي ناتج ضرب محيط القاعدة
(مح) في الارتفاع (ع).

الرموز: $ج = مح \times ع$

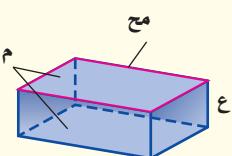


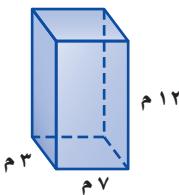
المساحة الكلية لسطح المنشور

التعبير اللفظي: المساحة الكلية (ك) لسطح منشور **النموذج:**

هي مجموع المساحة الجانبية
ومساحة القاعدتين.

الرموز: $ك = ج + ٢(ع \times مح)$





أوجد المساحة الجانبية والكلية لسطح المنشور الرباعي المجاور. قاعدته مستطيلان بُعدا كلٌّ منها ٣م، ٧م.

ابدأ بإيجاد المحيط والمساحة للقاعدتين.

مساحة القاعدة

محيط القاعدة

$$\text{ق} = \text{الطول} \times \text{العرض}$$

$$\text{مح} = 2 \times \text{الطول} + 2 \times \text{العرض}$$

$$\text{ق} = 3 \times 7 = 21$$

$$\text{مح} = 2(3+7) = 20$$

استعمل هذه المعلومات لإيجاد المساحة الجانبية والكلية للمنشور.

المساحة الكلية

المساحة الجانبية

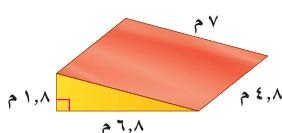
$$\text{ك} = \text{مح} + 2$$

$$\text{ك} = 21 + 240 = 261$$

$$\text{ج} = 20$$

$$\text{ج} = 12 \times 20 = 240$$

ف تكون المساحة الجانبية ٢٤٠م٢، والمساحة الكلية ٢٨٢م٢.



ترزج مائي: يُستعمل في منافسات التزلج على الماء منحدر مغطى بالشمع أو الزجاج الليفي، أوجد المساحة الكلية لسطح المنحدر.

$$\text{قدر: ك} = 2 \times 7 + 5 \times (7+7+2) = 94 \text{م}^2$$

قاعدتا المنشور مثلثان متطابقان، أطوال أضلاع كلٌّ منها ١، ٨م، ٦، ٨م، ٧م،

أوجد محيط إحدى القاعدتين ومساحتها.

مساحة القاعدة

محيط القاعدة

$$\text{ق} = \frac{1}{2} \times \text{القاعدة} \times \text{الارتفاع}$$

$$\text{مح} = 7 + 6, 8 + 1, 8 = 20$$

$$\text{مح} = \frac{1}{2} \times (6, 8) \times 1, 8 = 15, 6$$

استعمل هذه المعلومات لإيجاد المساحة الكلية.

المساحة الكلية للمنشور

ك = مح + 2

$$\text{مح} = 15, 6 + 4, 8 = 20, 4$$

بسط.

قارن الإجابة بالمساحة المقدمة.

$$\text{ك} = 12 + 20, 4 = 32, 4$$

$$\text{ك} = 87, 12$$

$$\text{المساحة الكلية هي } 87, 12 \text{م}^2.$$

إرشادات للدراسة

قاعدتا المنشور

ال رباعي

للأمثلة والتمارين في هنا

الكتاب افترض أن الوجهين

العلوي والسفلي للمنشور

المستطيلي (متوازي

المستطيلات) لها قاعدتاه.

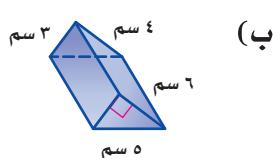


الربط بالحياة :

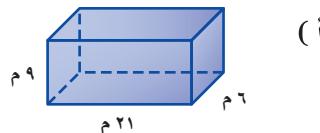
تكون منافسات التزلج على الماء من ثلاثة أنواع: التزلج المتعرج، والقفز، والبراعة. وتشمل مستويات عمرية مختلفة أيضًا.

تحقق من فهمك :

أوجد المساحة الجانبية والكلية لسطح كل منشور فيما يأتي:



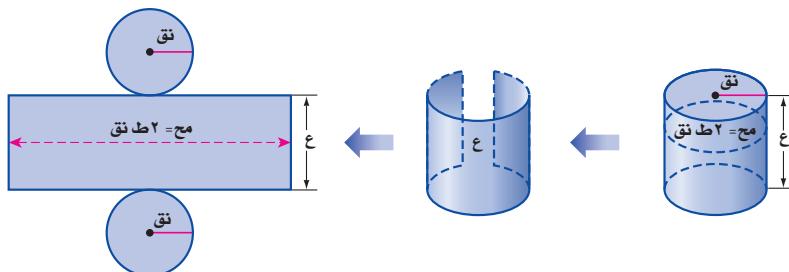
(ب)



(أ)



يمكنك إيجاد المساحة الكلية لسطح أسطوانة، بإيجاد مساحة قاعدتها وإضافة مساحة السطح الجانبي المنحني. عند قصّ الأسطوانة يتكون مخططها من دائرتين ومستطيل.



المساحة	المخطط	النموذج
$2(\text{ط نق}^2)$	دائرتان متlappingان بنصف قطر نق	القاعدتان الدائريتان
$2 \text{ ط نق} \times \text{ع} = 2 \text{ ط نق ع}$	مستطيل عرضه ع وطوله 2 ط نق	الغطاء الجانبي

كما في المنشور، استعمل قياسات الأسطوانة لإيجاد المساحة الجانبية والكلية لسطحها.

المفهوم الأساسي

المساحة الجانبية لسطح الأسطوانة

النحو: المساحة الجانبية (ج) لسطح أسطوانة **النموذج:** ارتفاعها (ع) ونصف قطر قاعدتها (نق) هي ناتج ضرب محيط القاعدة (مح) في الارتفاع (ع).

الرموز: $ج = \text{مح} \times \text{ع}$ أو $ج = 2 \text{ ط نق ع}$

المساحة الكلية لسطح الأسطوانة

النحو: المساحة الكلية (ك) لسطح أسطوانة ارتفاعها ع ونصف قطر قاعدتها نق هي مجموع المساحة الجانبية ومساحة القاعدتين.

الرموز: $ك = ج + 2 \text{ ط نق}^2$ أو $ك = 2 \text{ ط نق ع} + 2 \text{ ط نق}^2$

إرشادات للدراسة

أسطوانات

صيغ المساحة الجانبية والكلية للأسطوانة تشبه الصيغ المنشورة لها للمنشور.

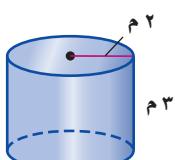
في المنشور:
 $ج = \text{مح} \times \text{ع}$
 وبها أن قاعدة الأسطوانة

دائريّة، فإن محطيها هو محيط الدائرة ($\text{مح} = 2\pi r$).

وفي المنشور: $ك = ج + 2\pi r^2$
 وبها أن قاعدة الأسطوانة

دائريّة، فإن مساحتها هي مساحة الدائرة πr^2 .

مثاليان



أوجد المساحة الجانبية والكلية لسطح الأسطوانة المجاورة.

المساحة الكلية

$$ك = ج + 2 \text{ ط نق}^2$$

$$ك = 37,7 + 2 \times 2 \times 2 \times 2$$

$$ك \approx 62,8$$

المساحة الجانبية

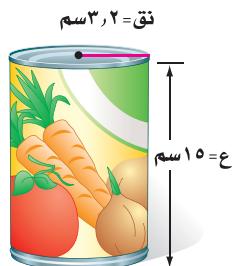
$$ج = 2 \text{ ط نق ع}$$

$$ج = 2 \times 2 \times 2 \times 2$$

$$ج \approx 37,7$$



المساحة الجانبية للأسطوانة $7,37 \text{ م}^2$ تقريباً، والمساحة الكلية $62,8 \text{ م}^2$ تقريباً.



ملصقات: أوجد مساحة الملصق على العلبة المبينة في الشكل المجاور.

بما أن الملصق يغطي السطح الجانبي، فإنك تحتاج فقط إلى إيجاد المساحة الجانبية للعلبة.

قدر: $ج = 2 \times ط \times نق$

$$ج \approx 2 \times 3.14 \times 15 \times 15 \approx 1413 \text{ سم}^2$$

$$ج \approx 270 \text{ سم}^2$$

المساحة الجانبية للأسطوانة.

$$نق = 2 \times 3.14 \times 15 \approx 94.2 \text{ سم}$$

بسط.

فتكون المساحة الجانبية 301.09 سم^2 تقريرياً. قارن الجواب بالمساحة المقدّرة.

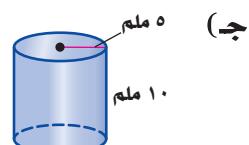
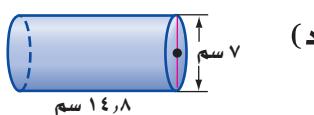
$$ج = 2 \times ط \times نق$$

$$ج = 2 \times 3.14 \times 15 \approx 94.2 \text{ سم}$$

$$ج \approx 301.09$$

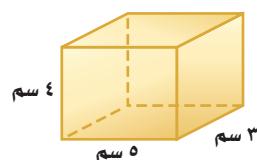
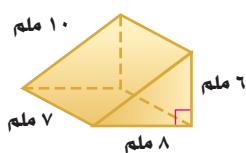
تحقق من فهمك:

أوجد المساحة الجانبية والكلية لسطح كل أسطوانة مما يأتي، مقارباً الجواب إلى أقرب عشرة:

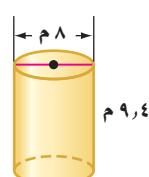
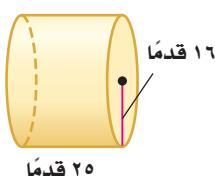


تأكد

أوجد المساحة الجانبية والكلية لسطح كل مجسم مما يأتي، مقارباً الجواب إلى أقرب عشرة:



المثالان ١، ٢



المثال ٣

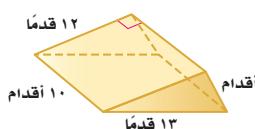


تغليف: تغلف بعض علب العصير الأسطوانية الشكل بورق كما في الشكل المجاور. أوجد مساحة ورقة تغليف علبة العصير.

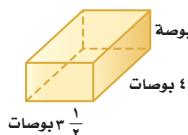
المثال ٤

الأسئلة	انظر الأمثلة
١	٧، ٦
٢	١٢، ٩، ٨
٣	١١، ١٠
٤	١٣

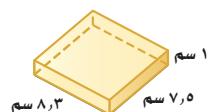
أوجد المساحة الجانبية والكلية لسطح كل مجسم مما يأتي ، مقرّباً الجواب إلى أقرب عشرة:



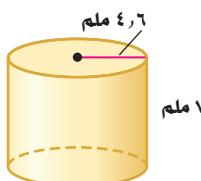
٨



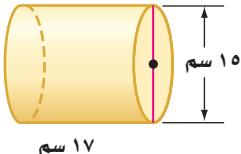
٧



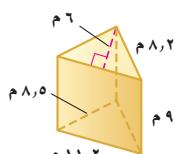
٦



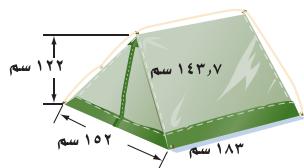
١١



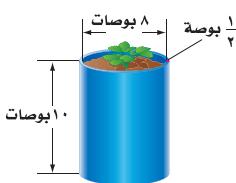
١٠



٩



١٢ **خيام :** يُتّج مصنع خياماً بلاستيكية كما في الشكل المجاور. فما مساحة قطعة البلاستيك التي تلزم لصناعة خيمة؟



١٣ **فن :** اشتريت هناء وعاء النبات المجاور، فإذا كان طول قطره الداخلي ٨ بوصات، وارتفاعه ١٠ بوصات، وسمك الإناء $\frac{1}{2}$ بوصة، وأرادت هناء طلاء قاعدة الوعاء وسطحه من الداخل والخارج، فكم بوصة مربعة من الإناء يجب أن تُطلَى؟

١٤ منشور مستطيلي (متوازي مستطيلات) طوله ١٢ سم ، وعرضه ٤ سم ، ومساحته الكلية تساوي ٥٧٦ سم^٢ ، فما ارتفاعه؟



١٥ **تغليف :** صُمم وعاءان من الكرتون لأحد أنواع الحبوب كما في الشكل المجاور، فإذا كان الحجمان متساويين تقريباً، فأي الوعاءين يحتاج إلى كمية أقل من الكرتون؟ فسر إجابتك.

١٦ **تبرير :** حدد ما إذا كانت العبارة الآتية صحيحة أم خاطئة. وإذا كانت خاطئة، فأعطِ مثلاً مضاداً: "إذا تساوى حجماً منشورين مستطيليين فإنه يكون لهما المساحة الكلية نفسها".

١٧ **تحدّ :** أيُّ الحالتين تزداد عندها المساحة الكلية لسطح الأسطوانة بشكل أكبر: مضاعفة الارتفاع مرة أم مضاعفة نصف القطر مرتين؟ فسر إجابتك.

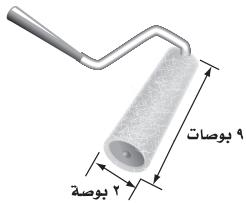
١٨ **الحس العددي :** إذا زدت نصف قطر أسطوانة إلى ثلاثة أمثاله، ففسر كيف يؤثر ذلك في المساحة الجانبية لسطح الأسطوانة الجديدة بالنسبة لسطح الأسطوانة الأولى.

مسائل مهارات التفكير العليا





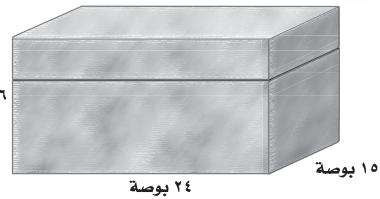
١٩ فرشاة دهان أسطوانية كما في الشكل أدناه.



كم بوصة مربعة مساحة الجزء الذي تغطيه دورة الفرشاة
مرة واحدة من الدهان على الحائط، مقرّباً إجابتك إلى
أقرب جزء من عشرة؟

- أ) ١١٣ بوصة مربعة ج) ٢٨,٣ بوصة مربعة
ب) ٥٦,٥ بوصة مربعة د) ١٨,٠ بوصة مربعة

قام فيصل بطلاء الصندوق الموضح بالشكل أدناه
من الخارج ، فكم المساحة السطحية التي سيقوم
فيصل بدهانها بالبوصات المربعة؟



- أ) ٣٣٠ بوصة مربعة ج) ١٩٦٨ بوصة مربعة
ب) ٣٩٩ بوصة مربعة د) ٥٧٦٠ بوصة مربعة

مراجعة تراكمية

أوجد حجم كل مجسم مما يأتي ، مقرّباً الجواب إلى أقرب عشر إذا لزم ذلك: (الدرس ٦ - ٥)

٢١ **هرم رباعي:** قاعدته على شكل مستطيل طوله ١٤ م، وعرضه ١٢ م، وارتفاع الهرم ٧ م.

٢٢ **مخروط:** قطر قاعدته ٢٢ سم ، وارتفاعه ٢٤ سم.

٢٣ **صحّة:** ثلاثة في مختبر مركز صحي أبعادها الداخلية ١٧ بوصة \times ١٨ بوصة \times ٤٢ بوصة ، إذا وصل إلى المختبر عينات حجمها يزيد على ٨ أقدام مكعبة لحفظها في الثلاثة، فهل تتسع الثلاثة للعينات؟ فسر إجابتك. (الدرس ٦ - ٤)

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: أوجد ناتج الضرب في كل مما يلي:

$$23 \times 10 \times \frac{1}{2} \quad 25$$

$$2,8 \times \frac{1}{2} \quad 24$$

$$(20) \left(\frac{1}{2} \right) \left(\frac{1}{3} \right) \quad 26$$

$$16 \times 2,5 \times \frac{1}{2} \quad 27$$





معلم القياس مخطط المخروط

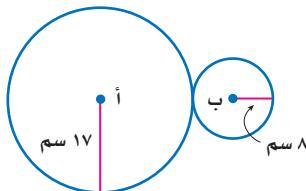
توسيع
٦ - ٦

المخروط مجسم ذو قاعدة دائيرية واحدة، ويمثل سطحه الجانبي قطاعاً دائرياً من دائرة أكبر. محيط القاعدة الدائرية يساوي طول قوس القطاع الدائري، ومحيط قاعدته يمثل جزءاً من محيط الدائرة الأكبر.

فكرة الدرس:

أُنشئ مخططاً للمخروط.

نشاط



استعمل الفرجار لرسم دائرتين متامتتين من الخارج، نصف قطر إداهما ١٧ سم ونصف قطر الأخرى ٨ سم.

فكّر: ما الجزء من محيط الدائرة (أ) الذي يساوي محيط الدائرة (ب)؟

افرض أن س هي نسبة محيط الدائرة الصغرى إلى الكبيرة.

$$\text{س} = \frac{\text{محيط الدائرة (أ)}}{\text{محيط الدائرة (أ)}} = \frac{16}{34}$$

$$\text{محيط الدائرة (ب)} = \frac{16}{34} \times \text{محيط الدائرة (أ)}.$$

$$\text{الناتج} = \frac{16}{34} \times 34 = 16 \text{ ط.$$

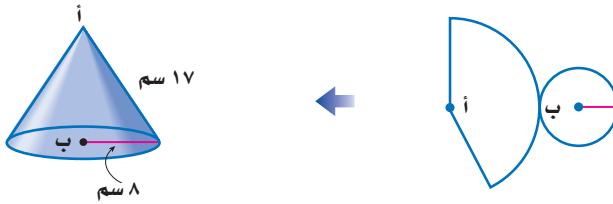
$$\text{س} = \frac{16}{34} \times 34 = 16 \text{ ط.}$$

لذا تحتاج إلى ٤٧ ، ٠ من محيط الدائرة (أ).

أوجد قياس الزاوية المركزية التي يجب أن تقطع من الدائرة (أ).

$$170^\circ \approx 360^\circ \times 0.47$$

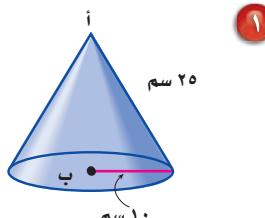
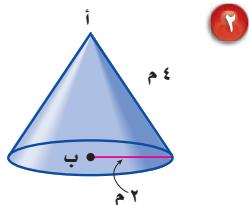
اقطع زاوية مركزية قياسها 170° من الدائرة (أ)، واعمل مخروطاً.



الخطوة ٣

حل النتائج:

أوجد الزاوية المركزية لكل مخروط مما يأتي، ثم كون مخططاً له:

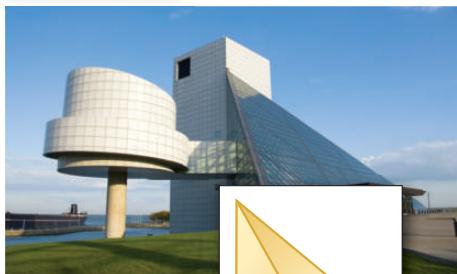




مساحة سطح الهرم

٧ - ٦

الستعدين



بناء: المبني في الصورة المجاورة صُمم على شكل هرم.

١ ما عدد أوجه الهرم (باستثناء القاعدة)؟ وما شكل كل وجه منها؟

٢ كيف يختلف الهرم عن المنشور؟

٣ كيف يمكنك إيجاد مساحة الزجاج المستعمل في هذا المبني؟

الهرم المنتظم هرم قاعدته مضلع منتظم، وأوجُهُه الجانبية مثلثات متطابقة وكل منها متطابق الساقين. وتلتقي هذه المثلثات عند أعلى الهرم في نقطة تُسمى قمة الهرم، ويُسمى ارتفاع كل وجه جانبي منها **ارتفاع الجانب**.

فكرة الدرس:

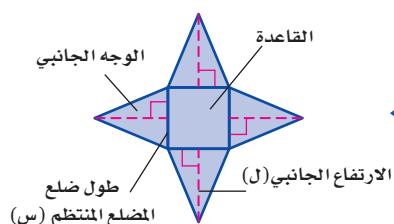
أجد المساحة الجانبية
والمساحة الكلية لسطح
الهرم.

المفردات

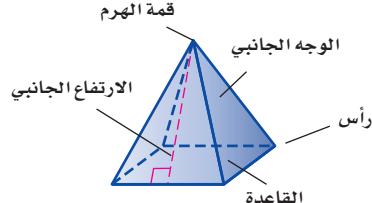
الهرم المنتظم

الارتفاع الجانبي

مخطط هرم منتظم



نموذج هرم منتظم



لإيجاد المساحة الجانبية لسطح الهرم المنتظم (ج)، انظر إلى المخطط. المساحة الجانبية لسطح الهرم هي مجموع مساحات أوجيهاته الجانبية. يتكون مخطط الهرم ذي القاعدة المربعة من مربع وأربعة مثلثات كما هو مبين في الشكل أعلاه.

مساحات الأوجه الجانبية.

$$ج = 4 \left(\frac{1}{2} س \times ل \right)$$

استعمل خصائص الضرب.

$$ج = \frac{1}{2} (4 س) ل$$

محيط القاعدة (مح = 4 س).

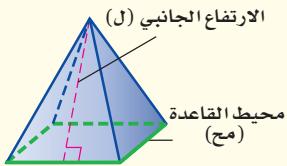
$$ج = \frac{1}{2} مح ل$$

أما المساحة الكلية لسطح الهرم المنتظم، فتساوي المساحة الجانبية له مضاعفة إليها مساحة القاعدة.



المساحة الجانبية لسطح الهرم

النموذج:



التعبير اللفظي: المساحة الجانبية (ج) لسطح الهرم

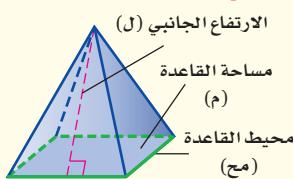
المتنظم هي نصف محيط القاعدة (مح)
مضروبًا في الارتفاع الجانبي (L).

$$ج = \frac{1}{2} مح L$$

الرموز:

المساحة الكلية لسطح الهرم

التعبير اللفظي: المساحة الكلية (ك) لسطح الهرم **النموذج:**



التعبير اللفظي: المساحة الكلية (ك) لسطح الهرم

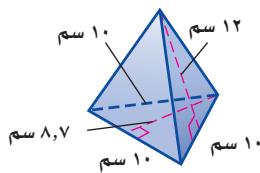
المتنظم هي مجموع المساحة
الجانبية (ج) ومساحة القاعدة (م).

$$ك = ج + م \text{ أو } ك = \frac{1}{2} مح L + م$$

الرموز:

مثال

مساحة سطح الهرم



أُوجد المساحة الجانبية والكلية لسطح الهرم
الثلاثي في الشكل المجاور.

$$ك = ج + م = \frac{1}{2} مح L$$

$$ك = 43,5 + 180 = 12 \times 30 \times \frac{1}{2}$$

$$ك = 223,5 \quad ج = 180$$

المساحة الجانبية لسطح الهرم 180 سم²، والمساحة الكلية له 223,5 سم².

تحقق من فهمك:

- أ) أُوجد المساحة الجانبية والكلية لسطح هرم طول ارتفاعه الجانبي 18 م، وطول ضلع قاعدته المربعة 11 م.

مثال من واقع الحياة

مساحة سطح الهرم

فن العمارة: استعمل المعلومات إلى اليمين لإيجاد المساحة الجانبية لهرم خفرع إذا علمت أن ارتفاعه الجانبي 178 م.

مساحة الهرم الجانبية.

$$مح = 4 \times 4 = 215 \times 4 = 860, \quad ل = 178$$

$$ج = \frac{1}{2} مح L = \frac{1}{2} \times 860 \times 178$$

$$ج = 76540$$

فتكون المساحة الجانبية لهرم خفرع 76540 م².

تحقق من فهمك:

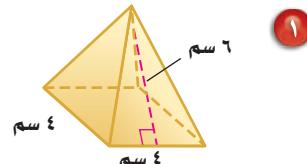
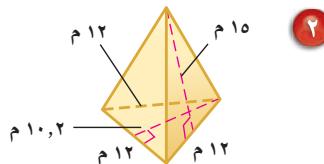
- ب) أُوجد المساحة الكلية لسطح هرم خفرع.



الربط بالحياة:
يبلغ ارتفاع هرم خفرع في مصر، 143 م، وطول ضلع قاعدته المربعة 215 م.
المصدر: كتاب الأهرامات المصرية؛ مكتبة الأنجلو المصرية؛ ٢٠١٢ م.



أوجد المساحة الجانبية والكلية لسطح كل هرم منتظم مما يأتي، مقرّباً الجواب إلى أقرب عشرة إذا لزم الأمر:

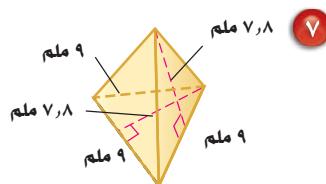
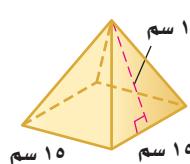
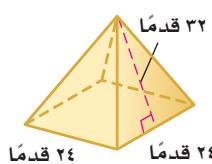
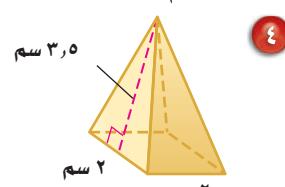
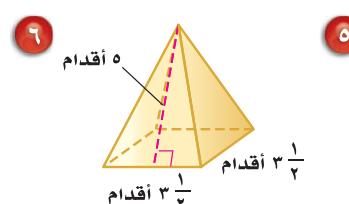
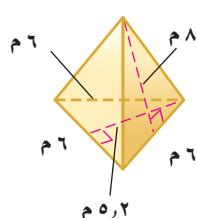


المثال ١ **أهرامات:** هرم أريانا في ممفيس في الولايات المتحدة هرم رباعي منتظم، طول قاعدة كل وجه له ٦٠٠ قدم، وارتفاعه ٤٧٧ قدمًا، أوجد المساحة الجانبية له.

المثال ٢

تدريب وحل المسائل

أوجد المساحة الجانبية والكلية لسطح كل هرم منتظم مما يأتي، مقرّباً الجواب إلى أقرب عشرة إذا لزم الأمر:

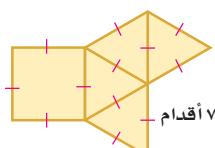


الإجابات للأسئلة	
للاسئلة	انظر الأمثلة
١	٩ - ٤
٢	١١ - ١٠

المثال ٣ **أسقف:** سقف خشبي على شكل هرم طول ارتفاعه الجانبي ١٦ قدمًا، وقاعدته مربع طول ضلعه ٤٠ قدمًا، ما مساحة الخشب الذي تحتاج إليه لتعطية السقف؟

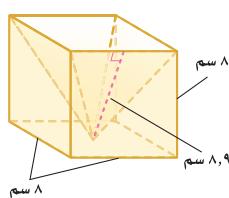
المثال ٤ **مخطط:** هرم رباعي منتظم مساحته الجانبية $٢٥, ٢٥ \text{ سم}^2$ وطول ارتفاعه الجانبي $١٠٧, ٢٥ \text{ سم}$ ، أوجد طول ضلع من قاعدته.

المثال ٥ **فن العمارة:** يبلغ الارتفاع الجانبي لهرم الشمس في المكسيك $١٣٢, ٥ \text{ م}$ ، وطول ضلع قاعدته المربعة $٢٢٣, ٥ \text{ م}$ ، أوجد مساحته الجانبية.

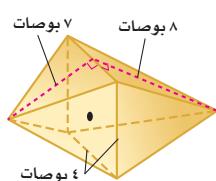


المثال ٦ **مخطط:** يمثل الشكل المجاور مخططاً لهرم منتظم، احسب المساحة الكلية للهرم.

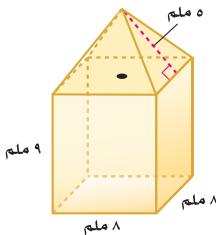
أوجد المساحة الجانبية والكلية لكل مجسم مما يأتي مقرّباً الجواب إلى أقرب عشرة:



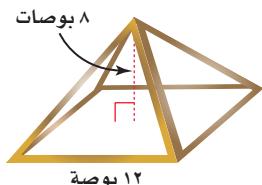
١٦



١٥



١٤

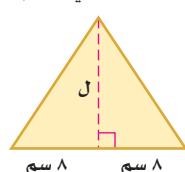


مِصْبَاحٌ مَكْتَبِيٌّ: اشتري عمر مصباحاً مكتبياً على شكل

هرم منتظم، احسب المساحة الجانبية للمصباح.

(إرشاد: استعمل نظرية فيثاغورس لإيجاد الارتفاع الجانبي).

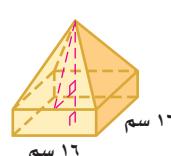
منظر جانبي للهرم



تَحْدُّ: استعمل الشكل المجاور لحل الأسئلة ١٨ - ٢٠

علمًا بأن الارتفاع الكلي له ٢٠ سم.

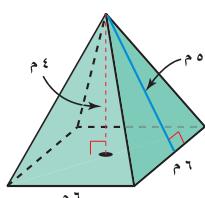
أوجد ارتفاع الهرم (ع).



استعمل ارتفاع الهرم لإيجاد الارتفاع

الجانبي (ل).

أَيِّ الشَّكَلَيْنِ مَسَاحَةُ سُطْحِهِ أَكْبَر؟ الْهَرَمُ أَمُّ الْمُنْشُور؟ بَرِّرْ إِجَابَتَك.



اكتشف الخطأ: أوجد كُلُّ من حمد ونوف المساحة

الكلية للهرم المنتظم المجاور ، فأيهما توصل للجواب الصحيح؟ فسر تبريرك.



$$\text{مساحة سطح} = \frac{1}{2} \times \text{الارتفاع} \times \text{الحياط} \\ = \frac{1}{2} \times 6 \times (4 + 4 + 6 + 6) \\ = \frac{1}{2} \times 6 \times 24 \\ = 72 \text{ سم}^2$$

نوف



$$\text{مساحة سطح} = \frac{1}{2} \times \text{الارتفاع} \times \text{الحياط} \\ = \frac{1}{2} \times 5 \times (6 + 5 + 6 + 6) \\ = \frac{1}{2} \times 5 \times 27 \\ = 67.5 \text{ سم}^2$$

حمد

مسألة مفتوحة: هرم قاعدته مربعة، طول ضلعها ٣ سم، وطول ارتفاعه الجانبي ٤ سم، فما الأبعاد الممكنة لمنشور مستطيلي له مساحة سطح الهرم نفسها؟

تَحْدُّ : أوجد المساحة الكلية للهرم الرباعي المنتظم الذي حجمه ٤٠٠ سم^٣ ، وطول ضلع قاعدته ١٠ سم.

الكتب كيف يمكنك استعمال ارتفاع هرم لإيجاد طول ارتفاعه الجانبي؟

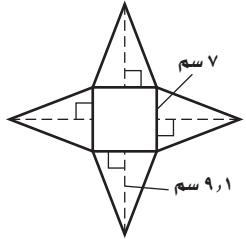
مسائل

مهارات التفكير العليا



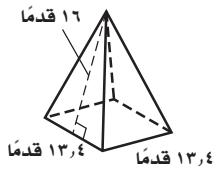


٢٦ تمثل الشبكة أدناه هرمًا رباعيًّا منتظمًا، مقرًّبًا إلى أقرب عدد صحيح؟ ما المساحة الجانبية لسطح الهرم في الهرم؟



- ج) ١٢٧ سم^٢
د) ٤٩ سم^٢
أ) ٣٢ سم^٢
ب) ١٧٦ سم^٢

٢٥ ما أفضل تقدير للمساحة الجانبية لسطح الهرم في الشكل أدناه؟



- ج) ٤٢٩ قدمًا مربعًا
د) ٦٠٧ قدمًا مربعًا
أ) ١٠٧ قدمًا مربعًا
ب) ١٨٠ قدمًا مربعًا

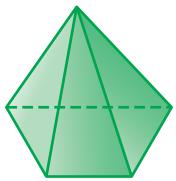
مراجعة تراكمية

٢٧ **تغليف:** أوجد المساحة الجانبية لسطح العلبة أسطوانية قطرها ٣ بوصات ، وارتفاعها ٥ بوصات. (الدرس ٦ - ٦)

٢٨ **جبال:** قام سعد بإنشاء نموذج جبل من الطين على شكل مخروط، إذا كان ارتفاع الجبل ٤ أقدام، ونصف قطر قاعدته قدمان ، فما حجم المادة الطينية اللازمة لإنشاء الجبل ؟ قرب إجابتك إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم ذلك. (الدرس ٦ - ٥)

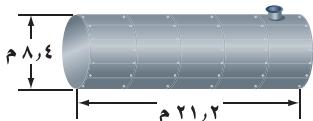


٦ اختبار الفصل

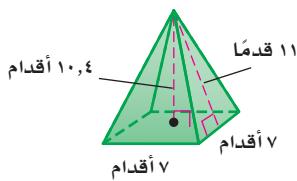


- ٧ **هندسة:** حدد نوع الشكل، واذكر عدد أوجهه وشكلها، ثم عدد أحرفه ورؤوسه.

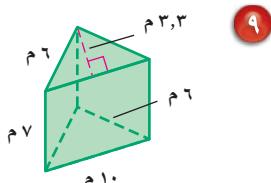
- ٨ **وقود:** صهريج (خزان) وقود أسطواني الشكل كما في الشكل أدناه. احسب حجم الصهريج؟ مقرّباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة.



أوجد حجم كل مجسم ومساحة سطحه الكلية، مقرّباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة:

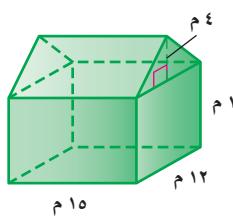


٩



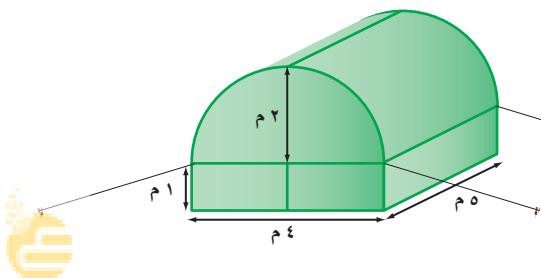
١٠

- ١١ **اختيار من متعدد:** أوجد حجم المجسم أدناه.



- (أ) ٢١٦٠ م^٣
 (ب) ٢٥٢٠ م^٣
 (ج) ٣٦٠٠ م^٣
 (د) ٧٢٠٠ م^٣

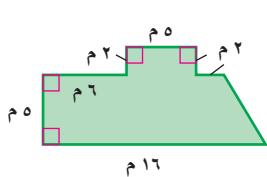
- ١٢ **خيام:** احسب مساحة سطح الخيامة في الشكل أدناه، مقرّباً إجابتكم إلى أقرب جزء من عشرة.



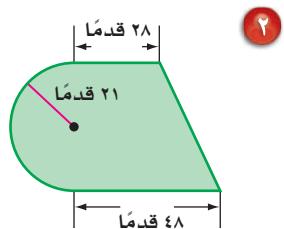
- ١ **اختيار من متعدد:** ركض فارس حول مضمار دائري مرتين، فإذا كان نصف قطر المضمار ٢٥ م، فما المسافة التي ركضها الفارس؟

- (أ) ٣١٤ م
 (ب) ١٥٧ م
 (ج) ٧٨٥ م
 (د) ٥٠ م

أوجد مساحة كل شكل فيما يأتي، مقرّباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة:

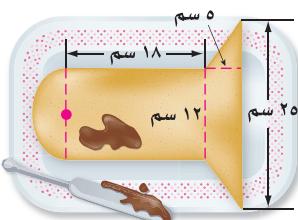


١٣

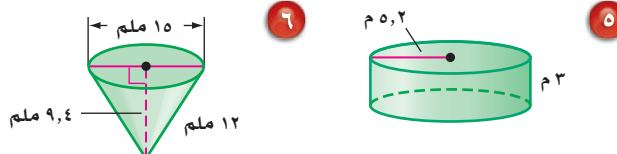


١٤

- ١٥ **قالب حلوى:** صنعت منها قالب حلوى على شكل مصباح كهربائي كما في الشكل أدناه وتريد تزيينه. فإذا كان الوعاء الواحد من مادة التزيين يغطي ٢٥٠ سم^٢ من قالب الحلوى، فكم وعاءً تحتاج لتزيين القالب كاملاً؟



- أوجد حجم كل مجسم، مقرّباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة:

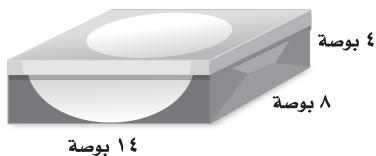


الاختبار التراكمي (٦)

اختيار من متعدد

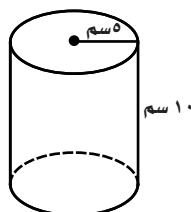
القسم ١

- ٤ ما المساحة السطحية لصناديق حوض الغسيل في الشكل أدناه؟



- (أ) ٢٠٠ بوصة مربعة (ج) ٤٠٠ بوصة مربعة
 (ب) ٢٢٤ بوصة مربعة (د) ٤٤٨ بوصة مربعة

- ٥ ما حجم الأسطوانة في الشكل أدناه؟



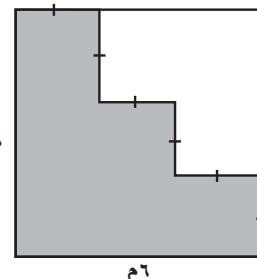
- (أ) ١٠٠ سم٣
 (ب) ١٥٧ سم٣
 (ج) ٣١٤ سم٣
 (د) ٧٨٥ سم٣

- ٦ ما حجم المخروط القائم الذي قطر قاعدته ٨ بوصات، وارتفاعه ١٢ بوصة؟ قرّب إجابتك إلى أقرب جزء من عشرة.

- (أ) ٢٠١ بوصة مكعبة
 (ب) ٤٨١ بوصة مكعبة
 (ج) ٦٠٣ بوصات مكعبة
 (د) ٨٠٤ بوصات مكعبة

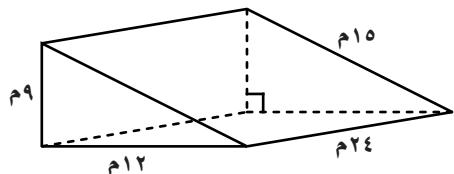
اختر الإجابة الصحيحة:

- ١ ما مساحة الجزء المظلل من الشكل أدناه؟



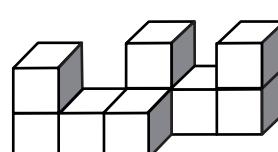
- (أ) ٢٠ م٢
 (ج) ٢٦ م٢
 (ب) ٣٠ م٢
 (د) ٢٤ م٢

- ٢ ما حجم المنشور الثلاثي في الشكل أدناه؟



- (أ) ١٢٩٦ م٣
 (ج) ٨١٠ م٣
 (ب) ٩٧٢ م٣
 (د) ٢٥٩٢ م٣

- ٣ أيٌ مما يأتي يمثل المنظر الجانبي للمجسم أدناه؟



- (أ) (ج)

 (ب) (د)



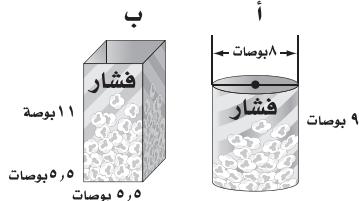
الفصل : ٦

١٠ أوجد حجم الهرم الرباعي المست Zum الذي طول ضلع قاعدته ٧ بوصات، وارتفاعه ٤ بوصات، مقرًا إجابتك إلى أقرب جزء من عشرة.

الإجابة المطولة

القسم ٣

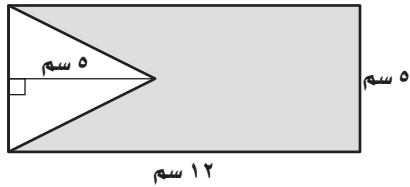
أجب عن السؤال الآتي موضحًا خطوات الحل:
١١ يباع الفشار في شكلين من العلب المبيّنة أدناه، ويرغب صاحب محل أن يختار أحد الشكلين ليستعمله في بيع الفشار.



أ) أي العلبتين تتسع لأكبر كمية من الفشار؟ فسر إجابتك.

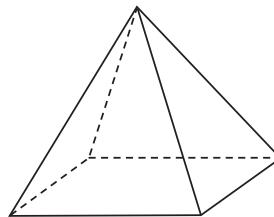
ب) أي العلبتين تحتاج إلى كمية أقل من الكرتون لصنعها؟ فسر إجابتك.

٧ تم قص مثلث متطابق الضلعين من مستطيل كما في الشكل أدناه. ما مساحة الجزء المتبقى من المستطيل؟



- أ) ٦٠ سم^٢
ج) ٤٧,٥ سم^٢
ب) ٣٥ سم^٢
د) ٥٥ سم^٢

٨ ما عدد أوجه المجسم أدناه؟

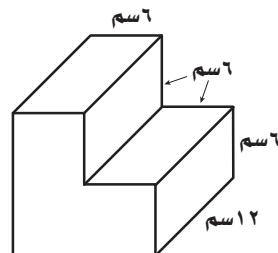


- أ) ٢
ب) ٣
ج) ٤
د) ٥

الإجابة القصيرة

أجب عن السؤالين الآتيين:

٩ رُتبت قطع خشبية بعضها فوق بعض، فكُوِّنت الشكل أدناه، ما حجم المجسم الناتج عن ترتيب القطع الخشبية؟



هل تحتاج إلى مساعدة إضافية؟

إذا لم تجده عن السؤال

فراجع الدرس

١١	١٠	٩	٨	٧	٦	٥	٤	٣	٢	١
٦-٦	٥-٦	٤-٦	٣-٦	١-٦	٥-٦	٤-٦	٥-٦	٣-٦	٤-٦	١-٦



الجبر: المعادلات والمتباينات

الفكرة العامة

- أستعمل المعادلات الخطية لتمثيل المسائل وتحليلها وحلها.
- أحـلـ مـعـادـلـاتـ وـمـتـبـاـيـنـاتـ خـطـيـةـ بـسـيـطـةـ بـأـعـدـادـ نـسـبـيـةـ.

المفردات الرئيسية:

- العبارات المتكافئة.
- الحدود المتشابهة.
- معادلة ذات خطوتين.

الربط بالحياة:

البحر الميت: ينخفض مستوى ارتفاع مياه البحر الميت في الأردن بمعدل ٨٠ سم سنويًا. يمكنك كتابة معادلة لوصف التغير في ارتفاع مياه البحر الميت لأي عدد محدد من السنوات.

المطويات

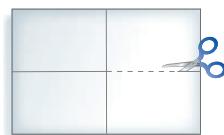
منظمه أفكار

الجبر، المعادلات والمتباينات: اعمل هذه المطوية لتساعدك على تنظيم ملاحظاتك. ابدأ بورقة A3 كما يأتي:

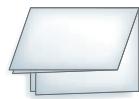
٤ سم كل قسم كما في الشكل أدناه.



٣ افتح الورقة، وقصّها كما هو موضح أدناه؛ للحصول على قسمين.



٢ اطـوـ الـورـقـةـ مـرـةـ آخـرـىـ منـ أـعـلـىـ إـلـىـ أـسـفـلـ.



١ اطـوـ الـورـقـةـ نـصـفـيـنـ عـرـضـيـاـ.



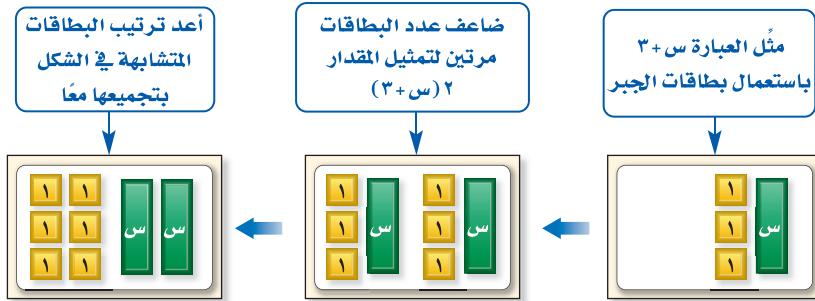


تبسيط العبارات الجبرية

١ - ٧

نشاط

يمكنك استعمال بطاقات الجبر؛ لإعادة كتابة العبارة الجبرية $2(s+3)$.



- ١ اختر قيمتين موجبتين وقيمة سالبة لـ (s) ، ثم أوجد قيمة $2(s+3)$.
وقيمة $2s+6$ عند تلك القيم. ماذا تلاحظ؟

- ٢ استعمل بطاقات الجبر في إعادة كتابة العبارة $3(s-2)$.

[إرشاد]: استعمل بطاقة واحدة خضراء (s) وبطاقتين حمراوين (-1) لتمثيل $s-2$.

تعلمت سابقاً أنه يمكن إعادة كتابة عبارة مثل $3(7+2)$ باستعمال خاصية التوزيع ثم التبسيط، وذلك على النحو الآتي:

$$\text{خاصية التوزيع} \quad (7+2)3 = 7+2(3)$$

$$\text{بالضرب والجمع} \quad 27 = 21 + 6$$

تُستعمل خاصية التوزيع أيضاً في تبسيط العبارات الجبرية، مثل $2(s+3)$.

$$\text{خاصية التوزيع} \quad 2(s+3) = 2s + 2(3)$$

$$\text{بالضرب} \quad 6 = 2s + 6$$

وُتُسمى العبارتان $2(s+3)$ ، $2s+6$ عبارتين متكافئتين؛ لأنهما كانتا سفالعبارات لهما القيمة نفسها.

كتابة عبارات تتضمن عملية جمع

مثالان

استعمل خاصية التوزيع لإعادة كتابة كل عبارة مما يأتي:

$$(ص+٢)(٥) \quad ٢$$

$$٤(s+٧) \quad ١$$

$$(ص\times٢+٥)(٥) = ص\times٥ + ٥ \quad ٥$$

$$٤(s+٧) = ٤(s) + ٤(٧) \quad ٤$$

$$= ص + ١٠ \quad \text{بالضرب}$$

$$= ٤s + ٢٨ \quad \text{بسط}$$

تحقق من فهمك

استعمل خاصية التوزيع في إعادة كتابة كل عبارة مما يأتي:

$$ج) -٢(s+١)$$

$$ب) (ن+٣)(٨)$$

$$أ) ٦(أ+٤)$$

فكرة الدرس:

استعمل خاصية التوزيع في تبسيط العبارات الجبرية.

المفردات

العبارات المتكافئة

الحد

المعامل

الثابت

الحدود المتشابهة

أبسط صورة

تبسيط العبارة



مثالان

استعمل خاصية التوزيع في إعادة كتابة كل عبارة مما يأتي:

٦ (ب - ٥)

أكتب ب - ٥ على صورة ب + (٥ -)

$$6(b - 5) = [b + (5 -)]$$

خاصية التوزيع

$$6(b - 5) = 6(b) + (5 -)$$

بسط

$$6b + (30 -)$$

تعريف الطرح

$$6b - 30 =$$

أكتب س - ٨ على صورة س + (-٨ -).

$$2(s - 8) = [s + (-8 -)]$$

خاصية التوزيع

$$2(s - 8) = (s - 2) + (-2 -)$$

بسط

$$2s - 16 =$$

٤ (س - ٨ -)

٢ (س - ٨ -)

٢ (س - ٨ -)

١٦ س +

إرشادات للدراسة

مراجعة

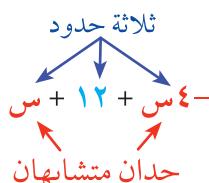
يمكنك مراجعة ضرب الأعداد الصحيحة الذي درسته سابقاً.

تحقق من فهمك:

استعمل خاصية التوزيع في إعادة كتابة كل عبارة مما يأتي:

د) (٣ - ٩) (١٠ - ٢) هـ (٧ - ٤) و (٢ - ١٠) صـ

تجزئ إشارتا الجمع والطرح العبارات الجبرية إلى أجزاء يُسمى كل منها حدّاً، والعامل العددي لحد يشتمل على متغير يُسمى معامل المتغير.



لغة الرياضيات

المعاملات

معامل -٤ س هو -٤ ،

ومعامل س هو ١ .

تشتمل الحدود المتشابهة على المتغيرات نفسها بالقوى نفسها. فمثلاً $3s^2 - 7s^2$ حدان متشابهان. وكذلك $8s^3 - 12s^3$ ، أما الحدان $10s^2 - 22s^2$ فغير متشابهين، والحد الذي لا يشتمل على متغير يُسمى ثابتاً، والحدود الثابتة متشابهة.

مثال

عِيْنَ الْحَدُودِ، وَالْحَدُودِ الْمُتَشَابِهَةِ مِنْهَا، وَالْمُعَامَلَاتِ، وَالثَّوَابِتِ فِي الْعَبَارَةِ:

٥

$$6n - 7n - 4 + n$$

تعريف الطرح

$$6n - 7n - 4 + n = 6n + (-7n) + (-4) + n$$

$$6n + (-7n) + (-4) + n = 6n - 7n - 4 + n$$

خاصية العنصر المحايد ($n = 1$)

- الحدود: $6n, -7n, -4, n$
- الحدود المتشابهة هي: $6n, -7n, n$
- المعاملات: $6, -7, 1$
- الثوابت: -4

تحقق من فهمك:

عِيْنَ الْحَدُودِ، وَالْحَدُودِ الْمُتَشَابِهَةِ، وَالْمُعَامَلَاتِ، وَالثَّوَابِتِ فِي كُلِّ مِنَ الْعَبَارَتَيْنِ:

$$ح) ٣س^3 + ٢ - ١٠ - ٣س$$

$$ز) ٩ص - ٤ - ١١ص + ٧$$



تكون العبارة الجبرية في أبسط صورة إذا لم تتضمن حدوداً متشابهة أو أقواساً. ويمكنك استعمال خاصية التوزيع لتجمیع الحدود المتشابهة، وهو ما يسمى تبسيط العبارة.

مثالان تبسيط عبارات جبرية

خاصية العنصر المحايد خاصية التوزيع، والتبسيط تعريف الطرح خاصية الإبدال خاصية التوزيع بسط	$4\text{ص} + \text{ص} = 4\text{ص} + \text{ص}$ $(4 + 1)\text{ص} = 5\text{ص}$ $7\text{س} - 2\text{س} + 6\text{س} = 7\text{س} - 2\text{س} + 6\text{س} + 7\text{س} - 2\text{س}$ $6\text{س} + (\text{س} - 7\text{س}) + (\text{س} - 7\text{س}) = 6\text{س} + (\text{س} - 7\text{س}) + (\text{س} - 7\text{س}) + 7\text{س}$ $= 4\text{س} + 0 = 4\text{س}$ $0 = 0 \times \text{س} = 0$	بسط العبارة: 4 ص ، ص حدان متشابهان. $4\text{ص} + \text{ص} = 4\text{ص} + 1\text{ص}$ بسط العبارة: 7 س ، حدان متشابهان ، 2 ، 6 حدان متشابهان. $7\text{س} - 2\text{س} + 6\text{س} = 7\text{س} - 2\text{س} + 6\text{س} + 7\text{س} - 2\text{س}$ $6\text{س} + (\text{س} - 7\text{س}) + (\text{س} - 7\text{س}) = 6\text{س} + (\text{س} - 7\text{س}) + (\text{س} - 7\text{س}) + 7\text{س}$ $= 4\text{س} + 0 = 4\text{س}$
---	--	---

إرشادات للدراسة

العبارات المتكافئة للتحقق مما إذا كانت $4\text{ص} + \text{ص} = 5\text{ص}$ من متكافئتين، عوض عن ص بأي قيمة، لاحظ ما إذا كانت النواتج متساوية.

تحقق من فهمك

- بسط كل عبارة مما يأتي:
 ط) $4\text{ز} - \text{ز}$
 ي) $6 - 3\text{n} + 3\text{n}$
 ك) $\text{m}^2 - 11 + 3\text{m} - 8\text{m}$

مثال من واقع الحياة

معارض: اشتريت من معرض الرياض الدولي للكتاب عدداً من القصص بسعر ١٢ ريالاً للقصة الواحدة، وعدداً مماثلاً من الأقراص التعليمية بسعر ٥ ريالات للقرص الواحد، اكتب عبارة لتمثيل المبلغ الكلي الذي صرفته في أبسط صورة.

١٢ ريالاً لكل قصة و ٥ ريالات لكل قرص تعليمي.

ليكن س يمثل عدد القصص أو عدد الأقراص التعليمية.

$$7,5 \times \text{س} + 12 \times \text{س}$$

التعبير اللفظي

المتغير

العبارة



الربط بالحياة.....
 في عام ٢٠١٨م ضم معرض الكتاب الدولي في الرياض أكثر من ٣٤٠ ألف عنوان عرضتها ٧٥٠ دار نشر تمثل أكثر من ٣٠ دولة.

خاصية التوزيع $12\text{س} + 5\text{س} = 7,5 + 12\text{س}$

بسط

$$= 19,50\text{س}$$

إذن العبارة $19,5\text{س}$ تمثل المبلغ الكلي الذي صرفته.

تحقق من فهمك

- ل) **نقود:** إذا كان معك مبلغ من النقود، ومع شقيقك مبلغ يقل عنه بـ ٥٠ ريالاً، فاكتتب عبارة تعبّر عن المجموع الكلي للمبلغين في أبسط صورة.



الأمثلة ٤-١

استعمل خاصية التوزيع في إعادة كتابة كل عبارة مما يأتي:

$$\begin{array}{llll} ٤(٩+٥) & ٣(٧+٢) & ١(٤+٥) & ٥(٦+٢) \\ ٨(٣+٩) & ٧(٤-٦) & ٥(٣-٢) & ٦(٤-٢) \end{array}$$

المثال ٥

عَيْنُ الْحَدُودِ، وَالْحَدُودُ الْمُتَشَابِهُ مِنْهَا، وَالْمَعَالَمُ، وَالثَّوَابُ فِي كُلِّ عَبَارَةٍ مِمَّا يَأْتِي:

$$١٠ - ٥ + ٨ - ٤ + ١٦ - ٢ - ٣ - ٥ - ٧ - ١١$$

المثالان ٦، ٧

بَسْطُ كُلِّ عَبَارَةٍ مِمَّا يَأْتِي:

$$١٠ + ٧ - ٦ + ٤ - ١٤$$

$$١٢ + ن - ٧ + ٥ + ٧$$

المثال ٨

١٥ تسوق : إذا اشتريت ٣ زجاجات عصير سعر كل واحدة منها ١٢ ريال، وكيلوجراماً من التفاح بـ ٥ ، ٤ ريالات، فاكتتب عبارة تعبّر عن المبلغ الذي أنفقته في أبسط صورة.

تدريب وحل المسائل

ارشادات للأسئلة

الأسئلة	انظر الأمثلة
٤-١	٢٧-١٦
٥	٣٣-٢٨
٧، ٦	٣٩-٣٤
٨	٤٣-٤٠

استعمل خاصية التوزيع في إعادة كتابة كل عبارة مما يأتي:

$$\begin{array}{llll} ١٩(٢-٧) & ١٨(٨-١) & ١٦(٣+٨) & ١٧(٨-١) \\ ٣-٥(٣-٥) & ٦-٥(٦-٥) & ٢٠(٦-٤) & ٢١(٨-٧) \\ ٢٤(٣+٦) & ٢٥(٦-٣) & ٢٦(٦-٩) & ٢٧(٩-٦) \end{array}$$

عَيْنُ الْحَدُودِ، وَالْحَدُودُ الْمُتَشَابِهُ مِنْهَا، وَالْمَعَالَمُ، وَالثَّوَابُ فِي كُلِّ عَبَارَةٍ مِمَّا يَأْتِي:

$$٢٨ + ٢ + ١٣ + ١٥ + ٥ + ٤$$

$$٣١ - ١ - ٧ - ٤ + ن + ٣ - ٩ - ج - ٣$$

بَسْطُ كُلِّ عَبَارَةٍ مِمَّا يَأْتِي:

$$٣٤ + ن + ٥ - ١٢ - ج - ج$$

$$٣٧ + ٢ + ٣ + د - ٤ - ١ - ٤ + ٦$$

اكتب عبارة جبرية في أبسط صورة تمثل الكمية الإجمالية في الأسئلة ٤٣-٤٠:

٤٠ قرطاسية : اشتريت س قلمًا بسعر ريالين للقلم الواحد، والعدد نفسه من المساطر بسعر ١ ، ٥ ريال لكل مسطرة، وعلبة أدوات هندسية بـ ٩ ريالات.

٤١ قراءة : قرأت في كتاب س دقيقة في كل من يومي الإثنين والأربعاء، و٣٠ دقيقة في يوم الجمعة.



لجان: أنت عضو في م لجنة، وزميلك عضو في عدد من اللجان يقل عنك بمقدار **٤٢** لجتين.

أعمار: بلغ عمر أحمد اليوم ص سنة، ويصغره أخوه علي بمقدار ٥ سنوات. **٤٣**

استعمل خاصية التوزيع في إعادة كتابة كل عبارة مما يأتي:

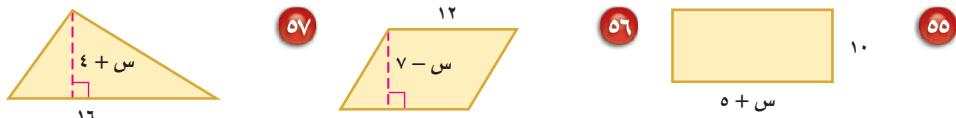
$$٤٧ \quad ٤٦ \quad ٤٥ \quad ٤٤ \quad ٤٣ (٢ص + ١) - ٤(٣س - ٥)$$

$$٤٩ \quad ٤٨ \quad ٥٠ \quad ٥١ \quad ٥٢ - ٦(٢ب + ٥) - ٧(-ن - ٢) - ٣(٢ب - ٦)$$

جبر: اكتب جملة لفظية من واقع الحياة لكل عبارة جبرية مما يأتي:

$$٥٤ \quad ٥٣ \quad ٥٢ \quad ١٤ - ٦٠ - ٧٥ + ٩$$

قياس: اكتب عبارتين جبريتين متكافعتين؛ لتمثيل مساحة كل شكل مما يأتي:



مدرسة: إذا أمضيت م دقيقة في الدراسة يوم الإثنين، و ١٥ دقيقة يوم الثلاثاء زيادة على يوم الإثنين، و ٣٠ دقيقة يوم الأربعاء أقل من يوم الثلاثاء، ويوم الخميس مثلثي عدد دقائق يوم الإثنين، ويوم الجمعة أقل بـ ٢٠ دقيقة من يوم الخميس، فاكتتب عبارة في أبسط صورة لتمثيل عدد الدقائق التي قضيتها في الدراسة في الأيام الخمسة. **٥٨**

٥٩ مسألة مفتوحة: اكتب عبارة بثلاثة حدود، أبسط صورة لها هي: ٤ س - ٧، عين المعاملات والثوابت فيها.

مسائل
مهارات التفكير العليا

٦٠ اكتشف المختلف: عين العبارة التي لا تكافئ العبارات الثلاث الأخرى.
ووضّح إجابتك.

$$٤س - ٢$$

$$٩ - ٤س + ٧$$

$$٤(س - ٢)$$

$$س - ٢ + ٣س$$

٦١ تحدّ: بسيط العبارة: $٨س^٢ - ٢س + ١٢س - ٣$. وتحقق من صحة إجابتك
عندما $س = ٢$.

٦٢ أكتب هل العبارة الآتية صحيحة: $٢(s - ١) + ٣(s - ١) = ٥(s - ١)$?
إذا كانت كذلك، فاستعمل خصائص العمليات في توضيح إجابتك، وإذا كانت خطأً، فأعط مثلاً مضاداً.





٦٤ أي العبارات الآتية تكافئ $5 + 5 \cdot b$ ؟

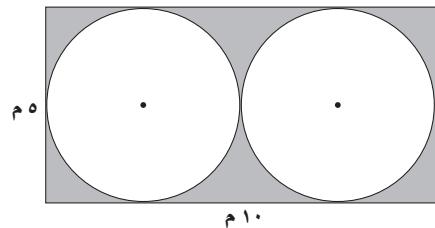
- أ) $5 \cdot b$
- ب) $5(a+b)$
- ج) $a+5b$
- د) $a+5b$

٦٥ ما الخاصية المستعملة في العبارة أدناه؟

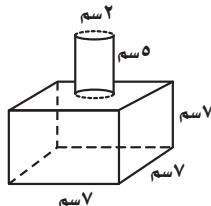
$$4s + 4 = 32 \quad (s + 8)$$

- أ) خاصية التجميع على الجمع.
- ب) خاصية الإبدال على الجمع.
- ج) خاصية التوزيع.
- د) خاصية الانعكاس.

مراجعة تراكمية

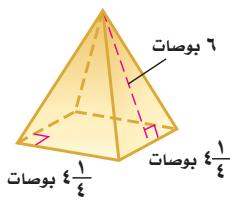


٦٥ أوجد مساحة المنطقة المظللة في الشكل المجاور مقرّباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة. (الدرس ٦ - ١)

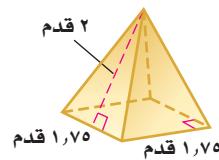


٦٦ أوجد المساحة الجانبية والكلية للمجسم المجاور مقرّباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة. (الدرس ٦ - ٦)

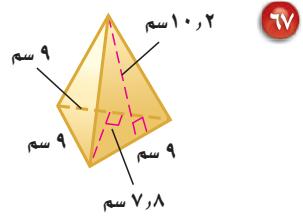
٦٧ أوجد المساحة الجانبية والكلية لسطح كل هرم منتظم مما يأتي، مقرّباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة، إذا لزم الأمر. (الدرس ٦ - ٧)



٦٩



٧٠



٧١

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: حل كل معادلة مما يأتي، ثم تحقق من صحة الحل:

$$9 - 5 = 4 \quad ٧١$$

$$2 = 8 + 6 \quad ٧٢$$

$$15 - \frac{1}{3} = 32 - 4 \quad ٧٣$$

$$32 - 4 = 28 \quad ٧٤$$





حل معادلات ذات خطوتين

٢ - ٧

استعـد



حلوى: اشتري زيد ٣ أكياس من الحلوى، وكيساً واحداً من البسكويت، ودفع ٧ ريالاتٍ ثمناً لها جميعاً.

١ وُضِّحَ كيف يمكِّنك استعمال استراتيجية الحل عكسياً لإيجاد ثمن كل كيس من أكياس الحلوى التي اشتراها زيد.

٢ أوْجِدْ ثمن كل كيس من الحلوى.

فكرة الدرس:

أحل معادلات ذات خطوتين.

المفردات

معادلة ذات خطوتين

يمكن حل هذه المسألة أيضاً من خلال حل معادلة ذات خطوتين هي: $3s + 1 = 7$ ، حيث يمثل المتغير s ثمن الكيس الواحد من أكياس الحلوى. تحتوي **المعادلة ذات الخطوتين** على عمليتين، ففي المعادلة $3s + 1 = 7$ ، ضربت s في (٣) ثم أضيف (١) إلى الناتج. ولحل هذه المعادلات حل كل عملية بالترتيب المعاكس.

حل معادلات ذات خطوتين

مثـالـان

١ حل المعادلة: $3s + 1 = 7$

استعمال الرموز الطريقة ٢

استعمل خاصية الطرح:

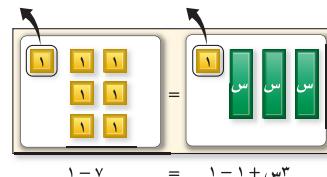
$$\begin{array}{rcl} \text{اكتب المعادلة} & 7 = 1 + 3s \\ \text{اطرح 1 من كل طرف} & 1 - 1 = 1 - 1 \\ & 6 = 3s \end{array}$$

استعمل خاصية القسمة:

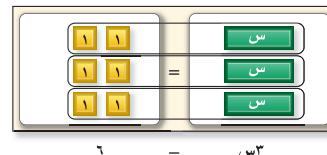
$$\begin{array}{rcl} \text{اقسم كل طرف على 3} & 6 = 3s \\ & \frac{6}{3} = \frac{3s}{3} \\ \text{بسـطـ} & 2 = s \end{array}$$

استعمال التماذج الطريقة ١

احذف بطاقة واحدة من كل لوحة.



ثم وزّع البطاقات المتبقية في ثلاث مجموعات متساوية.



هناك بطاقتان في كل مجموعة؛ لذا $s = 2$

وباستعمال أيٌ من الطريقتين يكون الناتج ٢



٢ حل المعادلة: $25 = \frac{1}{4}n - 3$

الطريقة ٢ الأسلوب الأفقي

$$\begin{aligned} 25 &= \frac{1}{4}n - 3 \\ 3 + 25 &= \frac{1}{4}n - 3 + 3 \\ 28 &= \frac{1}{4}n \\ 28 \times 4 &= \frac{1}{4}n \times 4 \\ n &= 112 \end{aligned}$$

الطريقة ١ الأسلوب الرأسي

$$\begin{aligned} \text{اكتب المعادلة.} \\ \text{أضف } 3 \text{ إلى كل طرف.} \\ \text{بسط.} \\ \text{اضرب كل طرف في } 4. \\ \frac{1}{4}n \times 4 = 28 \times 4 \\ n = 112 \end{aligned}$$

فيكون الحل هو 112

آخر طريقة ✓

حل كل معادلة مما يأتي، ثم تحقق من صحة الحل:

أ) $9 + \frac{1}{2}a = 1 - 3a$ ب) $20 = 2 + 5n$ ج) $1 - 3s + 2s = 5$

قد تشتمل بعض المعادلات ذات الخطوتين على حد معامله سالب.

مما يلي معادلات بمعاملات سالبة

مثال

٣ حل المعادلة: $6 - 3s = 21$

اكتب المعادلة

$$6 - 3s = 21$$

أعد كتابة الطرف الأيمن كعملية جمع

$$6 + (-3s) = 21$$

اطرح 6 من كل طرف

$$6 - 6 + (-3s) = 21$$

بسط

$$-3s = 15$$

اقسم كل طرف على -3

$$\frac{-3s}{-3} = \frac{15}{-3}$$

$$s = -5$$

فيكون الحل هو -5

اكتب المعادلة

تحقق: $6 - 3s = 21$

عرض عن س ب (-5)

$$21 \stackrel{?}{=} 6 - 3(-5)$$

اضرب، ثم حول عملية الطرح لجمع النظير

$$21 \stackrel{?}{=} 15 + 6$$

العبارة صحيحة ✓

$$21 = 21$$

تحقق من فهمك: ✓

حل كل معادلة مما يأتي، ثم تتحقق من صحة الحل:

د) $10 - \frac{2}{3}b = 52$ هـ) $19 - 2s = 2 + 3s$ و) $\frac{n}{3} - 18 = 2$

ارشادات للدراسة

خطا شائع

من الأخطاء الشائعة قسمة طرف المعادلة على 3 بدلا من -3. تذكر أنك تقسم على معامل المتغير، وهو في هذه المعادلة عدد سالب.



من الضروري تجميع الحدود المتشابهة قبل حل المعادلة.

تجميع الحدود المتشابهة أولاً

مثال

٤ حلّ المعادلة: $-2x + 5 = 11$, ثم تحقق من صحة الحل.

$$\text{اكتب المعادلة} \quad -2x + 5 = 11$$

$$\text{خاصية العنصر المحايد} (x = x) \quad -2x + 1 = 5 - 11$$

$$\text{جمع الحدود المتشابهة: } -2x + 1 = -x - 5 \quad 11 =$$

$$\text{أضف 5 إلى كل طرف} \quad -x - 5 = 11 + 5 \quad 16 =$$

$$\text{بسط} \quad -x = 16$$

$$-x = -16, \text{ اقسم كل طرف على -1}$$

$$\text{بسط} \quad x = -16$$

فيكون الحل هو -16 .

$$\text{تحقق: } -2x + 5 = 11$$

$$\text{اعوض عن } x \text{ بـ} (-16) \quad 11 \stackrel{?}{=} 5 - (16 - 2)$$

$$\text{اضرب} \quad 11 \stackrel{?}{=} 5 - (16 - 32)$$

$$\text{العبارة صحيحة} \quad \checkmark \quad 11 = 11$$

تحقق من فهمك:

حلّ كل معادلة مما يأتي، ثم تحقق من صحة الحل:

$$\text{ن) } x + 4 = 45 \quad \text{ج) } 10 - 6 = 3 - x \quad \text{ط) } 4x + 5 = 10 + 13$$

تأكد

الأمثلة ١ - ٣

حلّ كل معادلة فيما يأتي، وتحقق من صحة الحل:

$$3 + \frac{x}{4} = 10 \quad 3$$

$$2m - 9 = 29 \quad 2$$

$$6s + 5 = 29 \quad 1$$

$$3 - \frac{y}{2} = 4 \quad 6$$

$$3c - 5 = 7 \quad 5$$

$$\frac{2}{3}s - 5 = 7 \quad 4$$

المثال ٢ إلكترونيات: اشتري خالد جهازاً إلكترونياً بمبلغ ٨١٦ ريالاً، بحيث يدفع ٥١ ريالاً شهرياً. فلإيجاد عدد الدفعات الشهرية التي دفعها خالد، إذا كان متبقىاً عليه ٣٥٧ ريالاً، حلّ المعادلة $357 = 816 - 51x$.

المثال ٤

حلّ كل معادلة مما يأتي، ثم تتحقق من صحة الحل:

$$10 - \frac{1}{2}k = 1 \quad 10$$

$$11 = 16 - 4 - 5d \quad 9$$

$$16 = 1 - \frac{1}{3}b \quad 8$$



تدريب وحل المسائل

الإرشادات للأسئلة

الأسئلة	انظر الأمثلة
٢٠، ١	٢٠، ١٦-١١
٣	١٩-١٧
٤	٢٣-٢١

حُل كل معادلة مما يأتي، ثم تحقق من صحة الحل:

$$5 - 6 = 17 - \textcircled{13}$$

$$17 + 2 = 11 - \textcircled{12}$$

$$21 = 9 + \textcircled{11}$$

$$\frac{ص}{٣} + ٥ = \frac{٨}{٣} \textcircled{16}$$

$$4 + \frac{م}{٣} = ١٣ \textcircled{15}$$

$$١٩ - ٣ = ٢ - ج \textcircled{14}$$

$$٢٨ = \frac{٩}{٨} - ١٥ \textcircled{19}$$

$$١١ - س = \frac{١}{٢} - ٧ \textcircled{18}$$

$$٣٥ = ٨ - س \textcircled{17}$$

هدايا : أهدى لعمري بطاقة شراء من مكتبة بقيمة ٥٠ ريالاً، وأراد أن يشتري قلماً بـ ١٠ ريالات، وعدداً من الكتب، بسعر ٨ ريالات للكتاب الواحد. حُل المعادلة $ك = ١٠ + ٥٠ / ٨$ لإيجاد عدد الكتب التي يستطيع شراءها.

حل كل معادلة مما يأتي، ثم تتحقق من صحة الحل:

$$١٣ - ١٥ = ٢١ - \textcircled{23}$$

$$٩ - س + ٨ = ٢٨ - ٧ \textcircled{21}$$

$$١٢ = \frac{٤ - أ}{٥} \textcircled{26}$$

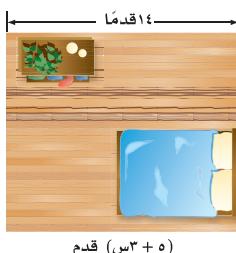
$$٥٤ = ٦(٢ - س) \textcircled{25}$$

$$٢٠ = ٤(س + ٢) \textcircled{24}$$

تزين المنزل : يريد عماد شراء سجادة جديدة للغرفة المجاورة. احسب مساحة السجادة.

حيوانات : حُل المعادلة: $س + ١٢ = ١٧١$ لإيجاد قيمة س التي تمثل عدد الحيوانات في حديقة الحيوان، وهل هذا ممكن؟ وضح إجابتك.

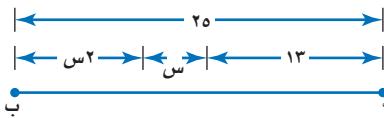
هندسة : اكتب معادلة لتمثيل طول أب في الشكل المجاور، ثم أوجد قيمة س.



(س + ٨) قدم



(س + ٥) قدم

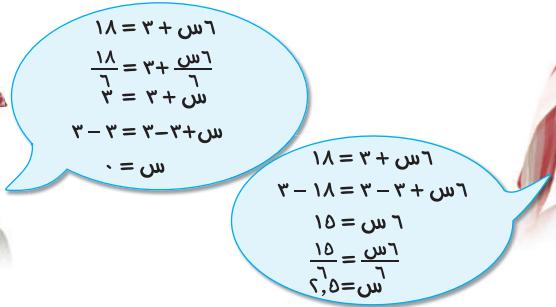


اكتشف الخطأ : حُل كل من مهند وإياد المعادلة $٦ س + ٣ = ١٨$ على النحو الآتي، فما هي أخطاءهما على صواب؟ وضح إجابتك.

مسائل
مهارات التفكير العليا



إياد



مهند

$$١٨ = ٣ + ٦س
 $\frac{١٨ - ٣}{٦} = \frac{٣ + ٦س - ٣}{٦}$
 س = ٦
 $\frac{١٥}{٦} = \frac{٦س}{٦}$
 س = ٢.٥$$

تحدد : حُل المعادلة: $(س + ٥)^2 = ٤٩$. (إرشاد: للمعادلة حلان).



اكتتب وضح كيف يمكنك استعمال استراتيجية «الحل عكسياً» في حل معادلة ذات خطوتين.



٣٤ ما قيمة m في المعادلة $-6m + 4 = 7 - \frac{m}{3}$ ؟

- (أ) ٦
- (ب) $\frac{2}{3}$
- (ج) $\frac{1}{3}$
- (د) -٦

٣٥ أي قيمة x الآتية تجعل المعادلة $3x - 7 = \frac{x}{3}$ صحيحة؟

- (أ) ٣
- (ب) ١٦
- (ج) ٤٠
- (د) ٨٤

مراجعة تراكمية

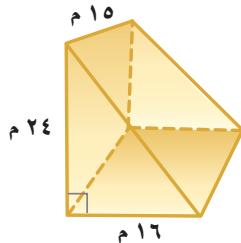
استعمل خاصية التوزيع في إعادة كتابة كل عبارة مما يأتي: (الدرس ٧ - ١)

$$3 - (5 + s) \quad ٣٦$$

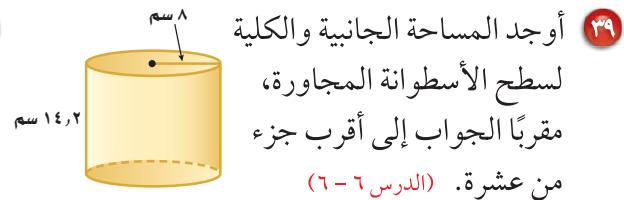
$$(6 + a) - 3 \quad ٣٥$$

$$8 - (y - 7) \quad ٣٨$$

$$(c - 8) - 4 \quad ٣٧$$



٤٠ أوجد حجم المنشور المجاور. (الدرس ٦ - ٤)



٤١ أوجد المساحة الجانبية والكلية لسطح الأسطوانة المجاورة، مقرباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة. (الدرس ٦ - ٦)

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: حول كل جملة مما يأتي إلى معادلة:

٤١ أضيف العدد ٥ إلى عدد ما، فكان الناتج ١٧

٤٢ ناتج قسمة عدد على ٢ يساوي -٢





كتابة معادلات ذات خطوتين

٣-٧

استعدي

المبلغ المدفوع	الدفعات
$400 = (20 + 400) \times 0$	٠
$420 = (20 + 400) \times 1$	١
$440 = (20 + 400) \times 2$	٢
$460 = (20 + 400) \times 3$	٣
⋮	⋮

رياضة: يرغب حاتم في المشاركة في مركز رياضي مدة أسبوعين، وبتكلفة قدرها ٧٠٠ ريال، على أن يدفع ٤٠٠ ريال مقدماً والباقي على دفعات يومية بمقابل ٢٠ ريالاً.

فكرة الدرس:

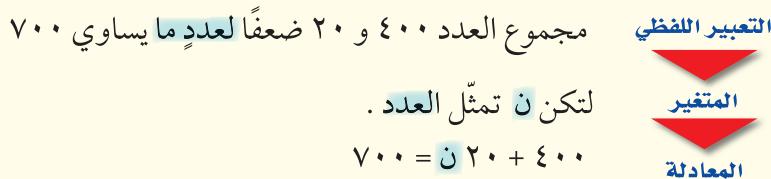
أكتب معادلات ذات خطوتين لحل مسائل تمثل مواقف حياتية.

إذا كانت n تمثل عدد الدفعات، فاكتب عبارة تمثل تكلفة الاشتراك في المركز الرياضي.

٢ اكتب معادلة لإيجاد عدد الدفعات المطلوبة للمشاركة في المركز، ثم حلّها.

٣ ما نوع المعادلة التي كتبتها في (٢)؟ ووضح إجابتك.

تعلمت سابقاً كيف تكتب مسألة على صورة معادلة في خطوة واحدة. بعض المسائل تحول إلى معادلة ذات خطوتين.



تحويل جمل إلى معادلات

أمثلة

حوّل كل جملة فيما يأتي إلى معادلة:

الجملة

- ١ أقل من ثلاثة أمثال عدد بمقدار ثمانية يساوي -٢٣.
- ٢ يزيد العدد ثلاثة عشر على مثلي عدد ما بمقدار ٧
- ٣ ناتج قسمة عدد على ٤ مطروحاً منه واحد يساوي ٥

تحقق من فهمك:

حوّل كل جملة مما يأتي إلى معادلة:

- أ) يزيد العدد خمسة عشر بمقدار ٣ على ستة أمثال العدد.
- ب) أضيف العدد ١٠ إلى ناتج قسمة عدد على ٦، فكان الناتج ٥
- ج) الفرق بين ١٢ ومثلي عدد ما يساوي ١٨





الربط بالحياة

كيف يستعمل مدرب اللياقة الرياضيات؟

يسعد مدرب اللياقة الرياضيات
لمساعدته على إعداد جداول التدريب.

أثقال: اشتري مدرب منصة أثقال بـ ١٧٥٠ ريالاً، وعددًا من الأثقال بقيمة ٥ ريالاً لكل منها. فإذا كانت التكلفة الكلية ٢٩٠٠ ريال، فما عدد الأثقال التي اشتراها؟

ثمن المنصة زائد ٥٠ ريالاً لكل ثقل يساوي ٢٩٠٠ ريال.

لتكن s تمثل عدد الأثقال.

$$2900 = 50 + 1750s$$

المعادلة

$$\begin{aligned} & \text{اكتب المعادلة} \\ & 2900 + 1750s = 2900 + 1750 \\ & 1750 - 2900 - 1750s = 1750 - 1750 \\ & 1150 = 50s \\ & \frac{1150}{50} = s \\ & s = 23 \end{aligned}$$

إذن تم شراء ٢٣ ثقالاً.

غداء: تناولت وزميلك طعاماً بـ ٩٠ ريالاً، وكانت تكلفة وجبتك تزيد بمقدار ١٠ ريالات على وجبة زميلك، فما تكلفة وجبة زميلك؟

تكلفة وجبة زميلك زائد وجبتك تساوي ٩٠ ريالاً.

لتكن s تمثل تكلفة وجبة زميلك.

$$s + s + 10 = 90$$

المعادلة

$$\begin{aligned} & \text{اكتب المعادلة} \\ & s + s + 10 = 90 \\ & 2s + 10 = 90 \\ & 2s = 90 - 10 \\ & 2s = 80 \\ & s = \frac{80}{2} \\ & s = 40 \end{aligned}$$

تكلفة وجبة زميلك تساوي ٤٠ ريالاً.

إرشادات للدراسة

مراجعة

يمكنك مراجعة كتابة
المعادلات التي درستها
سابقاً.

تحقق من فهمك ✓

د) أرصاد جوية: افترض أن درجة الحرارة الحالية 35°C ، ويُتوقع أن ترتفع بمقدار درجتين في كل ساعة من الساعات القادمة، فبعد كم ساعة تصبح درجة الحرارة 43°C ؟

هـ) قياس: محيط مستطيل ٤٠ سنتيمتراً، ويقل عرضه عن طوله بمقدار ٨ سنتيمترات. اكتب معادلة لإيجاد بُعدِي المستطيل، ثم حلّها.



الأمثلة ٣-١

حول كل جملة مما يأتي إلى معادلة:

- ١ أكبر من ثلاثة أمثال عدد بمقدار واحد يساوي ٧
- ٢ أصغر من مثلي عدد بمقدار سبعة يساوي -١
- ٣ ناتج قسمة عدد على خمسة، مطروحاً منه عشرة يساوي ٣

للسؤالين ٤، ٥، اكتب معادلة وحلّها.

المثال ٤ **رسوم:** يتطلب تجديد رخصة القيادة دفع رسم مقداره ٤٠٠ ريال، بالإضافة إلى رسم مخالففة عن كل سنة تأخير. فإذا كان مجموع ما دفعه صالح ٦٠٠ ريال بعد تأخير مدته ستة شهور، فما قيمة رسم المخالففة السنوية؟

المثال ٥ **تسوق:** اشتري علاء حقيقة وآلة حاسبة بـ ١٢١ ريالاً. فإذا كان المبلغ الذي دفعه ثمناً للحقيقة يزيد بمقدار ٤٥ ريالاً على ثمن الحاسبة، فما ثمن الحاسبة؟

تدريب وحل المسائل

الإرشادات للأسئلة

الأسئلة	انتظر الأمثلة
٣-١	٩-٦
٤	١١-١٠
٥	١٢

حول كل جملة فيما يأتي إلى معادلة:

- ٦ أصغر من خمسة أمثال عدد ما بمقدار أربعة يساوي ١١
- ٧ أكبر من مثلي عدد بمقدار خمسة عشر يساوي ٩
- ٨ يزيد على أربعة أمثال عدد بمقدار ثمانية يساوي ١٢
- ٩ ناتج طرح ستة من سبعة أمثال عدد يساوي -٢٠

للأسئلة ١٠ - ١٣، اكتب معادلة لكل مسألة وحلّها.

١٠ كتب: اشتريت مجلة وثلاثة كتب متساوية الثمن، ودفعت ١٥٧ ريالاً ثمناً لها جميعاً، وكان ثمن المجلة وحدتها ٧ ريالات، فما ثمن الكتاب الواحد؟

١١ مكالمات هاتفية: بلغت فاتورة الهاتف النقال لسعد بحسب الإعلان الموضح جانباً خلال شهر واحد ١٣٩,٨ ريالاً. أوجد عدد الدقائق التي استغرقها سعد في المكالمات.

١٢ الكعبة المشرفة: طول محيط باب الكعبة ٩,٨ م، ويزيد طوله عن عرضه ١,٥ م، اكتب معادلة لإيجاد بُعد باب الكعبة، ثم حلّها.

١٣ هندسة: أوجد قيمة س في متوازي الأضلاع المرسوم إلى اليسار.



الربط بالحياة:
يقع باب الكعبة المشرفة في الجهة الشرقية منها بعمق نصف متر تقريباً داخل الجدار. وباب الكعبة الحالي أمر بصنعه وزخرفته الملك خالد رحمة الله بأحدث الطرق الفنية.



حيوانات: استعمل المعلومات عن يمين الصفحة لحل الأسئلة ١٤ - ١٦ :

١٤ تقل السرعة القصوى للصقر عن ثلاثة أمثال سرعة الفهد القصوى بمقدار ٢٠ ميلًا في الساعة. فما سرعة الفهد؟

١٥ تستطيع سمكة الزعنفة الشراعية السباحة بسرعة تقل عن **خمس** سرعة الصقر بمقدار ميل واحد في الساعة. أوجد سرعة السمكة.

١٦ يمكن أن تصل سرعة الصقر إلى ما يزيد على سبعة أمثال أسرع إنسان بمقدار ١٤ ميلًا، فكم تبلغ سرعة أسرع إنسان تقريبًا؟

١٧ **جبر:** إذا كانت: $n + 2 = n + 4$ تمثل ثلاثة أعداد زوجية متتالية، وكان مجموعها ٣٦، فما هذه الأعداد؟



الربط بالحياة:
يمكن أن تصل سرعة الصقر الجوال (الشاهين) إلى ١٧٥ ميلًا في الساعة.

ادخار: للسؤالين ١٨ ، ١٩ استعمل المعلومات الآتية:

يريد كل من ماهر وسيف ادخار مبلغ ٦٠٠٠ ريال للرحلة الصيفية، فإذا كان لدى ماهر مبلغ ١٥٠٠ ريال، ويستطيع أن يوفر ٧٥ ريالًا في اليوم لقاء عمله، بينما لم يكن لدى سيف شيء، لكنه يستطيع أن يوفر ١٢٠ ريالًا في اليوم لقاء عمله.

١٨ **خمن:** أيهما سيحتاج إلى وقت أطول لتوفير المبلغ المطلوب للرحلة؟
اكتب معادلتين للتحقق من تخمينك، وحلّهما.

للسؤالين ٢٠ ، ٢١ اكتب مسألة يمكن حلها باستعمال المعادلة.

$$25 = 20 + 2 \quad 21 \quad 20 = 25 - 2$$

مسألة مفتوحة: العدد الذي يجعل الجملة: «يقل العدد ١٢ عن أربعة أمثال عدد بمقدار ٨» جملة صحيحة هو ٥ ، اكتب جملة أخرى يكون العدد المجهول فيها هو ٥

مسائل
مهارات التفكير العليا

٢٣ **تحدد:** إذا كان مجموع أعمار ثلاثة أشقاء ٢٧ سنة، وكان عمر أكبرهم مثلّى عمر الأصغر، وعمر الأوسط يزيد على عمر الأصغر بمقدار ٣ سنوات. فاكتب معادلة لإيجاد أعمار هؤلاء الأشقاء، ثم حلّها.

٢٤ **اختر طريقة:** يبيع سعد كل ٣ علب عصير بمبلغ ٦,٥ ريالات، فإذا كان ربحه فيها هو ٥٠ ريال، فأيُّ الطرق الآتية يمكنك استعمالها لإيجاد ثمن شراء سعد للعلبة الواحدة؟ فسر اختيارك، ثم أوجد ثمن شراء كل علبة.

الورقة والقلم

التقدير

الحساب الذهني

٢٥ **اكتب** مسألة لفظية من الواقع تتطلب كتابة معادلة ذات خطوتين لحلّها، ثم اكتب هذه المعادلة وحلّها.





٢٧ توفر سمر نقوداً لشراء لعبة ثمنها ٤٥ ريالاً، إذا كانت قد وفرت حتى الآن ١٣ ريالاً، وستتوفر ٨ ريالات أسبوعياً، والمعادلة ٨ س + ١٣ = ٤٥ تمثل هذه العلاقة، فكم أسبوعاً تحتاج سمر حتى تجمع ثمن اللعبة؟

(أ) ٤
(ب) ٦
(ج) ٧
(د) ٨

٢٦ لدى شركة ٧٢ موظفاً، وتخطط إدارة الشركة لزيادة عددهم بـ ٦ موظفين شهرياً، إلى أن يصل عددهم ضعف العدد الحالي، إذا كانت س تمثل عدد الأشهر اللازمة، فأي المعادلات الآتية تمثل الموقف؟

- أ) $6S + 72 = 144$
ب) $144 = 72 + 2S$
ج) $2(6S + 72) = 144$
د) $6S = 144 - 72$

مراجعة تراكمية

حل كل معادلة مما يأتي، وتحقق من صحة الحل: (الدرس ٧ - ٢)

$$9 - 4 - 15 = 15 - 4 + \text{ر} \quad ٣١$$

$$1 + \frac{n}{8} = 6 - 1 \quad ٣٠$$

$$27 = 13 + 7 - b \quad ٣٩$$

$$17 = 2 + 5s \quad ٢٨$$

$$4 - 3 - 4 = 9s + 9 \quad ٣٥$$

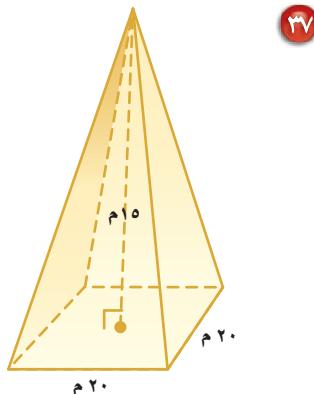
$$17 - 17 - 17 = 3n + 3 \quad ٣٤$$

$$8 - 8 - s = 6 - s \quad ٣٣$$

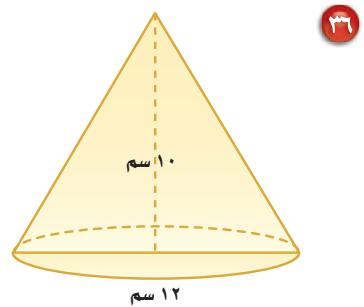
$$5s + 6 - s = 5s \quad ٣٢$$

بسط كل عبارة مما يأتي: (الدرس ١ - ٧)

أوجد حجم كل مجسم مما يأتي، مقرباً الإجابة إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم ذلك: (الدرس ٦ - ٥)

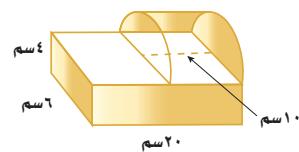


٣٧



٣٦

أوجد حجم المجسم المجاور. (الدرس ٦ - ٤) ٣٨



الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: بسط كل عبارة مما يأتي:

$$6 + 15 - 6 - 15 = \text{ر} \quad ٤٢$$

$$3 + 3 - 8 - 8 = \text{s} \quad ٤١$$

$$5 - 5 + 7 + 5 = n \quad ٤٠$$

$$2s - 8s + 2s = 2s \quad ٣٩$$





معلم الجبر

معادلات تتضمن متغيرات في طرفيها

استكشاف

٤ - ٧

يمكنك استعمال بطاقات الجبر لحل المعادلات التي تشتمل على متغيرات في طرفيها.

نشاط

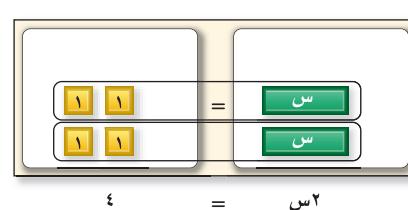
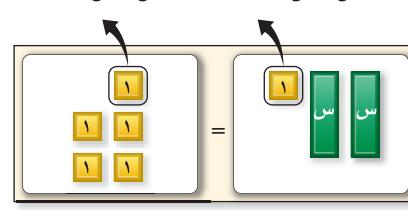
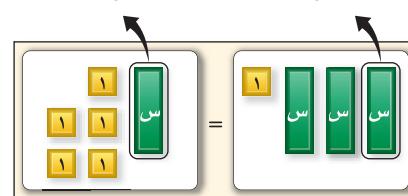
استعمل بطاقات الجبر لحل: $3s + 1 = s + 5$

مثل المعادلة.

احذف عدداً متساوياً من بطاقات s من كل طرف إلى أن تصبح بطاقات s في أحد الطرفين فقط.

احذف عدداً متساوياً من بطاقات العدد (1) من كل طرف إلى أن تصبح بطاقات s وحدها في أحد الطرفين.

ورُزِّعَ البطاقات المتبقية في مجموعتين متساويتين.



وبهذا تكون قيمة $s = 2$ ، وبما أن: $3(2) + 1 = 2 + 5$ ، فالحل صحيح.

تحقق من فهمك

استعمل بطاقات الجبر لحل كل معادلة مما يأتي:

- أ) $s + 2 = 2s + 1$ ب) $s - 5 = 7 + 2s$ ج) $2s - 7 = s + 4$
 د) $2s - 4 = s + 8$ هـ) $4s = s - 6$

حل النتائج

١) بيّن أيُّ خصائص التساوي تستعملها للتخلص من العدد نفسه من بطاقات الجبر من كل طرف على لوحة المعادلة.

فكرة الدرس:

أحل معادلات تتضمن متغيرات في طرفيها باستعمال بطاقات الجبر.



نشاط

استعمل بطاقات الجبر لحل: $s - 4 = 2s + 2$

٢

مثل المعادلة.

$$2s + 2 = s - 4$$

احذف عدداً متساوياً من بطاقات s من كل طرف إلى أن تصبح بطاقة s واحدة في أحد الطرفين.

$$s - s - 4 = 2s + 2 - s$$

لعزل بطاقات s ، لا يمكن حذف بطاقة العدد (١) من كل طرف؛ لذا أضف بطاقتين من العدد (-١) إلى كل طرف.

$$(2-) + 2 + 2 - = s + 2 - (2-)$$

احذف الأزواج الصفرية من الطرف الأيسر للالمعادلة، فيبقى ٦ أزواج من البطاقة (-١) على الطرف الآخر تقابل بطاقة واحدة s .

$$s = 6$$

وبهذا $s = -6$ ، وبما أن: $-6 = 2 - 4 = 2 - (6 - 2)$ ، فالحل صحيح.

تحقق من فهمك:

استعمل بطاقات الجبر لحل كل معادلة فيما يأتي:

ز) $s + 3 = 3s - 5$

ذ) $s - 2 = 2s + 3$

ي) $3s - 2 = 2s + 3$

ط) $s - 4 = 4s + 5$

ك) $2s + 1 = 5s - 4$

ث) $2s - 1 = 5s - 4$

حل النتائج

وضّح لماذا يمكنك حذف بطاقة s واحدة من كل طرف في لوحة المعادلة.

٢ حل المعادلة $s + 4 = 3s - 3$ بحذف بطاقات العدد (١) أولاً، ثم حذف بطاقات s أولاً. هل يؤثر حذف البطاقات التي تحمل العدد (١) أو بطاقات s أولاً؟ هل إحدى الطريقتين أكثر ملاءمة للحل؟ وضح ذلك.

٣ **خمن:** في مجموعة بطاقات الجبر، تمثل $-s$ بالبطاقة s ، ووضح كيف يمكنك استعمال بطاقة (- s) وبطاقات الجبر الأخرى لحل المعادلة:

$$-3s + 4 = 2s - 1$$





حل معادلات تتضمن متغيرات في طرفيها

٤ - ٧

الستعدين

مبيعات هاني	مبيعات حمزه	الزمن (يوم)
$0 = (0)5$	$8 = (0)4 + 8$	٠
$5 = (1)5$	$12 = (1)4 + 8$	١
$10 = (2)5$	$16 = (2)4 + 8$	٢
$15 = (3)5$	$20 = (3)4 + 8$	٣
\vdots	\vdots	\vdots

مبيعات: يبيع كل من حمزه وهاني ربطات لتغليف الهدايا. فإذا باع حمزه ٨ رزم من الربطات قبل أن يبدأ هاني بالبيع، ثم كان معدل ما باعه هاني ٥ رزم في اليوم الواحد، ومعدل ما باعه حمزه ٤ رزم في اليوم، فأجب عما يأتي:

- ١ انسخ الجدول أعلاه، ثم أكمل تعبئة الصفوف لإيجاد عدد الأيام المطلوبة حتى يتساوى عدد ما باعه كل من هاني وHamza.
- ٢ اكتب عبارة تمثل مبيعات حمزه بعد س يوماً.
- ٣ اكتب عبارة تمثل مبيعات هاني بعد س يوماً.
- ٤ أي يوم تتجاوز فيه مبيعات هاني مبيعات حمزه؟
- ٥ اكتب معادلة يمكن استعمالها لإيجاد عدد الأيام المطلوبة حتى يتساوى عدد ما باعه كل من هاني وHamza.

فكرة الدرس:

أحل معادلات تتضمن متغيرات في طرفيها.

تشتمل بعض المعادلات، مثل: $8 + 4s = 5s$ على متغيرات في طرفي المعادلة. ولحلّ مثل هذه المعادلة، استعمل خاصية الجمع أو الطرح على المساواة لكتابة معادلة مكافئة بمتغيرات في طرف واحد، ثم حلّها.

مثالان

مثالان

$$8 + 4s = 5s$$

حل المعادلة.

اكتب المعادلة

$$8 + 4s = 5s$$

اطرح ٤س من كل طرف

بسط بتجميع الحدود

$$8 + 4s - 4s = 5s - 4s$$

اطرح ٤س من الطرف الأيسر لموازنة المعادلة.

$$8 = s$$

اطرح ٤س من الطرف الأيمن لعزل المتغير.

الحل هو ٨

وللحاق من صحة الحل، عوّض عن س بـ ٨ في المعادلة الأصلية.

اكتب المعادلة الأصلية

عوّض عن س بـ ٨

الجملة صحيحة

$$\begin{aligned} \text{تحقق: } 8 + 4s &= 5s \\ (8) + 4(8) &\stackrel{?}{=} 5(8) \\ 40 &= 40 \end{aligned}$$



$$\text{حل المعادلة: } 6 - 1 = 4n - 5$$

اكتب المعادلة الأصلية

$$6 - 1 = 4n - 5$$

اطرح ٤ن من كل طرف

$$6 - 1 = 4n - 5$$

بسط

$$5 - 1 = 2$$

أضف ١ إلى كل طرف

$$1 + 5 - 1 = 2$$

بسط

$$4 - 2 = 2$$

اقسم كل طرف ذهنياً على ٢

$$2 - = n$$

تحقق من فهمك:

حل كل معادلة مما يأتي، ثم تحقق من صحة الحل:

$$\text{ج) } m - \frac{7}{3} + 3 = 12 \quad \text{ب) } s^3 - 7 = 21 + 5s \quad \text{أ) } 18 = 23 + s^3 - 7$$

مثال من واقع الحياة



مكالمات هاتفية: تبلغ تكلفة الاشتراك الشهري لأحد عروض الهواتف النقالة ٣٥ ريالاً شهرياً بالإضافة إلى ٤٥ ريال عن كل دقيقة، والاشتراك الشهري لعرض آخر ٤٥ ريالاً بالإضافة إلى ٣٠ ريال عن كل دقيقة. وبعد كم دقيقة يتساوى العرضان؟

العبارة اللفظية

٣٥ ريالاً شهرياً زائد ٤٥ ريالاً شهرياً زائد يساوي ٣٠,٣٥ ريالاً لكل دقيقة

ليكن د يمثل عدد الدقائق.

$D = 30,35 + 45$

المعادلة

المتغير

اكتب المعادلة

$$D = 30,35 + 45$$

اطرح ٣٠ د من كل طرف

$$D - 30 = 30,35 + 45 - D$$

$$45 = D - 30,35$$

اطرح ٣٥ من كل طرف

$$35 - 45 = D - 30,35$$

$$10 = D - 30,35$$

$$\frac{10}{0,05} = \frac{D - 30,35}{0,05}$$

$$200 = D$$

$$\text{تحقق: } (0,35 + 45)(200 + 30) = 105$$

$$\checkmark 105 = 105$$

تحقق من فهمك:

د) رايات: يقل طول نموذج لعلم المملكة العربية السعودية عن مثلي عرضه بمقدار قدمين، فإذا كان طول محيطه يزيد على عرضه بمقدار ١١ قدماً، فأوجد بُعدى النموذج.



الربط بالحياة:

يُعد علم المملكة العربية السعودية العلم الوحيد الذي لا ينكسر ولا ينزل إلى نصف السارية في حالات الحداد والمراسيم الدولية؛ وذلك لأجل شهادة التوحيد التي يحملها.



المثالان ٢، ١

$$\begin{array}{l} \text{١٠ س = ٣ س - ٢٨} \\ \text{٥} \\ \text{٦ ب - ٣ ب = ٩ - ٤ ب} \\ \text{٧ ب - ٨ = ٢١ + ١ - ١٢} \\ \text{٨ ب - ٩ = ١٤ + ٣ ك} \\ \text{٩ ك = ٥ ن + ٩} \\ \text{١٠ ك = ٢ ن} \end{array}$$

المثال ٢

تأجير سيارات: يتضمن مكتب لتأجير السيارات ٩٥ ريالاً كأجرة يومية على السيارة، بالإضافة إلى ٢٥٠ ريال عن كل كيلومتر زائد عن الحد اليومي. ويتقاضى مكتب آخر ٨٠ ريالاً في اليوم، بالإضافة إلى ٤٠٠ ريال عن كل كيلومتر زائد. أوجد عدد الكيلومترات الزائدة المقطوعة في يوم واحد والتي تكون تكلفتها في المكتبين متساوية.

تدريب وحل المسائل
الإرشادات للأسئلة

الأسئلة	انظر الأمثلة
١	١٠-٨
٢	١٦-١١
٣	١٩-١٧

حُلّ كل معادلة مما يأتي، ثم تحقق من صحة الحل:

$$\begin{array}{l} \text{١٠ م = ٣ س - ٢٨} \\ \text{١١ س = ٢٤ + ٨ س} \\ \text{١٢ ب + ٥ ب = ٤ ب - ١} \\ \text{١٣ ي - ٣ ي = ٦ ي + ١٧} \\ \text{١٤ د = ٥ د - ٣ ب} \\ \text{١٥ ١٣ + ٦ - ١٢ = ١٢ - ٣ ب} \\ \text{١٦ ٦ - ٢١ = ٢ ب - ٩} \end{array}$$

حدد المتغير لكل مسألة مما يأتي، ثم اكتب المعادلة، وحُلّها:

٧ أقل من ثلاثة أمثال عدد ما بمقدار ثمانية عشر يساوي مثلث العدد.

٨ أكبر من أربعة أمثال عدد بمقدار أحد عشر يساوي هذا العدد مطروحًا منه سبعة.

ترفيه: ثمن التذكرة العادي للدخول إلى مدينةألعاب ٦ ريالات، وثمن التذكرة الذهبية ٣ ريالات لمن دفع ٣٠ ريالاً رسم اشتراك. فكم تذكرة ذهبية يجب شراؤها بحيث يكون ثمنها مساوياً ثمن التذاكر العادي المساوية لها في العدد؟



(٤س - ٢) وحدة

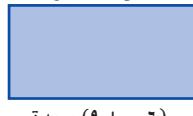
قياس: اكتب معادلة وحُلّها لإيجاد

محيط المربع المجاور ومساحته.

مسائل
مهارات التفكير العليا

١١ تحدي: يدفع محل بيع الدرة مبلغ ٥٠٠ ريال بالإضافة إلى ٥٪ من قيمة المبيعات إيجاراً شهرياً للمكان. إذا كان المحل يبيع كوب الدرة الذي يكلفه ٢,٧٥ ريالاً بـ ٥ ريالات، فاكتب معادلة وحُلّها لإيجاد عدد الأكواب التي يلزم بيعها ليوفر قيمة الإيجار.

(٢س + ١٧) وحدة



(٤س - ١) وحدة

١٢ تحدي: أوجد مساحة المستطيل المجاور.

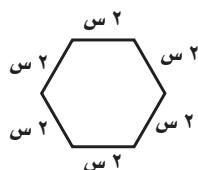
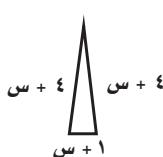
١٣ أكتب ووضح كيف تحل المعادلة:

$$2 - 4s = 6s - 8.$$





٢٥ ما قيمة س التي تجعل محيطي المضلعين أدناه متساوين؟



- (أ) ١
- (ب) ٢
- (ج) ٣
- (د) ٤

٢٤ إذا كان عدد لاعبي فريق كرة القدم في نادٍ رياضي هو ٤٥ لاعباً، ويزيد بمعدل ٣ لاعبين سنوياً، وعدد لاعبي فريقألعاب القوى في النادي نفسه ٢١ لاعباً، ويزيد بمقدار ٦ لاعبين سنوياً. أي المعادلات الآتية يمكن استعمالها لإيجاد بعد كم سنة يتساوى عدد لاعبي الفريقين؟

- (أ) $45 س + 3 = 21 س + 6$
- (ب) $45 س + 6 س = 3 + 21 س$
- (ج) $45 س + 3 س = 6 + 21 س$
- (د) $(45 س + 3 س) = (6 + 21 س)$

مراجعة تراكمية

٢٦ قرطاسية: زارت مها المكتبة واشترت كتاباً و٤ دفاتر من النوع نفسه، فكان ثمن مشترياتها ٤٩,٩٥ ريالاً، إذا كان ثمن الكتاب ٩٥ ريالاً، فما ثمن الدفتر الواحد؟ (الدرس ٧ - ٣)

حل كل معادلة فيما يأتي، ثم تتحقق من صحة الحل: (الدرس ٧ - ٢)

$$٢٨ ٢ + ٤ = ٦ - س \quad ٢٧ ٩ + ٥ = ١٩$$

$$٣٠ ٢ - ١٨ = ٤ - س \quad ٢٩ ١٧ - ٨ = س - ١$$

٣١ أوجد مساحة المنطقة المظللة في الشكل المجاور، مقرّباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة. (الدرس ٦ - ١)



الاستعداد للدرس اللاحق

٣٢ مهارة سابقة: مع ياسر ١٣٥ ريالاً، يريد صرفها في حضور مباراة كرة قدم، فإذا كان ثمن التذكرة ٢٥ ريالاً، وثمن الوجبة ١٥,٥ ريالاً، وثمن العصير ٤,٤ ريالات، استعمل استراتيجية الحل عكسياً؛ لإيجاد عدد الأصدقاء الذين يمكن لياسر دعوتهم لحضور المباراة معه، إذا قام بالدفع عنه وعن أصدقائه المدعوين.



اختبار منتصف الفصل

الدروس من ١-٧ إلى ٤-٧

تدريب ١٥: استعداً لسباق الدرجات، يقطع سعد بدرجاته المسافة نفسها يومي الثلاثاء والخميس، ويقطع مسافة ٢٠ كيلومتراً يوم السبت، وعليه يكون مجموع المسافة التي يقطعها في الأيام الثلاثة ٥٠ كيلومتراً. حل المعادلة $٢٠ + ٥٠ = ٢٠ + ٥٠$ لإيجاد المسافة التي يقطعها سعد في كل من يومي الثلاثاء والخميس. (الدرس ٧-٣)

حول كل جملة فيما يأتي إلى معادلة، ثم حلّها: (الدرس ٧-٣)

١٦ يزيد العدد ٩ على ناتج قسمه عدد على ٣ بمقدار ١٤

١٧ ناتج قسمة عدد ما على (٧) مطروحاً منه ٤ يساوي (١١-)

١٨ الفرق بين ١٠ وثلاثة أمثال عدد ما يساوي ١٧

اتصالات: تتقاضى شركة اتصالات ٤٥ ريالاً رسوماً شهرية، كما تتقاضى ١٥ ريال عن كل دقيقة أو جزء منها يتحدثها المتصل. اكتب معادلة وحلها لإيجاد عدد الدقائق التي تحدثها متصل كانت فاتورته الشهرية ١١٢,٥ ريالاً. (الدرس ٧-٣)

حول كل معادلة فيما يأتي، ثم تحقق من صحة الحل: (الدرس ٧-٤)

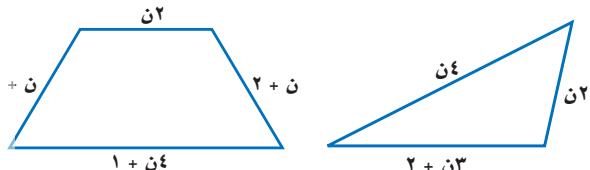
٢٠ $٣س + ٧ = ٢س$

٢١ $٧ - ٦ = ٤ب$

٢٢ $٣ص - ٥ = ٥ص + ٣$

٢٣ $٤٩ - ٤م = ٧ + ٣م$

قياس: اكتب معادلة وحلها لإيجاد قيمة س، بحيث يكون محيط المضلعين متساوين. (الدرس ٧-٤)



استعمل خاصية التوزيع في إعادة كتابة كل عبارة مما يأتي: (الدرس ١-٧)

٢ $(٣ - ٢) (٢ + ١)$

٣ $(٢ + ٣) (١)$

٤ $(٣ + ٢) (٧ - ٤)$

٥ $(٣ - ٧) (٢ + ٤)$

بسط كل عبارة مما يأتي: (الدرس ١-٧)

٦ $٦ب + ٥ - ٦ب$

٧ $١٣ - ٢$

٨ $٧س + ٨ - ٨س + ٥$

٩ $٢م - ٨$

عین الحدود، والحدود المتشابهة، والمعاملات، والثوابت في العبارة: $٤س + س - ٣$.

(الدرس ١-٧)

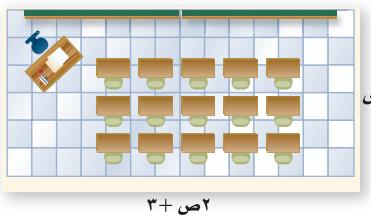
حل كل معادلة فيما يأتي، ثم تتحقق من صحة الحل: (الدرس ٢-٧)

١١ $٣ك - ٧ = ٢ك + ٥$

١٠ $١٤ = ٥ + ٣م$

١٢ $١١ = ١٥ - ٧ - \frac{1}{3}y$

اختبار من متعدد: بيّن الشكل أدناه مخطط غرفة صفية.



إذا كان محيط الغرفة ٧٨ قدماً، فكم عرضها؟ (الدرس ٧-٢)

أ) ١٢ قدماً ج) ٢٥ قدماً

ب) ١٥ قدماً د) ٢٧ قدماً



استراتيجية حل المسألة

٥-٧

فكرة الدرس: أحل المسائل باستعمال استراتيجية

"التخمين والتحقق"



ال تخمين والتحقق



محمد: يشارك مجموعة من الأشخاص في دورة تدريبية، وبلغ رسم الاشتراك في الدورة ٢٠٠ ريال للصغرى و٤٠٠ ريال للكبار، وبلغ ما تم جمعه من المشاركين ٦٦٠٠ ريال، وكان عددهم ٣٠ شخصاً.

مهمتك : **خمن وتحقق** لإيجاد عدد كل من الصغار والكبار المشاركين في الدورة.

يدفع الصغير ٢٠٠ ريال، ويدفع الكبير ٤٠٠ ريال.
والعدد الكلي ٣٠ شخصاً.

أفهم

خطوة

حل

خمن، ثم تحقق من صحة تخمينك.

ابحث عن الحالة التي يكون فيها المجموع ٦٦٠٠ ريال. يشير ص في القائمة إلى عدد الصغار، وك إلى عدد الكبار.

التحقق	ص + ٤٠٠ ك	ك	ص
مرتفع	$٦٨٠٠ = (٤٠٠ + ٢٦)٢٠٠$	٤	٢٦
منخفض	$٦٢٠٠ = (١٠٤٠٠ + ٢٩)٢٠٠$	١	٢٩
منخفض	$٦٤٠٠ = (٢٠٤٠٠ + ٢٨)٢٠٠$	٢	٢٨
صحيح	$٦٦٠٠ = (٣٠٤٠٠ + ٢٧)٢٠٠$	٣	٢٧

إذن، هنالك ٢٧ صغيراً و ٣ كبار يشاركون في الدورة.

مجموع ٢٧ و ٣ يساوي ٣٠، وبما أن: $(٣٠) = (٢٧ + ٤٠٠)$ ، فال تخمين صحيح.

تدقيق

حل الاستراتيجية

١ في المسألة أعلاه، المبلغ المجموع من ٢٣ صغيراً و ٥ كبار يساوي أيضاً ٦٦٠٠ ريالاً. وضح لماذا لا يكون هذا هو الجواب الصحيح؟

الكتاب مسألة يمكنك حلها بال تخمين والتحقق، ثم اكتب الخطوات المطلوبة لإيجاد الحل.



٥ بوصات



٩ أقراص مرتنة :

وضع ٢٠ قرصاً مرتناً في صندوق واحد. اكتب احتمالين لأبعاد الصندوق الذي يتسع لهذه الأقراص بلا فراغات.

استعمل استراتيجية "التخمين والتحقق" لحل المسائل ٥-٣:

نظريّة الأعداد : ناتج مربع عدد يساوي ٥٧٦،

فما العدد؟

عملة : مع حمد مبلغ ٢٢,٥ ريالاً مكوناً من الفئات الآتية: $\frac{1}{2}$ ريال، ريال، ١٠ ريالات. فإذا كان عدد العملات التي معه ١٦ عملة، فما عدد كل فئة منها؟

تسوق : اشتترت منها هدايا لثمان من بنات إخوانها، فإذا اشتترت خواتم بسعر ٦ ريالات للخاتم الواحد، ودمى بسعر ٧ ريالات للدميّة الواحدة، وأنفقـت ٥٣ ريالاً، فما عدد الهدايا التي اشتـرتـها من كل نوع؟

استعمل الاستراتيجية المناسبة لحل المسائل ١٣-٦

- استراتيجيات حل المسألة
- الرسم
- إنشاء جدول
- التخمين والتحقق

١٠ مجموع أعمار ثلاثة أشخاص ١٠٨ سنوات، إذا كان عمر أكبرهم يزيد ٨ سنوات على عمر الأصغر، فما أعمار هؤلاء الأشخاص؟

تحليل جداول : استعمل المعلومات الآتية لحل المسألتين ١١، ١٢:

شارك ١١٥ طالباً في إحدى المدارس في دورات تدريسيّة مهنية؛ حيث شارك ٧٠ طالباً في دورة تمريض، و٣٧ طالباً في دورة مهارات التفكير، و٦٣ طالباً في دورة الإلكترونيات، وشارك بعضهم في أكثر من دورة كما في الجدول الآتي:

عدد الطالب	الدورة
١٥	جميع الدورات
٢٠	التمريض والتفكير
٣٧	الإلكترونيات والتمريض
٦٣	التفكير فقط

١١ ما عدد الطلاب الذين شاركوا في دورة الإلكترونيات فقط؟

١٢ ما عدد الطلاب الذين لم يشاركوا في دورة التمريض؟

الحس العددي : أوجد ناتج ضرب ما يأتي:

$$1 - \frac{1}{2}, \frac{1}{2} - 1, 1 - \frac{1}{3}, \frac{1}{3} - \frac{1}{4}, \dots$$

$$\frac{1}{50} - 1, \frac{1}{48} - \frac{1}{49}, \dots$$

٦ قياس : إذا كان طول المستطيل المرسوم (ل) أطول من عرضه (ض)، فاكتـب قائمة الاحتمالات الممكـنة لبعـدي المستطـيل بالأعـداد الصـحيـحة، عـلـماً بـأن مـسـاحـته تـساـوي ٣٦ وـحدـة مـرـبـعة. وـعيـن بـعـدي المستطـيل الـذـي لهـ أـكـبرـ محـيـطـ.

ض = ٣٦ = وحدة مربعة

ل

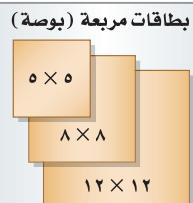
٧ أعداد : ثلاثة أعداد مجموعها ٢٣، والعدد الأكبر منها يزيد على الأصغر بمقدار ٩

الصحيفـة الـيـوـمـيـة			
٣	٥	٧	٤
٤	٧	٦	٤
٥	٥	٣	٦
٨	٤	٥	٥
٦	٥	٧	٧

٨ صحيفـة : تـبيـنـ القـائـمةـ المجـاـوـرـةـ عـدـدـ أحـرـفـ أولـ ٢٠ـ كـلـمـةـ فيـ مـقـالـةـ مـكـتـوبـةـ فيـ إـحدـىـ الصـحـفـ الـيـوـمـيـةـ. فـأـيـ عددـ الـأـحـرـفـ أـكـبـرـ تـكـرـارـاـ؟ـ



خدمات البريد
الكتلة القصوى السعر (جم)
١,٥ ٣٠
٢,٢٥ ٦٠
٢,٧٥ ٩٠
٣,٢٠ ١٢٠
٣,٥٠ ١٥٠



خدمة البريد: ترغب هدى في إرسال بطاقات دعوة مربعة الشكل بالبريد، على أن تكون قياسات البطاقة 5×5 بوصات أو أكبر. وستدفع رسوماً لكتلة كل بطاقة بحسب البيان الموضح أعلاه.

- ١ حدد قياسات ثلاثة بطاقات يمكن لها استعمالها.
- ٢ كم ستبلغ تكلفة إرسال بطاقة كل منها 80 جراماً؟

تُسمى الجملة الرياضية التي تشتمل على أحد الرموز: أكبر من ($>$), أو أصغر من ($<$) **متباينة**. وعند استعمالها للمقارنة بين متغير وعدد، فإنها تصف مدى من القيم.

كتابة متباينات باستعمال $<$ أو $>$

اكتب متباينة لكل جملة فيما يأتي:

- ١ **أمتعة:** يجب أن يكون عمرك أكبر من 12 سنة حتى تشارك في اللعب.
- ليكن $ع$ = عمر الفرد.
- $ع > 12$

١ **سفر عن:** يجب أن تقل كتلة حقيقة السفر عن 18 كيلو جراماً.

ليكن $و$ = كتلة الحقيقة.

$و < 18$

تحقق من فهمك: اكتب متباينة لكل جملة فيما يأتي:

- أ) **قيادة:** يجب أن يكون عمرك أكبر من 18 سنة حتى تقود السيارة.
- ب) **رياضة:** يجب أن يكون عمر اللاعب في فريق الناشئين أصغر من 17 سنة.

يستعمل الرمزان \leq و \geq ليجمعوا بين الإشارتين $<$ و $>$ مع إشارة المساواة $=$.

كتابة متباينات باستعمال \leq أو \geq

اكتب متباينة لكل جملة فيما يأتي:

- ٤ **الطعام:** يجب أن يكون عمرك 12 سنة أو أقل لتطلب من قائمة الأطفال.
- ليكن $س$ = عمر الفرد.
- $س \geq 12$
- ٣ **الألعاب:** يجب ألا يقل طولك عن 120 سم لتمارس هذه اللعبة.
- ليكن $ط$ = طول الفرد.
- $ط \leq 120$

تحقق من فهمك:

اكتب متباينة لكل جملة فيما يأتي:

- ج) **الهوية:** يجب أن يكون عمرك 15 سنة أو أكبر حتى يحق لك إصدار الهوية الوطنية.
- د) **سفر:** يتسع خزان الوقود لـ 60 لترًا على الأكثـر.

المتباينات

٦-٧

فكرة الدرس:

أكتب المتباينات وأمثلها.

المفردات

المتباينة



المتباينات					
النحو	الرموز	<	>	أقل من	أكبر من
أكبر من أو يساوي	\geq			أكبر من	أصغر من
أقل من أو يساوي				أقل من	أكبر من
على الأقل				على الأقل	

المتباينات التي تشتمل على متغيرات هي جمل مفتوحة، وعند كتابة عدد ما مكان المتغير، فإنها تكون إما صحيحة وإما خاطئة.

تحقق من صحة متباينة

مثالان

بين ما إذا كانت كل متباينة فيما يأتي صحيحة أم خاطئة عند القيمة المعطاة:

$$3 - س \leq 10 \quad 6$$

$$5 < 2 + س \quad 5$$

$$7 - س \geq 10 \quad 10$$

$$أ < 2 + 8 \quad 9$$

$$(3 - س) > 10 \quad 10$$

$$8 < 2 + 5 \quad 13$$

$$بسط \quad 10 \geq 10$$

$$بسط \quad 8 < 7 \quad 7$$

$$\text{بما أن } 10 > 10 \text{ خاطئة، } 10 = 10$$

$$\text{بما أن } 7 \text{ ليس أكبر من } 8, \text{ فإن } 7 > 8$$

$$\text{صحيحة، فإن } 10 \geq 10 \text{ صحيحة.}$$

$$\text{خاطئة.}$$

إرشادات للدراسة

رموز

تقرأ العبارة $a \neq b$: a ليس أكتر من b .

$a < b$: a ليس أكتر من b .

تحقق من فهمك :

بين ما إذا كانت كل متباينة فيما يأتي صحيحة أم خاطئة، عند القيمة المعطاة.

$$هـ) ن - 6 > 15, ن = 18 \quad وـ) -3 ب \leq 24, ب = 8 \quad زـ) 2 < 5 ص - 7, ص = 1$$

يمكن تمثيل المتباينات على خط الأعداد، ولأنه يصعب إظهار جميع القيم التي تجعل المتباينة صحيحة، يتم وضع دائرة مفتوحة أو مغلقة للدلالة على بداية القيم، ثم سهم إلى اليمين أو اليسار لإظهار الاتجاه.

تمثيل المتباينات بيانياً

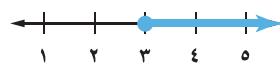
مثالان

مثل بيانياً كل متباينة فيما يأتي على خط الأعداد:

$$ن < 3 \quad 8$$

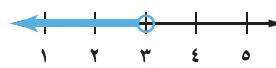
$$ن > 3 \quad 7$$

ضع دائرة مغلقة على العدد 3، ثم ارسم سهماً باتجاه اليمين.



الدائرة المغلقة تعني أن العدد 3 ضمن الحل.

ضع دائرة مفتوحة على العدد 3، ثم ارسم سهماً باتجاه اليسار.



الدائرة المفتوحة تعني أن العدد 3 ليس ضمن الحل.

تحقق من فهمك :

مثل بيانياً كل متباينة فيما يأتي على خط الأعداد:

$$حـ) س < 2 \quad طـ) س > 1 \quad يـ) س \geq 5 \quad كـ) س \leq -4$$



اكتب متباينة لكل جملة فيما يأتي:

الأمثلة ٤-١

قيادة السيارات: يجب أن لا تتجاوز سرعة سيارتك ١٢٠ كم/ساعة.

١

ألعاب: يعرض محل لعب إلكترونية للذين تزيد أعمارهم على ٦ سنوات.

٢

بَيْنَ مَا إِذَا كَانَتْ كُلَّ مُتَبَايِنَةٍ فِيمَا يَأْتِي صَحِيحَةً أَمْ خَاطِئَةً، عَنْدَ القيمة المُعطَاة:

المثالان ٦، ٥

$$١٥ = ن - ١١ > ٩, \text{ س} = ٢٠ \quad ٤ \leq ٤٢ \leq ٦, \text{ أ} = ٨ \quad ٣ \quad ٥$$

مُثَلِّ بِيَانِيًّا كُلَّ مُتَبَايِنَةٍ فِيمَا يَأْتِي عَلَى خَطِّ الأَعْدَاد:

المثالان ٨، ٧

$$٧ > أ \quad ٦ \leq س \leq ٠ \quad ب \geq ٢ \quad ٧ \quad ٨$$

تدريب وحل المسائل

اكتب متباينة لكل جملة فيما يأتي:

الإرشادات للأسئلة

الأسئلة	انظر الأمثلة
٤-١	١٢-١٠
٦، ٥	١٨-١٣
٨، ٧	٢٢-١٩

عطور: لا تزيد تكلفة بعض أنواع العطور على ٥٠ ريالاً.

١٠

تسوق: يجب أن تتجاوز مشترياتك ١٠٠ ريال لتحصل على خصم.

١١

تبَرُّ: يمكنك التبرع بالدم إذا كان خُضاب الدم لديك ١٢ وحدة على الأقل.

١٢

بَيْنَ مَا إِذَا كَانَتْ كُلَّ مُتَبَايِنَةٍ فِيمَا يَأْتِي صَحِيحَةً أَمْ خَاطِئَةً، عَنْدَ القيمة المُعطَاة:

$$٨ = ١٢ + أ > ٩, \text{ ك} = ٦, \text{ ك} < ٢٠ \quad ١٤ \quad ٩ = ١٥ - ك \quad ١٣ \quad ٣ - س < ٢١, \text{ س} = ٨$$

$$٢ = س - ٣٢ \geq ٣٢, \text{ س} = ١٦ \quad ١٧ \quad ٥ \leq ن = ١٦, \text{ ن} = ١٢ \quad ١٨ \quad س = ٩ - \frac{١٨}{٢}$$

مُثَلِّ بِيَانِيًّا كُلَّ مُتَبَايِنَةٍ فِيمَا يَأْتِي عَلَى خَطِّ الأَعْدَاد:

$$١ \geq ن \geq ٧ \quad ١٩ \quad س < ٦ \quad ٢٠ \quad ص > ٨ \quad ٢١ \quad ب \leq ٧ \quad ٢٢$$



الربط بالحياة: يعتبر خضاب الدم (الهيموجلوبين) المكون الأساسي في خلايا الدم الحمراء حيث يعمل على نقل الأكسجين من الرئتين إلى جميع أنسجة الجسم المختلفة.

اكتشف الخطأ: كتب كل من ياسر وعزام المتباينة التي تعبر عن الجملة

مسائل

“ ساعتان على الأقل لحل الواجبات ”، فأيهما على صواب؟ وضح إجابتك.

مهارات التفكير العليا



عزام



ياسر

$ن \leq ٢$

$ن \geq ٢$

تحدد: إذا كانت: س = ٣، فهل المتباينة الآتية صائبة أم خاطئة؟ بُرر إجابتك.

٢٤

$$\frac{١٠٨}{١٢} + س \leq ١٥ - ٤ س$$

التعجب: إذا كانت $A > B$, $B > C$, ما العلاقة الصحيحة بين A و C ؟

٢٥

وضَّح ذلك، وأعطِ أمثلة تستخدَم كلاً من القيم الموجبة والسلبية لـ A , B , C .





٢٧ أيُّ المتباينات الآتية تعبّر عن الجملة: "للاشتراك
يشترط ألا يقل عمر العضو عن ١٨ سنة"؟

أ) $18 < ع$

ب) $18 \leq ع$

ج) $18 > ع$

د) $18 \geq ع$

٢٦ لا يستطيع حمزة السباحة في البركة أكثر من ٤ ساعات
هذا اليوم، أيُّ التمثيلات البيانية الآتية تمثل الزمن
الذي يمكن أن يقضيه حمزة في البركة؟



مراجعة تراكمية



٢٨ **عمره:** سافر ١٦ صديقاً في رحلة عمرة إلى مكة المكرمة، ثم توجّهوا إلى الفندق، فوجدوا به نوعين من
الغرف: غرف سعتها ٣ أسرّة، وغرف سعتها ٥ أسرّة، فكم غرفة بالضبط تكفيهم لاستئجارها؟ (الدرس ٧ - ٥)

سيارات: يقدم أحد معارض تأجير السيارات عرضين للمستأجرين؛ الأول: ٦٠ ريالاً يومياً، إضافة إلى
٢٥ ريال عن كل كيلومتر تقطعه السيارة، والثاني: ٤٥ ريالاً إضافة إلى ٤٥ ريال عن كل كيلومتر تقطعه
السيارة. اكتب معادلة وحلّها لإيجاد عند كم كيلومتراً ستكون التكلفة نفسها بـكلا العرضين. (الدرس ٧ - ٤)

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: حلّ كلاً من المعادلات الآتية:

٣١) $ن + ٤ = ٧$

٣٠) $ص + ١٥ = ٣١$

٣٣) $س - ٣ = ١٢ - ٣$

٣٩) $أ - ٨ = ٢٥$





حل الممتباينات

٧-٧



الاسم	العملات النقدية
أحمد	٥٠ ريالاً (ورقة)، ١٠ ريالات (ورقتان)، ريال (قطع)
خالد	١٠ ريالات (٥ أوراق)، ريال (قطعتان)

الستعدين

أوراق نقدية : وضع كل من أحمد و خالد ما في جيوبهم من نقود على الطاولة.

- ١ اكتب ممتباينة تقارن بين نقود أحمد و خالد.
- ٢ إذا حصل كل منهما على ١٠ ريالات إضافية، فهل ستبقى المقارنة صحيحة؟ اشرح.
- ٣ إذا اشتري كل منهما بقيمة ريالين ، فهل ستبقى المقارنة صحيحة؟ اشرح.
- ٤ إذا تبرع كل منهما بنصف ما لديه، فهل ستبقى المقارنة صحيحة؟ اشرح.
- ٥ إذا تضاعف ما لديهما ثلاثة مرات، فهل ستبقى المقارنة صحيحة؟ اشرح.

تبين الأمثلة أعلاه خصائص الممتباينة، وهذه الخصائص صحيحة عندما $A \geq B$.

فكرة الدرس:

أحل ممتباينات باستعمال خصائص الجمع أو الطرح أو الضرب أو القسمة.

مفهوم أساسى

خصائص الممتباينة (الجمع والطرح)

التعبير اللفظي: عند جمع (أو طرح) العدد نفسه لطرفى ممتباينة، فإنها تبقى صحيحة.

الرموز: لأى ثلاثة أعداد A ، B ، C :

- إذا كان $A > B$ ، فإن $A + C > B + C$ ، $A - C > B - C$
- إذا كان $A < B$ ، فإن $A + C < B + C$ ، $A - C < B - C$

$$8 > 3$$

$$3 < 2$$

الأمثلة:

$$4 - 8 > 4 - 3$$

$$5 + 3 - < 5 + 2$$

$$\checkmark 4 > 1 -$$

$$\checkmark 2 < 7$$

يُقصد بحل الممتباينة إيجاد قيم المتغير التي تجعل الممتباينة صحيحة.

حل الممتباينات بالجمع والطرح

مثالان

حُلَّ الممتباينتين الآتىتين، ثم تحقق من صحة الحل.

$$N - 8 > 15$$

اكتب الممتباينة

$$N - 8 > 15$$

اضف 8 للطرفين

$$8 + N - 8 > 8 + 15$$

بسط

$$N > 23$$

إذن الحل هو: $N > 23$

ارشادات للدراسة

تحقق من صحة

الحل

يمكّنك التحقق من صحة

الحل في المثال ١ بتعويض

أعداد أصغر من ٢٣ في

الممتباينة والتتحقق من

صحة الناتج .

تحقق: عُوض عن N في الممتباينة الأصلية $-B > 22$ ، أو أي عدد أصغر منه.



$$7 + L \leq 4$$

$$4 \leq L + 7$$

$$4 - 7 \leq L + 7 \quad \text{اطرح 7 من الطرفين}$$

$$\text{بسط} \quad 11 - L \leq 0$$

$$\text{إذن الحل هو: } L \geq -11$$

تحقق: عُوّض عن L في المتباينة الأصلية $-11 < L$ ، ثم بعدد أصغر منه.

تحقق من فهمك ✓

حُلَّ المتباينات الآتية، ثم تحقق من صحة الحل.

$$\text{أ) } t + 3 > 12 \quad \text{ب) } n + \frac{1}{2} \leq 4 \quad \text{ج) } s - 1,5 > 2$$

مفهوم أساسى

خصائص المتباينة (الضرب والقسمة)

التعبير اللفظي: عند ضرب (أو قسمة) طرفي متباينة في عدد موجب، فإنها تبقى صحيحة.

الرموز: لأي ثلاثة أعداد A , B , C , حيث $C > 0$:

• إذا كان $A < B$, فإن $A/C < B/C$

• إذا كان $A > B$, فإن $A/C > B/C$

$$10 - < 2$$

$$8 > 5$$

الأمثلة:

$$\frac{10}{2} - < \frac{2}{2}$$

$$4 < 5$$

$$\checkmark \quad 5 - < 1$$

$$\checkmark \quad 32 > 20$$

مثالان حل المتباينات بالقسمة والضرب

حُلَّ المتباينات الآتية، ومثل الحل بيانياً:

$$7y < 42$$

$$7y < 42$$

$$\text{اقسم الطرفين على 7} \quad \frac{42}{7} < \frac{7y}{7}$$

$$\text{بسط} \quad y < 6$$

$$\text{إذن الحل هو: } y < 6$$



$$8 \geq \frac{1}{3} s$$

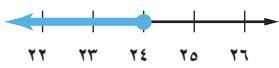
٤

$$8 \geq \frac{1}{3} s$$

$$(8) \geq \frac{1}{3} s \quad \text{اضرب الطرفين في } 3$$

$$s \geq 24 \quad \text{بسط}$$

إذن، الحل هو $s \geq 24$



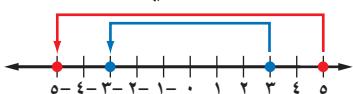
تحقق من فهمك:

حُلَّ المُتَبَايِنَاتُ الآتِيَّة، وَمَثَّلَ الْحَلَ بِيَاءًً:

$$\text{د) } 45 \leq 3^x \quad \text{هـ) } 16 - \frac{n}{4} > 81 \quad \text{و) } b \geq 9 - x$$

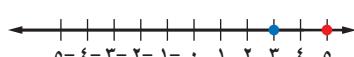
ماذا يحدث للمُتَبَايِنَةِ إِذَا ضُرِبَ طُرُفَاهَا أَوْ قُسِّمَا عَلَى عَدْدٍ سَالِبٍ؟

اضرب كل عدد في -1:



بما أن -3 إلى يمين -5، فإن $-5 < 3$

مثل 3، 5 على خط الأعداد:



بما أن 3 إلى يسار 5، فإن $3 < 5$

لاحظ أن الأعداد التي تم مقارنتها قد تغيرت مواقعها بعد ضربها في عدد سالب؛ أي أن ترتيبها قد انعكس. وتبين هذه الأمثلة الخصائص الآتية للمُتَبَايِنَة، وهي صحيحة عندما أكب، أكب:

مفهوم أساسى

خَصَائِصُ الْمُتَبَايِنَةِ (الْضُرُبُ وَالْقِسْمَةُ)

التعبير اللفظي: عند ضرب (أو قسمة) طرفي مُتَبَايِنَةٍ في عَدْدٍ سَالِبٍ، فإن إشارة المُتَبَايِنَة تَغْيِيرٌ حتَّى تبقى صحيحة.

الرموز:

- لأي ثلاثة أعداد a , b , c ، حيث $a < b$:
- إذا كان $a < b$ ، فإن $a < b < c$ ، حيث $\frac{a}{c} < \frac{b}{c}$
- إذا كان $a < b$ ، فإن $a < b < c$ ، حيث $\frac{a}{c} < \frac{b}{c}$

$$9 > 3$$

$$5 < 8$$

الأمثلة:

$$\frac{9}{3} < \frac{3}{2} \quad (5) > (8) \quad \text{اعكس إشارة المُتَبَايِنَة}$$

$$\checkmark \quad 3 < 1$$

$$\checkmark \quad 5 > 8$$

ارشادات للدراسة

خطا شائع

لا تعكس إشارة المُتَبَايِنَة لأنها تشتمل على إشارة سالب مثل $s < 4$ ، بل اعكسها فقط عند ضرب المُتَبَايِنَة أو قسمتها على عَدْدٍ سَالِبٍ.



مثالان

الضرب أو القسمة على أعداد سالبة

حُلَّ المُتَبَايِنَيْنَ الْآتَيْتَينَ، وَمَثُلَ الْحَلَ بِيَانِيًّا:

$$8 \leq \frac{1}{2}$$

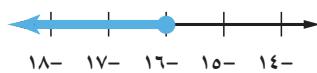
اكتب المتباينة.

$$8 \leq \frac{1}{2}$$

(٨) اضرب في (-٢)، واعكس إشارة المتباينة.

$$16 \geq 1$$

تحقق.



$$n < 24 - 6$$

اكتب المتباينة.

$$24 - 6 > n$$

اقسم على (-٦)، واعكس إشارة المتباينة.

$$\frac{24 - 6}{-6} > \frac{n}{-6}$$

تحقق.

$$n > 4$$



تحقق من فهمك ✓

حُلَّ كُلَّ مُتَبَايِنَاتَ الْآتَيَةَ، وَمَثُلَ الْحَلَ بِيَانِيًّا:

$$n > \frac{14 - 7}{-7} \quad \text{ج) } \quad 30 \leq d - 5 \quad \text{ه) } \quad 3 - \frac{9}{8} \geq 3 - t$$

تأكد

حُلَّ كُلَّ مُتَبَايِنَةَ، وَمَثُلَ الْحَلَ بِيَانِيًّا، ثُمَّ تَحْقِيقُ مِنْ صَحَّةِ الْحَلِّ:

$$4 \geq n + 12 \quad \text{ر)$$

$$9 < b + 5 \quad \text{ا)$$

المثالان ٢،١

$$3 < s - 12 \quad \text{د)$$

$$10 > 4 - s \quad \text{س)$$

المثالان ٣،٤

$$6 \leq \frac{5}{4} \quad \text{ه)$$

$$\frac{3}{4} > \frac{7}{9} \text{ ص)$$

المثالان ٥،٦

$$7 \geq 6 - 5 \quad \text{ج)$$

$$4 - s < -4 \text{ ص)$$

المثالان ٥،٦

$$7 > \frac{5}{2} \quad \text{ر)$$

تدريب وحل المسائل

حُلَّ كُلَّ مُتَبَايِنَةَ، وَمَثُلَ الْحَلَ بِيَانِيًّا، ثُمَّ تَحْقِيقُ مِنْ صَحَّةِ الْحَلِّ:

$$-2 \leq n + 10 \quad \text{ر)$$

$$18 \geq s + 5 \quad \text{ا)$$

الإرشادات للأسئلة

للأسئلة	انظر الأمثلة
٢،١	١٦-١١
٤،٣	٢١-١٧
٦،٥	٢٨-٢٢

$$-3 \geq a - 5 \quad \text{د)$$

$$0, 5 \geq 0, 8 + h \quad \text{س)$$

$$\frac{1}{2} \geq \frac{2}{3} - d \quad \text{ر)$$

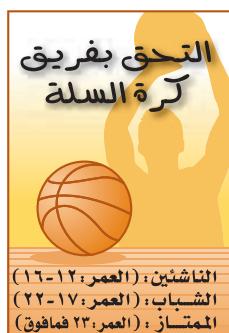
$$6 < 4, 8 - b \quad \text{ج)$$



١٧	$ن \geq 45$	١٦	$س > 15$
١٩	$ج < 12 - 3$	١٨	$ك \leq 14 - 84$
٢١	$ص > 2 - 22$	٢٠	$ب \geq 100 - 50$
٢٣	$ر < 3 - 9$	٢٢	$و \leq 4 - 20$
٢٥	$\frac{ف}{4} < 4$	٢٤	$ه > 72 - 12 - 72$
٢٧	$\frac{ك}{2} < 10 - 1$	٢٦	$7 - > \frac{م}{2}$

اكتب متباعدة لكل مما يأتي وحلّها:

- ٢٨ أكبر من عدد ما بخمسة يساوي على الأقل ١٣.
- ٢٩ الفرق بين عدد ما والعدد ١١، أصغر من ٨.
- ٣٠ ناتج قسمة عدد ما على ٥، وإضافة أربعة إليه يساوي ٧ على الأكثر.
- ٣١ ناتج قسمة عدد ما على ٣، وطرح اثنين منه يساوي ١٢ على الأقل.



كرة سلة: عماد عمره ١٥ سنة، ويفكر في الانضمام إلى فريق كرة السلة الممتاز. اكتب متباعدة وحلّها لتحديد بعد كم سنة يمكنه الانضمام إلى الفريق.

عمل: يتقاضى سالم ٦٢,٥ ريالاً عن كل ساعة عمل، ويرغب في ادخار مبلغ يكفي لشراء طاولة ثمنها ٥٠٠ ريال. اكتب متباعدة وحلّها لإيجاد عدد الساعات التي يجب عليه أن يعملها حتى يتمكن من شراء الطاولة.

مسائل مهارات التفكير العليا

٣٣ تحد: بين ما إذا كانت كل معادلة أو متباعدة فيما يأتي لها حل واحد، أو أكثر، أو ليس لها حل:

$$ص - ص = ٠ \quad ٣٤$$

$$٣٥ \quad س + ٤ = ٩ \quad س < ص + ١$$

٣٨ مسألة مفتوحة: اكتب متباعتين مختلفتين، على أن يكون حل كل منها $س > 9$ ، بحيث تحل إدراهما باستعمال خصائص الجمع، وتُحل الأخرى باستعمال خصائص الطرح.

٣٩ اكتشف الخطأ: حلّت كلُّ من أسماء وسمية المتباعدة أدناه، فأيهما على

سمية	أسماء
$س \geq 49 - 7$	$س \geq 49 - 7$
$\frac{س}{7} \geq \frac{49 - 7}{7}$	$\frac{س}{7} \leq \frac{49 - 7}{7}$
$س \geq 7 - 7$	$س \leq 7 - 7$

صواب؟ اشرح.

٤٠ أكتب مسألة لفظية يكون حلها: $ص > 200$





- ٤٢ إذا كانت س $+ 4 > 31$ ، فإن س يمكن أن تكون أيّاً من القيم الآتية:
 ج) ١٧ ٤٥
 د) ١٦ ١٨

٤٣ إجابة قصيرة: مع أسامة ١٨٠ ريالاً، إذا اشتري قميصاً رياضياً بـ ٥٥ ريالاً، فاكتتب متباعدة تمثل كم بقي مع أسامة من النقود يمكنه صرفها في شراء باقي الملابس الرياضية.

مراجعة تراكمية

اكتتب متباعدةً لكل جملة مما يأتي: (الدرس ٧ - ٦)

٤٣ **سرعة:** قد تصل سرعة الفهد إلى ١٤٠ كيلومتراً في الساعة.

٤٤ **خبرة:** مطلوب موظف استقبال بخبرة لا تقل عن ثلث سنوات.

٤٥ **بيان:** بين ما إذا كانت كل متباعدة فيما يأتي صحيحة أم خاطئة عند القيمة المعطاة: (الدرس ٧ - ٦)

$$47 \quad 7 = k, k < 34 < 50 + s, s < 21$$

$$46 \quad 8 = s, s < 13 + 13$$

$$45 \quad 11 = n, n < 4 - 18$$

٤٦ **قياس:** رُتّبت ثلاثة صناديق متشابهة أحدها فوق الآخر، إذا كانت أبعاد كل صندوق منها هو:

$$47 \quad 12 \text{ بوصة} \times 10 \text{ بوصات} \times 13 \text{ بوصة}^3 \text{، فما حجم المجسم الناتج؟ (الدرس ٦ - ٤)}$$

٤٩ **تذاكر:** إذا كان ثمن التذكرة للعب أي لعبة في مدينةألعاب هو ٦ ريالات، و٣ ريالات للأعضاء الذين يدفعون اشتراكاً قدره ٣٠ ريالاً شهرياً، فاكتتب معادلة وحلها؛ لإيجاد كم تذكرة للأعضاء المشتركين يجب شراؤها، بحيث يكون ثمنها مساوياً ثمن العدد نفسه من التذاكر العادية.



اختبار الفصل

استعمل خاصية التوزيع في إعادة كتابة كل مقدار

مما يأتي:

$$\textcircled{1} \quad ١ - (١٠ - ٧) = ٨(٢ص + ٥)$$

بسط كل مقدار مما يأتي:

$$\textcircled{3} \quad ٦ - ١٥ + ١٥ - ٦$$

$$\textcircled{4} \quad ٦ + ١٧ = ٢٣$$

حُلّ كل معادلة مما يأتي، ثم تحقق من صحة الحل:

$$\textcircled{5} \quad ٦ = ١١ - \frac{ك}{٢} \quad ٣ + ١٨ = ٦$$

$$\textcircled{7} \quad ٦ = ٦ - ٤س + ٥ + ب \quad ٢٣ = ٣ب + ٥$$

$$\textcircled{9} \quad ٩ - ٣ = ٢ - ٣س + ٥ \quad ١٣ - ٣ = ٢ - ٣س$$

تزلج: يتقاضى مركز للتزلج ٦ ريالات عن كل مرة

دخول، ويبلغ الاشتراك للأعضاء ٢٤ ريالاً تُدفع
مرة واحدة، بالإضافة إلى ريالين عن كل مرة دخول.

اكتب معادلة، وحلها لإيجاد عدد المرات التي
يمكنك الدخول فيها، على أن تكون التكلفة متساوية
سواء بصورة فردية أو باشتراك عضوية؟

حَوْل كل جملة مما يأتي إلى معادلة:

١٢ يزيد على مثلي عدد بمقدار ثلاثة ويساوي ١٥

١٣ ناتج قسمة عدد على ٦، وإضافة ٣ إليه يساوي ١١

١٤ ناتج ضرب عدد في ٥، وطرح ٧ منه يساوي ١٨

حُلّ كل معادلة مما يأتي، ثم تتحقق من صحة الحل:

$$\textcircled{15} \quad ٢٦ = ٥ + ٤س$$

$$\textcircled{16} \quad ٣ = ١٨ - ٣د$$

$$\textcircled{17} \quad ٤٥ = ١٥ - ٨ص$$

١٨ اختيار من متعدد: في المتباينة:

$$٣س + ٥٠٠٠ \geq ٨٠٠٠٠ \text{ ريال}$$

أجرة أحد العاملين، فأيُّ الجمل الآتية أكثر ملاءمة
لوصف أجرة العامل؟

أ) أقل من ٢٥٠٠٠ ريال

ب) أكبر من ٢٥٠٠٠ ريال

ج) ٢٥٠٠٠ ريال على الأقل

د) ٢٥٠٠٠ ريال على الأكثر

للسؤالين ١٩، ٢٠ اكتب متباينة، ومثلها بيانياً على
خط الأعداد.

١٩ حواسيب: يتسع قرص مدمج إلى ٧، ٤ جيجابايت
من البيانات على الأكثر.

٢٠ ألعاب: يجب أن تحصل على عدد من النقاط يزيد
على ٥٤٠٠ نقطة، حتى تحطم الرقم السابق.

حُلّ كل متباينة مما يأتي، ثم تتحقق من صحة الحل:

$$\textcircled{21} \quad \frac{ج}{٩} < ٤$$

$$\textcircled{22} \quad ٤٥ > ٥٢ - هـ$$

٢٣ اختيار من متعدد: يبلغ محيط المستطيل
المرسوم ٤ سنتيمتر، فما مساحة المستطيل؟



$$(س + ٧) \text{ سم}$$

$$س \text{ سم}$$

أ) ٢٢ سم^٢

ب) ١٢٠ سم^٢

ج) ٣٩٢ سم^٢

د) ٤٤٠ سم^٢

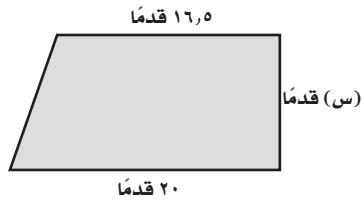


الاختبار التراكمي (٧)

اختيار من متعدد

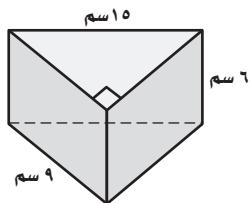
القسم ١

ما قيمة س الممكنة، إذا كانت مساحة شبه المنحرف في الشكل أدناه أقل من ٢٥٦ قدمًا مربعًا؟



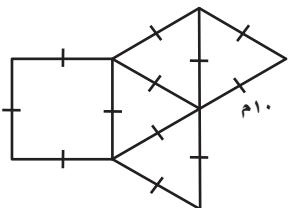
- ١٤
- ١٥
- ١٦
- ١٧

ما حجم المنشور المجاور؟



- ٨١٠ سم³
- ٤٠٥ سم³
- ٦٤٨ سم³
- ٣٢٤ سم³

يمثل الشكل أدناه مخططاً لهرم منتظم، فما مساحة الهرم الكلية؟

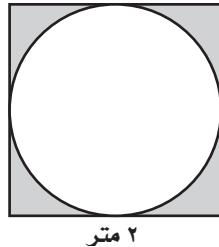


- ١٢٠ م²
- ٢٠٠ م²
- ٢٧٣ م²
- ٤٣٣ م²

لوح خشبي مربع الشكل طول ضلعه متراً، إذا قصّ نجار دائرةً منه كما هو مبين في الشكل أدناه، فما

مساحة الجزء المتبقى؟

(إرشاد: مساحة الدائرة: ط نق²، ط ≈ ٣,١٤)



- ٨,٥٦
- ٠,٨٦
- ٢,٢٨
- ٣,١٤

اختر الإجابة الصحيحة

١ ما الخاصية المستعملة في العبارة الآتية:

$$(س - ٢) = ٥ - س$$

- خاصية التجميع على الجمع
- خاصية الإبدال على الجمع
- خاصية التوزيع
- خاصية الانعكاس

٢ يبعي مزارع الطماطم في صناديق، كتلة كل صندوق ٤ كجم، ومعدل كتلة حبة الطماطم الواحدة ٢ كجم، وكتلة الصندوق الكلية وهو مملوء بالطماطم ١٠ كجم، ما عدد الحبات التي يمكن وضعها في الصندوق الواحد؟

- ٥٠
- ٤٨
- ٢٥
- ١٦,٧

٣ المعادلة التي تمثل الجملة: "أقل من أربعة أمثال

عدد ما بمقدار ٩ يساوي ١٢" هي:

- $12 - 9 = 4$
- $12 - 4 = 9$
- $9 = 4 - (12 - 4)$
- $9 - 4 = 4$

٤ ما المتباينة التي يمثلها الشكل أدناه؟



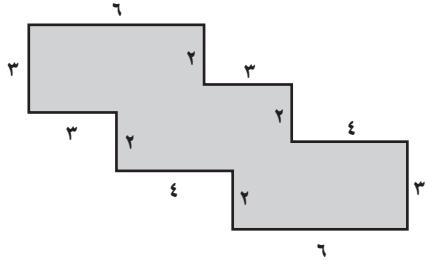
- $s > -1$
- $s \geq -1$
- $s < -1$
- $s \leq -1$

الإجابة القصيرة

القسم ٢

أجب عن السؤالين الآتيين:

- ١٣ إذا علمت أن جميع الزوايا في الشكل أدناه قوائمه،
فما مساحته بالوحدات المربعة؟



- ١٤ دخل خمسة أشخاص إلى مصعد حمولته القصوى

٥٠٠ كجم، فإذا تساوت كتلتي شخصين منهم،
وكانت كتل الأشخاص الثلاثة الآخرين هي:
٨٢ كجم، ٩٦ كجم، ١١٠ كجم، فاكتب متباينة
وحلّها لإيجاد الكتلة الممكنة لـ كلٌ من الشخصين.

الإجابة المطولة

القسم ٢

أجب عن السؤال الآتي موضحاً خطوات الحل:

- ١٥ يرغب كل من إبراهيم و محمد في المشاركة في رحلة، فإذا كان لدى إبراهيم ١٠ ريالات و يدّخر ٧ ريالات أسبوعياً من مصروفه، في حين أنَّ محمدًا يدّخر ١٢ ريالاً أسبوعياً، فأجب عما يأتي:

- أ) اكتب معادلة لإيجاد عدد الأسابيع التي يصبح
عندها لدى كُلّ منهما المبلغ نفسه.
ب) أوجد عدد هذه الأسابيع.

١٩ منشور مستطيلي (متوازي مستطيلات)، طوله ٧ سم، وعرضه ٤ سم، وحجمه ٨٦ سم^٣،
فما ارتفاعه؟

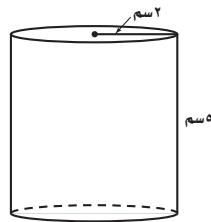
(قرب الإجابة إلى أقرب جزء من عشرة)

- أ) ١٠,٩
ب) ٨,٢
ج) ٩٠٧,٢

١٠ أي العبارات الآتية يكافئ $2AB + 4A^2$ ؟

- أ) $6AB$
ب) $2(A+B)$
ج) $2(A+B)$
د) $A(B+2)$

١١ ما مساحة الملحق الورقي اللازم لتغطية السطح
الجانبي للأسطوانة الموضحة إلى أقرب سنتيمتر
مربع؟



- أ) ٣١ سم^٢
ب) ٦٣ سم^٢
ج) ٦٢ سم^٢
د) ٧٢ سم^٢

١٢ حل المعادلة: $5S - 4 = 34$ هو:

- أ) ٧
ب) ٦
ج) ٦
د) ٧

هل تحتاج إلى مساعدة إضافية؟

إذا لم تجب عن السؤال

فراجع الدرس

١٥	١٤	١٣	١٢	١١	١٠	٩	٨	٧	٦	٥	٤	٣	٢	١
٤-٧	٧-٧	١-٦	٢-٧	٦-٦	١-٧	٤-٦	١-٦	٧-٦	٤-٦	٧-٧	٦-٧	٣-٧	٢-٧	١-٧



الجبر: الدوال الخطية

الفكرة العامة

- أفهم الميل لأمثل المسائل، وأحللها وأحلّها.
- استعمل الأسس والقوى والجذور.

المفردات الرئيسية:

- الدالة الخطية ص (١٠٩)
الميل ص (١١٥)
ثابت التغير ص (١٢١)

الربط بالحياة:



القطار الدوار: يقطع قطار دوار في مدينة الألعاب مسافة ٥٢٨٠ مترًا في ١٠٨ ثوانٍ. ويمكنك استعمال الدالة الخطية $٥٢٨٠ = ٢٨٠t$ لإيجاد معدل سرعة هذا القطار.

المطويات

منظّم أفكار

الجبر: الدوال الخطية: اعمل هذه المطوية الآتية لتساعدك على تنظيم ملاحظاتك.
ابداً بسبع أوراق A4 كما يأتي:

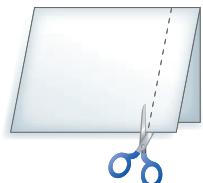
كرر ذلك مع باقي الأوراق. وثبتها معًا لتتشكل كتيّاً، واكتب عليها عناوين الدروس.



أصلق الشريط الذي قصصته من الأسفل، واكتب عنوان الفصل على الوجه الأمامي.



اطو الورقة من المنتصف عرضيًّا ثم قص شريطًا على مسافة ٢ سم من الحافة اليمنى.





التهيئة

انظر إلى المراجعة السريعة قبل بدء الإجابة عن الاختبار.

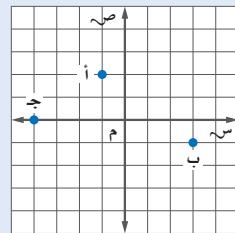
أجب عن الاختبار الآتي:

مراجعة للمراجعة

اختبار للريح

مثال ١ :
مثل النقاط $(-1, 2)$, $(1, -3)$, $(0, -4)$ على المستوى الإحداثي.

مبتدئً من نقطة الأصل.
العدد الأول في كل زوج مرتب هو الإحداثي السيني،
والعدد الثاني هو الإحداثي الصادي.



مثال ٢ :
احسب قيمة $s - 1$ إذا كانت $s = 4$.
عوض عن s بـ 4
 $s - 1 = 4 - 1$
 $1 - 24 =$
 $23 =$

مثل كل نقطة مما يأتي على المستوى الإحداثي: (مهارة سابقة)

- ١ $(-1, 2)$
٢ $(-4, 3)$
٣ $(0, 2)$
٤ $(-2, 0)$

مشي: سار محمد ٤ كلم جنوبًا و ٢ كلم غرباً، ثم توقف.
إذا كانت نقطة بداية سيره هي نقطة الأصل، فمثل النقطة التي تمثل مكان وقوفه. (مهارة سابقة)

احسب قيمة كل عبارة مما يأتي عندما $s = 6$: (مهارة سابقة)

- ٦ $s + 5$
٧
٨ $s + 9$
٩

ربح: يمثل المقدار $84s - 875$ الربح الأسبوعي لشركة ما بآلاف الريالات، حيث تمثل s عدد الوحدات المبيعة. أوجد الربح الأسبوعي للشركة إذا باعت ٣٧ وحدة. (مهارة سابقة)

اكتب المعادلة
اطرح ١٨ من كل طرف بسط

مثال ٣ :

حُلّ المعادلة: $7 + m = 18$.

$$\begin{array}{rcl} 7 & + & m \\ \underline{18 -} & & \\ 11 & = & m \end{array}$$

حُلّ كل معادلة فيما يأتي: (مهارة سابقة)

- ١١ $n + 14 = 8$
١٢ $3 - u = 8$
١٣ $15 = r + 23 + b - 21$
١٤





المتتابعات

١-٨

نشاط

تأمل النمط الآتي:

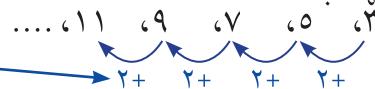
٣ مثلثات	مثلثان	مثلث واحد	عدد المثلثات
٧ عيدان	٥ عيدان	٣ عيدان	عدد العيدان

١ أكمل النمط $4, 5, 6$ مثلثات. كم عوداً تحتاج إليه في كل حالة؟

٢ كم عوداً إضافياً تحتاج إليه لتكوين 4 مثلثات؟ وما العدد الكلي للعيدان المطلوبة لتكوين 7 مثلثات؟

عدد العيدان في النمط السابق تشكل متتابعة. **المتتابعة**: مجموعة مرتبة من الأعداد، ويسىمى كل عدد فيها **حداً**. **المتتابعة الحسابية**: هي متتابعة يكون الفرق بين أي حددين متتالين فيها ثابتاً.

ويسمى الفرق **أساس المتتابعة**



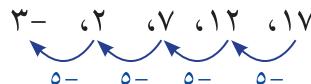
لإيجاد العدد التالي في المتتابعة الحسابية أضف أساس المتتابعة إلى الحد الأخير.

تحديد المتتابعات الحسابية

مثال

١-١ بَيْنَ إِذَا كَانَتِ الْمُتَتَابِعَةُ: $17, 12, 7, 2, -3, \dots$ حِسَابِيَّةٌ أَمْ لَا. وَإِذَا كَانَتْ كَذَلِكَ، فَأَوْجَدْ أَسَاسَهَا، وَالْحَدُودَ الْثَلَاثَةَ التَالِيَةَ.

لاحظ أن $17 - 12 = 5$ ، $12 - 7 = 5$ ، $7 - 2 = 5$ وهكذا.



بما أن الفرق بين كل حددين متتالين ثابت ويساوي -5 ؛ لذا فالمتتابعة حسابية أساسها -5 . أكمل النمط لإيجاد الحدود الثلاثة التالية.

فتكون الحدود الثلاثة التالية هي: $-8, -13, -18$.



تحقق من فهمك:

بَيْنَ إِذَا كَانَتِ الْمُتَتَابِعَةُ فِي كُلِّ مَا يَأْتِي حِسَابِيَّةٌ أَمْ لَا. وَإِذَا كَانَتْ كَذَلِكَ، فَأَوْجَدْ أَسَاسَهَا وَالْحَدُودَ الْثَلَاثَةَ التَالِيَةَ.

ب) $-4, -8, -16, -32, \dots$

أ) $2, 6, 10, 14, 18, \dots$

فكرة الدرس:

أحدد المتتابعات الحسابية.

أكتب عبارة جبرية لأجد

حدود المتتابعة الحسابية.

المفردات

المتتابعة

الحد

المتتابعة الحسابية

أساس المتتابعة

الحد التنوبي

ويمكن كتابة المتتابعة باستعمال حدتها النوني، الذي يربط بين رقم الحد وقيمه.

تحديد المتتابعة الحسابية باستعمال الحد النوني

مثال

٢

بَيْنَ مَا إِذَا كَانَتِ الْمُتَتَابِعَةُ التِيْ حَدَّهَا النُّونِي ٤ - ١ حَسَابِيَّةً أَمْ لَا. وَإِذَا كَانَتْ كَذَلِكَ، فَأَوْجَدْ أَسَاسَهَا.

بِكتابَةِ بعْضِ حدودِ المُتَتَابِعَةِ مِنْ خَلَالِ التَّعْوِيْضِ بِدَلَالٍ عَنِ الْحَدِّ النُّونِي بِأَعْدَادٍ تَمثِيلِ رَقْمِ الْحَدِّ يَنْتَجُ:

$$\text{عندما } n = 1, \text{ الحد الأول يساوي } 4(1) - 1 = 3$$

$$\text{عندما } n = 2, \text{ الحد الثاني يساوي } 4(2) - 1 = 7$$

$$\text{عندما } n = 3, \text{ الحد الثالث يساوي } 4(3) - 1 = 11$$

$$\text{عندما } n = 4, \text{ الحد الرابع يساوي } 4(4) - 1 = 15$$

$$\text{لَا حَظْ أَنْ: } 3 - 7 = 11 - 4 = 15 - 11 = 4, \text{ وَهَكَذَا}$$

وَبِمَا أَنَّ الْفَرْقَ بَيْنَ كُلِّ حَدِّيْنِ مُتَتَالِيْنِ ثَابِتٌ وَيُسَاوِي ٤ فَالْمُتَتَابِعَةُ حَسَابِيَّةٌ أَسَاسَهَا ٤.

تحقق من فهمك:

بَيْنَ مَا إِذَا كَانَتِ الْمُتَتَابِعَةُ فِي كُلِّ مَا يَأْتِي حَسَابِيَّةً أَمْ لَا. وَإِذَا كَانَتْ كَذَلِكَ، فَأَوْجَدْ أَسَاسَهَا.

هـ) $n^2 + n$

دـ) $n^2 - n$

جـ) $6 - n$

ويمكن إيجاد الحد النوني للمتتابعة الحسابية إذا علمت بعض حدودها.

إيجاد الحد النوني للمتتابعة الحسابية

مثال

٣

اكتب عبارة يمكن استعمالها لإيجاد الحد النوني لمتتابعة محيطات المربعات: ٤، ٨، ١٢، ... ثم اكتب الحدود الثلاثة التالية.

لغة الرياضيات
وهكذا، تقرأ النقاط الثلاث التي تلي مجموعة أعداد " وهكذا".

استعمل الجدول المجاور لتعريف المتتابعة.

الفرق الثابت (أساس المتتابعة) يساوي ٤.

وكل حد يساوي ٤ أمثال رقم الحد،

فتكون العبارة التي يمكن استعمالها لإيجاد الحد النوني هي: $4n$.

وتكون الحدود الثلاثة التالية: ٤، ٢٠، ٢٤ = ٦(٤)، ٢٤، ٢٨ = ٧(٤).

٤

				رقم الحد (n)
				المحيط
٤	٣	٢	١	
١٦	١٢	٨	٤	

$$4+4+4$$

الفرق الثابت (أساس المتتابعة) يساوي ٤.

وكل حد يساوي ٤ أمثال رقم الحد،

فتكون العبارة التي يمكن استعمالها لإيجاد

الحد النوني هي: $4n$.

٥

تحقق من فهمك: اكتب عبارة يمكن استعمالها لإيجاد الحد النوني في كل متتابعة فيما يأتي، ثم أوجد الحدود الثلاثة التالية:

و - ٢، -٤، -٦، -٨، ... ز) $\frac{1}{3}, \frac{1}{2}, \frac{1}{3}, \dots$ ح) ٥، ١٠، ١٥، ...

٦



مثالٌ من واقع الحياة

رسالة نصية : يبيّن الجدول الآتي تكلفة إرسال رسائل نصية في عرض مقدم من إحدى شركات النقال. فكم يكلف إرسال ٦٠ رسالة نصية؟

	الرسائل	التكلفة (ريال)
٥١	١٥,١٠	٥,١٠
٥٢	١٥,٢٠	٥,٢٠
٥٣	١٥,٣٠	٥,٣٠
٥٤	١٥,٤٠	٥,٤٠

الرسائل	التكلفة (ريال)	الرسائل
٥١	١٥,١٠	٥٠
٥٢	١٥,٢٠	٥١
٥٣	١٥,٣٠	٥٢
٥٤	١٥,٤٠	٥٣

بما أن الفرق الثابت في التكلفة هو ٥، فإن الزيادة في تكلفة إرسال ن رسالة نصية هي ٥، ن. قارن كل تكلفة بالقيمة ١٥، ن، لـ كل عدد من الرسائل.

تكلفة كل رسالة تزيد ب ٥ ريالات على ١٥، ن؛ لذا فالعبارة $15 + 5n$ هو

تكلفة ن رسالة نصية. ولإيجاد تكلفة إرسال ٦٠ رسالة. استعمل الرمز Δ للتغيير عن التكلفة. ثم اكتب المعادلة وحلّها عندما $n = 60$.

$$15 + 5n = 100$$

$$5n = 100 - 15$$

$$n = \frac{100 - 15}{5}$$

سيكلف إرسال ٦٠ رسالة نصية ١٦٠ ريالاً.

تحقق من فهمك : اكتب عبارة لإيجاد الحد النوني في كل متتابعة حسابية، ثم

استعملها لإيجاد قيمة الحد عندن المعطاة.

$$\text{ط) } 4, 9, 14, 19, \dots ; n = 12 \quad (\text{ي})$$

مثالٌ من اختبار

ما العبارة التي تمثل الحد النوني في المتتابعة الحسابية الموضحة في الجدول الآتي؟

الترتيب	ن	٤	٣	٢	١	قيمة الحد
	٩	٩	٧	٥	٣	٣

د) $3n$

ج) $2n + 1$

ب) $2n$

أ) $n + 2$

اقرأ :

تحتاج إلى إيجاد عبارة لوصف حدود المتتابعة.

حل :

الفرق الثابت بين الحدود (الأساس) هو ٢ لـ كل زيادة واحدة في الترتيب؛ لذا فالعبارة تحتوي ٢ ن.

- احذف البديلين أ، د؛ لأنهما لا يحتويان ٢ ن.

- احذف البديل ب؛ لأن $2(1) \neq 3$.

- بما أن العبارة في البديل ج صحيحة لـ كل الحدود المدرجة؛ لذا فالجواب الصحيح هو (ج).



الربط بالحياة.....

سجلت إحدى شركات الاتصال في المملكة العربية السعودية حوالي ٥٠ مليون رسالة تهمنة في الساعة الأولى من إعلان عيد الفطر المبارك لعام ١٤٣٠ هـ، أي بمعدل ١٥٠٠٠ رسالة في الثانية.

إرشادات للاختبارات

احذف البديل

أولاً: اختبرن = ١

لـ كل عبارة.

بما أن $1 \neq 2(1)$

فالبديل ب ممحونـ.

ثانياً: اختبرن = ٢. بما أن

$5 \neq 2 + 2$

و $2(2) \neq 5$

فالبديلان أ، د

محـونـ؛ لـذا

إـن الإـجـاـبـةـ الصـحـيـحـةـ

هيـ البـدـيـلـ جـ.

تحقق من فهمك:

ل) لتكن n تمثل موقع العدد في المتتابعة $\frac{1}{4}, \frac{1}{2}, 1, \dots, \frac{3}{4}$. أي عبارة يمكن استعمالها لإيجاد حدود المتتابعة؟

- أ) $n + \frac{1}{4}$ ب) $2n$ ج) $\frac{1}{4}n$

تأكد

المثال ١
بيان ما إذا كانت كل متتابعة فيما يأتي حسابية أم لا. وإذا كانت كذلك، فأوجد أساسها، والحدود الثلاثة التالية فيها:

١) $1, 2, 4, 6, 8, \dots$ ٢) $2, 8, 6, 4, 10, \dots$ ٣) $3, 11, 4, 10, 7, 2, \dots$

المثال ٢
بيان ما إذا كانت المتتابعة في كل مما يأتي حسابية أم لا. وإذا كانت كذلك، فأوجد أساسها.

٤) $4, 7, 10, \dots$ ٥) $5, 2, 0, \dots$ ٦) $n + 2$

المثال ٣
اكتتب عبارة يمكن استعمالها لإيجاد الحد النوني لكل متتابعة فيما يأتي، ثم أوجد الحدود الثلاثة التالية فيها:

٧) $\frac{1}{10}, \frac{1}{5}, \frac{1}{2}, \dots$ ٨) $20, 15, 10, \dots$ ٩) $3, 6, 9, 12, \dots$

المثال ٤
اكتتب عبارة لإيجاد الحد النوني في كل متتابعة حسابية، واستعملها لإيجاد قيمة الحد عند n .

١٠) $n = ?$ ١١) $3, 10, 17, 24, \dots$ ١٢) $1, 7, 21, 23, 25, \dots$

المثال ٥
اختيار من متعدد: ما العبارة التي تمثل الحد النوني في المتتابعة الآتية؟

الترتيب	قيمة الحد	n	٥	٤	٣	٢	١
٩	٦	٧	٨	٩	١٠	١١	٣

- أ) $n + 1$ ب) $n + 5$ ج) $2n$ د) $6n$

تدريب وحل المسائل

المثال ٦
بيان ما إذا كانت كل متتابعة حسابية أم لا. وإذا كانت كذلك، فأوجد أساسها، والحدود الثلاثة التالية فيها:

١٣) $1, 100, 1000, 10000, \dots$ ١٤) $1, 100, 1000, 10000, \dots$

١٥) $189, 63, 21, 7, \dots$ ١٦) $6, 4, 2, 0, 2, \dots$

١٧) $1, 2, 5, 10, 17, \dots$ ١٨) $1, \frac{1}{2}, \frac{1}{4}, \frac{1}{9}, \dots$

المثال ٧
بيان ما إذا كانت كل متتابعة فيما يأتي حسابية أم لا، وإذا كانت كذلك، فأوجد أساسها.

١٩) $3 - n^2$ ٢٠) $n^2 - 3$

٢١) $\frac{1}{n} - 9$ ٢٢) $9 - n^3$

الإرشادات للأسئلة	
الأسئلة	انظر الأمثلة
١	١٨-١٣
٢	٢٢-٢٩
٣	٢٨-٢٣
٤	٣٤-٢٩
٥	٤٢، ٤١



اكتب عبارة يمكن استعمالها لإيجاد الحد النوني لكل متتابعة فيما يأتي، ثم اكتب الحدود الثلاثة التالية فيها:

$$\dots, 48, 36, 24, 12 \quad ٢٤$$

$$2, 4, 6, 8, \dots \quad ٣٣$$

$$\dots, 1, \frac{1}{5}, \frac{2}{5}, \frac{4}{5}, \frac{3}{5} \quad ٢٦$$

$$\dots, \frac{1}{3}, \frac{2}{3}, 1, \frac{1}{3}, \frac{1}{2}, \frac{1}{4}, \dots \quad ٣٥$$

$$\dots, 10, 7, 4, 1 \quad ٢٨$$

$$\dots, 5, 9, 13, 17, \dots \quad ٣٧$$

اكتب عبارة لإيجاد الحد النوني في كل متتابعة حسابية فيما يأتي، واستعملها لإيجاد قيمة الحد عندن المعطاة:

$$n = ?, 27, 25, 23, \dots, 15, 11, 7, 3 \quad ٣٠$$

$$8 = ? , n = \dots, 29, 27, 25, \dots, 11, 7, 3 \quad ٣٩$$

$$n = ?, 27, 21, 19, 11, 3, \dots, 5, 0, 5 \quad ٣٢$$

$$21 = ? , n = \dots, 5, 0, 5, 10, \dots, 19, 11, 3, 5 \quad ٣١$$

الأسابيع	زمن المشي يومياً (دقيقة)
١	٨
٢	١٦
٣	٢٤
٤	٣٢
٥	؟

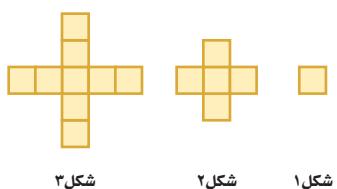
رياضة : للسؤالين ٣٣، ٣٤ استعمل الجدول المجاور.

إذا أكمل عادل النمط المبين في الجدول، فكم ٣٣

دقيقة سيمشي يومياً خلال الأسبوع الخامس؟

هل يتناسب وقت مشي عادل مع عدد الأسابيع ٣٤

التي مشى فيها؟ فسر إجابتك.



هندسة : للسؤالين ٣٥، ٣٦ استعمل الشكل المجاور.

كم مربعاً سيكون في الشكل رقم ١٨؟ ٣٥

هل يتناسب عدد المربعات في كل شكل مع رقم ٣٦

الشكل؟ فسر إجابتك.

مسألة مفتوحة : اكتب متتابعة حسابية يكون أساسها $\frac{1}{3}$. ٣٧

تبرير : بَيِّن فيما إذا كانت العبارة الآتية صحيحة دائمًا أو أحياناً أو غير صحيحة

أبداً. فسر إجابتك.

«المتتابعة التي يضاف فيها عدد إلى أي حد للحصول على الحد الذي يليه هي متتابعة حسابية».

مسائل
مهارات التفكير العليا

الترتيب	قيمة الحد
٧	٥
٥	٣
٣	١
١	٧

تحدّ : اكتب عبارة يمكن استعمالها لإيجاد الحد النوني للمتتابعة الموضحة في الجدول المجاور. ٣٩

الكتب ٤٠ مسألة من الواقع تمثل متتابعة حسابية، ثم حُلّها.





٤٢ اختيار من متعدد: تصف العبارة

- ١٢- $(n - 4)$ نمطًا عدديًّا، فإذا كانت ن تمثل الحد في المتتابعة، فـأي أنماط الأعداد التالية تصفها العبارة؟
- (أ) $12, 16, 20, 24, \dots$
- (ب) $12, 8, 4, 0, \dots$
- (ج) $\dots, 4, 8, 12, \dots$
- (د) $24, 20, 16, 12, \dots$

٤٣ ما العبارة التي تمثل الحد النوني في المتتابعة المبينة في الجدول الآتي؟

الترتيب	قيمة الحد
٠,٦	١
١,٢	٢
١,٨	٣
٢,٤	٤
٣,٠	٥
؟	ن

- (أ) $n - 4, \frac{3}{5}n$
- (ج) $0, 4, n$
- (ب) $n + 6, \frac{n}{5}$
- (د) $n + 6, n$

مراجعة تراكمية

٤٣ هواتف: يتضاعى سعود ٥٥٢ ريالً يوميًّا، ويريد شراء هاتف ثمنه ٤٢٠ ريالً من النقود التي يكسبها من عمله، اكتب متباينة وحلها لإيجاد عدد الأيام التي سيعملها ل يستطيع شراء الهاتف. (الدرس ٧-٧)

٤٤ حل كل متباينة مما يأتي، ثم تحقق من صحة الحل: (الدرس ٧-٧)

$$36 \geq 6s \quad 44$$

$$11m < 33 - 9s \quad 46$$

٤٨ أكواب: تبع الأكواب الورقية في علب سعتها ٤٠ كوبًا أو ٧٥ كوبًا، وتحتاج مشاعل إلى ٣٥٠ كوبًا لحفل تقيمه المدرسة، فكم علبة تحتاج من كل نوع من العلب؟ (الدرس ٦-٢)

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: احسب قيمة كل عبارة مما يأتي عندما $s = 9$:

$$8s - 2 \quad 49$$

$$3s - 8 \quad 51$$

$$6s + 15 \quad 52$$





الثمن (ريال)	عدد الأقراص
١٥	١
٣٠	٢
	٣
	٤
	٥

الدواال

٢-٨

استعَدْ

ترفيه: افترض أنك تستطيع شراء القرص المدمج الواحد بـ ١٥ ريالاً.

١ انسخ الجدول المجاور وأكمله.

٢ ما الثمن الكلي لشراء ٦ أقراص منها؟

٣ فسّر كيف تجد ثمن ٩ أقراص.

فكرة الدرس:

أكمل جداول الدوال.

المفردات

الدالة

المجال

المدى

جدول الدالة

يعتمد الثمن الكلي للأقراص على عددها؛ أيُّ أن الثمن دالة لعدد الأقراص التي تم شراؤها. والعلاقة التي تُعطي مخرجة واحدة فقط لكل مدخلة تُسمى **دالة**، ونكتب الدوال عادة في صورة معادلات.

المدخلة س أي عدد حقيقي.

$$د(س) = ١٥ \text{ س}$$

تقرأ $د(س)$ دالة في س،

أو ببساطة المخرجة $د(س)$.

ولإيجاد قيمة الدالة عند عدد ما، عوّض عن المتغير س بذلك العدد في قاعدة الدالة.

إيجاد قيمة الدالة

مثالان

أوجد قيمة كل دالة فيما يأتي:

١ د(٩) إذا كان $د(س) = س - ٥$

اكتب الدالة.

$$د(س) = س - ٥$$

عوض ٩ بدلاً من س في قاعدة الدالة.

$$د(٩) = ٩ - ٥ = ٤$$

لذا، $د(٩) = ٤$.

٢ د(٣) إذا كان $د(س) = ٢ س + ١$

اكتب الدالة.

$$د(س) = ٢ س + ١$$

عوض ٣ بدلاً من س في قاعدة الدالة.

$$د(٣) = ٢(٣) + ١ = ٦ + ١ = ٧$$

بسط.

$$د(٣) = ٦ + ١ = ٧$$

لذا، $د(٣) = ٧$.

تحقق من فهمك

أوجد قيمة كل دالة فيما يأتي:

أ) د(٢) إذا كان $د(س) = س - ٤$

ب) د(٦) إذا كان $د(س) = ٢ س - ٨$



إرشادات للدراسة

المدخلات والمخرجات

يُسمى متغير المدخلات أيضاً "المتغير المستقل" لأنه يأخذ أي قيمة. ومتغير المخرجات "المتغير التابع"؛ لأنه يعتمد على قيم المدخلات.

تُسمى مجموعة قيم المدخلات **المجال**، ومجموعة قيم المخرجات **المدى**. ويمكنك تنظيم المدخلات، والقاعدة، والمخرجات في **جدول الدالة**.

إكمال جدول الدالة

مثال

المخرجة	القاعدة	المدخلة
$D(s)$	$D(s) = s + 5$	s
$3 = (2 -)$	$5 + 2 -$	$2 -$
$4 = (1 -)$	$5 + 1 -$	$1 -$
$5 = (0 +)$	$5 + 0$	0
$6 = (1 +)$	$5 + 1$	1

أكمل الجدول المجاور للدالة.

$D(s) = s + 5$ ، ثم اذكر مجال الدالة ومداها.

عرض قيم s أو المدخلات، في قاعدة الدالة.

ثم بسط لإيجاد المخرجية.

المجال = $\{1, 2, 0, 1 -\}$

المدى = $\{6, 5, 4, 3\}$

تحقق من فهمك:

انسخ جدول كل دالة فيما يأتي وأكمله، ثم اذكر مجال الدالة ومداها:

$$ج) D(s) = s - 7 \quad د) D(s) = 4s \quad هـ) D(s) = 2s + 3$$

$D(s)$	s	$3 + 2s$
	١-	
	٢	
	٣	
	٥	

$D(s)$	s	$4s$
		٥-
		٣-
		٢
		٥

$D(s)$	s	$s - 7$
		٣-
		٢-
		١-
		٠

تكتب الدوال أحياناً باستعمال متغيرين، أحدهما s يمثل المدخلات، والآخر $ص$ يمثل المخرجات. ويمكن أن تكتب الدالة في المثال ٣ في صورة $ص = s + 5$.

مثال

حيوانات الأليفة : يعطي الطبيب البيطري جرعات لعلاج الحيوانات الأليفة

حيث تكون الجرعة مكونة من ٥ ملجم دواء لكل كيلو جرام تقريباً من الكتلة. اكتب

دالة تمثل كمية الدواء $ك$ اللازمة لكتلة $ج$ ، ثم حدد كم يلزم من الدواء لحيوان

أليف كتلته ٤٠ كجم تقريباً.



الربط بالحياة: كيف يستخدم الطبيب البيطري الرياضيات؟

يحدد جرعات الدواء المناسبة للحيوان حسب كتلته.

كمية الدواء تساوي ٥ مرات عدد الكيلوجرامات.

$$ج \times 5 = ك \quad \text{الدالة}$$

اكتب الدالة.

$$ك = ج \cdot 5$$

$$ك = 5(ج) = 5(40) = 200$$

إذن، على البيطري إعطاء الحيوان الأليف ٢٠٠ ملجم من الدواء.



تحقق من فهمك

و) **صيانة المنزل**: تتقاضى مؤسسة خدمة المنزل ١٠٠ ريال لكل طلب خدمة، بالإضافة إلى ٥ ريالاً لكل ساعة عمل. اكتب دالة تمثل التكلفة \mathbf{D} لطلب خدمة لمدة s ساعة عمل، ثم أوجد كم تكلف ٣ ساعات من العمل.

تأكد

أوجد قيمة كل دالة فيما يأتي:

$$\textcircled{1} \quad D(s) = s - 6 \quad \textcircled{2} \quad \text{إذا كان } D(s) = 4s + 1$$

المثال ١

$$\textcircled{3} \quad D(s) = 8 - s \quad \textcircled{4} \quad D(s) = 5s + 1 \quad \textcircled{5} \quad D(s) = 3s - 2$$

المثال ٢

$D(s)$	s
٥	٥
٢	٢
٠	٠
٣	٣

$D(s)$	s
٢	٢
٠	٠
١	١
٣	٣

$D(s)$	s
٣	٣
١	١
٢	٢
٤	٤

المثال ٤

٦ سفر: تسير سيارة بسرعة ٨٨ كيلومتر في الساعة على طريق عام. اكتب دالة تمثل المسافة f التي يمكن أن تقطعها السيارة في n ساعة، وما المسافة التي تقطعها السيارة في ٥ ساعات إذا سارت بال معدل نفسه؟

تدريب وحل المسائل

أوجد قيمة كل دالة فيما يأتي:

$$\textcircled{7} \quad D(s) = 5s \quad \textcircled{8} \quad \text{حيث } D(s) = s + 13 \quad \textcircled{9} \quad \text{حيث } D(s) = 5s + 13$$

$$\textcircled{10} \quad D(s) = 3s - 1 \quad \textcircled{11} \quad \text{حيث } D(s) = 3s + 2 \quad \textcircled{12} \quad \text{حيث } D(s) = 2s - 1 \quad \textcircled{13} \quad \text{حيث } D(s) = 4s - 1$$

الإجابات للأسئلة	
للاسئلة	انظر الأمثلة
٢، ١	١٢-٧
٣	١٨-١٣
٤	٢١

اننسخ جدول كل دالة فيما يأتي وأكمله، ثم اذكر مجال كل دالة ومداها:

$$\textcircled{14} \quad D(s) = 5 - 2s \quad \textcircled{15} \quad D(s) = 7 + 3s \quad \textcircled{16} \quad D(s) = 4 - 6s$$

$D(s)$	s
٣	٣
٢	٢
١	١
٦	٦

$D(s)$	s
٢	٢
٠	٠
٣	٣
٥	٥

$D(s)$	s
٥	٥
١	١
٢	٢
٧	٧

انسخ جدول كل دالة فيما يأتي وأكمله، ثم اذكر مجال كل دالة ومداها:

$$١٨ \quad د(s) = ٤s + ٣$$

$$١٧ \quad د(s) = ٧s - ٩$$

$$١٦ \quad د(s) = s - ٤$$

s	D(s)	$3 + 4s$
		4-
		2-
		3
		5

s	D(s)	$7s$
		5-
		3-
		2
		6

s	D(s)	$9 - s$
		2-
		1-
		7
		12

أوجد قيمة كل دالة فيما يأتي:

$$٢٠ \quad د(\frac{s}{7}) \text{ إذا كان } د(s) = ٤s + \frac{٥}{٨}$$

$$١٩ \quad د(\frac{s}{3}) = ٢s + \frac{١}{٤} \text{ إذا كان } د(s) = ٤s - \frac{١}{٤}$$

دراجات: قطع عمر بدرجته مسافة ٢٠ كلم بعد ساعة واحدة من بدء الحركة.
إذا استمر بسرعة معدلها ١٣ كلم في الساعة، فكم ساعة يحتاجها لقطع
مسافة ١١١ كلم؟

قياس: محيط المربع يساوي أربع أمثال طول ضلعه، اكتب دالة تمثل محيط المربع
(مح) الذي طول ضلعه (ل)، ثم أوجد طول ضلع مربع محطيه ٧ سم؟

الضغط (نيوتن/بوصة مربعة)	العمق (قدم)
١٤,٧	٠
٢٩,٤	٣٣
٤٤,١	٦٦
٥٨,٨	٩٩
٧٣,٥	١٣٢

الغوص: يبين الجدول المجاور ضغط الماء الذي

يواجهه الغواص على أعماق مختلفة. اكتب دالة تمثل
الضغط ض مقابل العمق ع متراً. ما مقدار الضغط عند
العمق ١٧٥ متراً؟ قدر الجواب إلى أقرب جزء من مائة.

مسألة مفتوحة: اكتب قاعدة الدالة يكون فيها $D(-s) = -s$ ، وأوجد قيمة
الدالة عند الصفر، وعند قيم سالبة وأخرى موجبة للمتغير s .

**مسائل
مهارات التفكير العليا**

تحدي: اكتب قاعدة الدالة لكل جدول دالة فيما يأتي :

(أ) د(s)	(ب) ب(s)	(ج) ج(s)	(د) د(s)
٥-	٢-	٣-	٩-
١	١	٣	٥-
٥	٣	٧	٥-
٩	٥	١١	٣

الكتاب تُمثل المسافة F التي يتحركها جسم في الزمن t وبمعدل
سرعة v بالدالة $F = vt$. فسر كيف يؤثر تغير المدخلة في تغير المخرجة.



٢٨ اشتريت هند شريحة بيانات بمبلغ ٢٥ ريالاً، إذا كانت تكلفة كل ميجابايت هو ٠,٩٥ ريال، فأيّ الجداول الآتية يعطي أفضل تمثيل لما تبقى من الرصيد في الشريحة بـ بعد استهلاكك م ميجابايت؟

ب	م	(ج)
٢٣,١٠	٢	٢٤,١٠
٢١,٢٠	٤	٢٣,٢٠
٢٠,٢٥	٥	٢١,٤٠
١٧,٤٠	٨	١٩,٦٠
١٥,٥٠	١٠	١٧,٨٠

ب	م	(أ)
٢٤,١٠	١	٢٤,١٠
٢٣,٢٠	٢	٢٣,٢٠
٢١,٤٠	٤	٢١,٤٠
١٩,٦٠	٦	١٩,٦٠
١٧,٨٠	٨	١٧,٨٠

ب	م	(د)
٢٠,٥	٥	٢٥,٠٠
١٥,١٠	١٠	٢٢,٠٠
١٠,١٥	١٥	١٩,٠٠
٥,٢٠	٢٠	١٦,٠٠
٠,٢٥	٢٥	١٣,٠٠

ب	م	(ب)
٢٥,٠٠	٠	٢٥,٠٠
٢٢,٠٠	٣	٢٢,٠٠
١٩,٠٠	٦	١٩,٠٠
١٦,٠٠	٩	١٦,٠٠
١٣,٠٠	١٢	١٣,٠٠

٢٩ تمثل التكلفة الكلية جـ التي ينفقها سعد ثمناً للتداكر ت التي يشتريها من مدينة الألعاب بالمعادلة: جـ = ٥,٦٦٥، أيّ الجداول الآتية تحتوي قيمًا تحقق المعادلة؟

تكلفة شراء التذاكر (ريال)			
ت	٣	٢	١
٢٦:٠٠	١٩:٥٠	١٣,٠٠	٦,٥٠

تكلفة شراء التذاكر (ريال)			
ت	٣	٢	١
٤٢:٥٠	١٨:٠٠	١٢:٠٠	٦:٥٠

تكلفة شراء التذاكر (ريال)			
ت	٣	٢	١
٣٢:٥٠	٢٦:٠٠	١٩:٥٠	١٣:٠٠

تكلفة شراء التذاكر (ريال)			
ت	٣	٢	١
١٠:٥٠	٩:٥٠	٨:٥٠	٦:٥٠

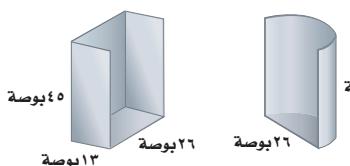
مراجعة تراكمية

٣٠ توفير: في حالة منى ٢٠ ريالاً، وتوفر يومياً ٥ ريالات تضعها في الحالة، إذا لم تأخذ أي نقود من الحالة، فكم ريالاً يكون في الحالة بعد ٧ أيام؟ (الدرس ٨ - ١)
حل كل متباينة مما يأتي، ثم تتحقق من صحة الحل: (الدرس ٧ - ٧)

$$30 \quad ٦ + س \leq ٣٠ \quad ٣١$$

$$٣٣ \quad ٨ - ك > ٩ - س \quad ٣٢$$

٣٤ طوارئ: إذا قامت وزارة النقل بتغيير تصاميم كابينة هاتف الطوارئ على الطرق السريعة؛ حيث كان التصميم القديم في صورة منشور مستطيلي يتكون من أربعة أوجه فقط، أما التصميم الجديد فيتكون من نصف أسطوانة مفتوحة من أعلى كما في الشكل المجاور. كم تقل المادة الالزامية للتصميم الجديد عن المادة الالزامية للتصميم القديم؟ (الدرس ٦ - ٦)



٣٥ قياس: كيكة في صورة منشور مستطيلي حجمها $٦١٠ \text{ سم}^٣$ تم توزيع قطع منها فبقي جزء في صورة منشور مستطيلي أيضاً أبعاده $٦ \text{ سم} \times ٥ \text{ سم} \times ٤ \text{ سم}$ ، ما حجم جزء الكيك الذي تم توزيعه؟ (الدرس ٦ - ٤)

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: مثل في المستوى الإحداثي كل نقطة مما يأتي:

$$(٤,١) \quad ٣٩$$

$$(٣,٠) \quad ٣٨$$

$$(٢,٣) \quad ٣٧$$

$$(٢,٤) \quad ٣٦$$



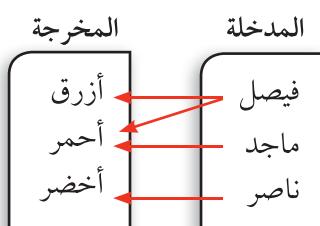
معلم الجبر

العلاقات والدوال

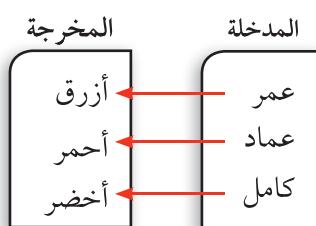
توسيع
٢-٨

تعبر العلاقة عن ربط مجموعة من العناصر تسمى مدخلات، بمجموعة أخرى تُسمى مخرجات. افرض أن ثلاثة طلاب اختاروا ألوانهم المفضلة من بين الأزرق والأحمر والأخضر. والمخططات الآتية تبين نتائج الممكنة لهذا الاختيار.

العلاقة ١



العلاقة ١



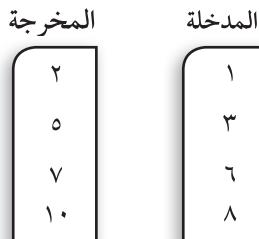
فكرة الدرس:

أحدد ما إذا كانت علاقة ما دالة أم لا.

تذكر من الدرس السابق أن الدالة هي علاقة تُحدد مخرجة واحدة فقط لكل مدخلة. وفي المثال أعلاه تعد العلاقة الأولى دالة؛ لأن كل شخص اختار لوناً مفضلاً واحداً فقط. أما العلاقة الثانية فليست دالة؛ لأن فيصل اختار لونين مفضلين.

نشاط

الخطوة ١ انسخ مخطط العلاقة أدناه، وارسم خطوطاً من قيم المدخلات إلى قيم المخرجات لتصبح دالة.



الخطوة ٢ انسخ مخطط العلاقة من الخطوة الأولى. وارسم خطوطاً من قيم المدخلات إلى قيم المخرجات على ألا تكون العلاقة دالة.

حل النتائج

١ يمكن كتابة العلاقة في صورة مجموعة أزواج مرتبة، حيث تمثل المدخلة بالإحداثي السيني والمخرجة بالإحداثي الصادي، اكتب كل علاقة رسم مخططها في النشاط السابق في صورة أزواج مرتبة.

٢ بيّن لماذا لا تُعد كل علاقة دالة. وفسّر تبريرك بدلالة أزواج مرتبة.

٣ حدد ما إذا كانت كل علاقة فيما ي يأتي دالة أم لا، وفسّر ذلك:

$$\{(1, 1), (2, 3), (3, 6), (4, 9), (5, 15)\}$$

$$\{(6, 5), (7, 0), (8, 11), (9, 13)\}$$





تمثيل الدوال الخطية

٣-٨

استعـاـد

الطيران: تصل سرعة طائرة «الطائر الأسود» إلى $36,6$ ميلاً في الدقيقة تقريباً. إذا مثل المتغير s عدد دقائق الطيران بهذه السرعة، فإن قاعدة الدالة للمسافة المقطرة هي $s = 36,6s$.

١ انسخ الجدول المجاور للدالة وأكمله.

٢ مثل الأزواج المرتبة (s, s) في المستوى الإحداثي. ماذا تلاحظ؟

(المدخلة، المخرجية)	المخرجية (س، ص)	المدخلة ص	القاعدة س = 36,6	المدخلة س
$(36,6, 1)$	$36,6$		1	
			2	
			3	
			4	

فكرة الدرس:

أمثل الدوال الخطية بيانياً باستعمال الجداول.

المفردات:

الدالة الخطية

يمكن تمثيل الدوال بالجداول والتمثيل البياني، والأزواج المرتبة، ويمكن التعبير عنها الفظياً.

مثال من واقع الحياة تمثيل الدالة

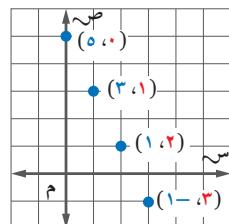
لوازم مدرسية: تبيع مكتبة علبة الأدوات الهندسية بـ 5 ريالين، ودفتر الملاحظات بـ 1 ريال واحد. وبذلك يكون ثمن س من علب الهندسة وص من دفاتر الملاحظات هو $2s + 5$. ويريد سامي شراء بعض هذه الأنواع بـ 5 ريالات فقط. مثل المعادلة $2s + 5 = 5$. بيانياً، ثم أوجد كم يستطيع سامي أن يشتري من كل نوع؟

اكتب المعادلة.

$$\begin{aligned} 2s - 2s + 5 &= 5 \\ \text{اطرح } 2s \text{ من كل طرف ثم حل بالنسبة لـ } s. \\ s &= 0 \end{aligned}$$

بسط.

تمثل المعادلة $s = 0$ دالة. اختر قيمة s وعوضها في المعادلة، ثم مثل الأزواج المرتبة.



س	ص	(س، ص)
٠	٠	$(0, 0)$
١	١	$(1, 1)$
٢	٢	$(2, 2)$
٣	٣	$(3, 3)$
٤	٤	$(4, 4)$

وبما أنه لا يستطيع شراء كميات سالبة، فإنه يمكنه شراء 5 دفاتر ملاحظات فقط أو علبة هندسة و 3 دفاتر ملاحظات، أو علبة هندسة ودفتر ملاحظات واحد.

تحقق من فهمك:

أ) نقود: مع أحمد 27 ريالاً من فئة 5 ريالات، أو 1 ريال، أو من كليهما فإذا كانت س تمثل عدد الأوراق من فئة 5 ريالات، وص تمثل عدد القطع من فئة 1 ريال، فمثل الدالة $5s + c = 27$ بيانياً. ثم أوجد عدد العملات النقدية من كل فئة.

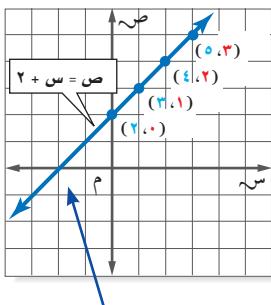


مثال تمثيل الدالة

٢

مثل الدالة ص = س + ٢ بيانياً.

- اختر أي أربع قيم للمدخلة س، ثم عرضها بدلاً من س لإيجاد قيم المخرجية ص.
- مثل الأزواج المرتبة، ورسم خطًّا مستقيماً يمر بجميع النقاط.



س	ص (س، ص)	ص = س + ٢	س + ٢
(٢, ٠)	٢	٢ + ٠	٠
(٣, ١)	٣	٣ + ١	١
(٤, ٢)	٤	٤ + ٢	٢
(٥, ٣)	٥	٥ + ٣	٣

تمثل النقطة التي يقطع عندها الخط محور السينات حلاً للمعادلة $س + ٢ = ٠$.

يمثل الخط المستقيم الدالة بيانياً. ويعد الزوج المناظر لأي نقطة على الخط حلًّا للمعادلة $ص = س + ٢$.

تحقق: يبدو أن الزوج المرتب (٠، ٢) حل للمعادلة، تتحقق من ذلك بالتعويض.

ص = س + ٢ اكتب الدالة.

$$\begin{aligned} \text{اعرض } س - ٢ = ٠, \text{ ص بـ صفر.} \\ \text{بسط } \checkmark \quad ٠ = ٠ \end{aligned}$$

إرشادات للدراسة

حلول

حلول المعادلة هي الأزواج المرتبة التي تجعل المعادلة صحيحة.

تحقق من فهمك:

مثل كل دالة فيما يأتي بيانياً:

د) ص = ٢ س + ١ ج) ص = س - ٥ ب) ص = ٢ س - ١

تُسمى المعادلة التي تُمثل حلولها بيانياً بخط مستقيم **دالة خطية**. إذن، ص = س + ٢ هي معادلة خطية.

ملخص المفهوم

تمثيل الدوال

مراجعة المفردات:

العلاقة الخطية:

العلاقة الخطية هي تلك العلاقة التي تُمثل بيانياً بخط مستقيم.

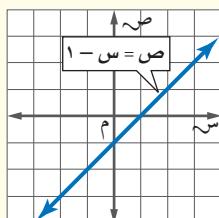
(الدرس ٣-٣)

التعبير اللفظي: قيم ص أقل بواحد من قيم س المناظرة لها.

الرموز: ص = س - ١

الأزواج المرتبة: (٢, ٣), (١, ٢), (٠, ١), (-١, ٠)

التمثيل البياني:



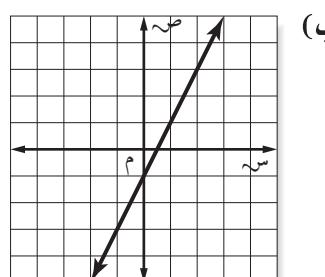
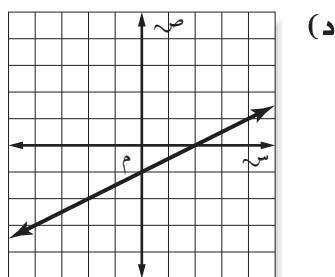
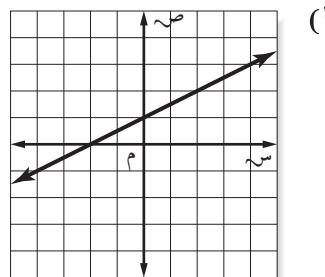
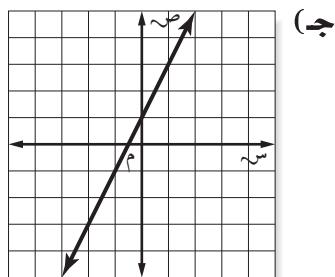
س	ص
-١	٠
٠	١
١	٢
٢	٣

الجدول:

مثال من اختبار

أي مستقيم مما يأتي يُعد أفضل تمثيل للأزواج المرتبة (s, c) المبينة في الجدول الآتي؟

١	٠	$1-$	$2-$	s
٣	١	$1-$	$3-$	c

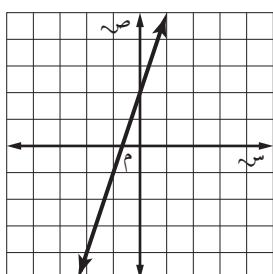


اقرأ :

عليك أن تقرر أي الأشكال الأربعه أعلاه تمثل البيانات.

حل :

تمثل قيم الجدول الأزواج المرتبة $(-2, 3), (-1, 2), (0, 1), (1, 0)$. وباختبار الأزواج المرتبة، فإن التمثيل البياني ج فقط هو الذي يحتوي كل هذه الأزواج المرتبة. فالإجابة الصحيحة هي ج.



✓ **حقّ من فهمك:**

هـ) إذا كان المستقيم الممثل في المستوى الإحداثي المجاور يمثل الدالة $c = 3s + 2$ ، فأي جدول مما يأتي يحتوي نقاطاً تقع على هذا الخط فقط؟

٣	٠	$3-$	$6-$	s
٣	٢	$1-$	٠	c

٣	٢	٠	$1-$	s
٧	٤	$2-$	$5-$	c

٢	١	$1-$	$3-$	s
٨	٥	$1-$	$7-$	c

٨	٧	٥	$1-$	s
٢	$3-$	١	$1-$	c

إرشادات للاختبارات

حذف البديل

يمكن حذف البديلين
بـ، د عند اختيار الزوج
المترتب $(1, 0)$ أولاً.

المثال ١

١ زهور: تباع كل ٤ من أزهار القرنفل في باقة، أما أزهار الأقحوان فتباع منفردة. مثل الدالة $4s + c = 15$ بيانياً لإيجاد عدد باقات أزهار القرنفل (s) وأزهار الأقحوان (c) التي تحتوي ١٥ زهرة.

مثل كل دالة فيما يأتي بيانياً:

$$4c = s + 1 \quad (٤)$$

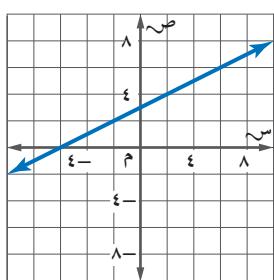
$$c = 3s - 2 \quad (٣)$$

$$c = s + 5 \quad (٢)$$

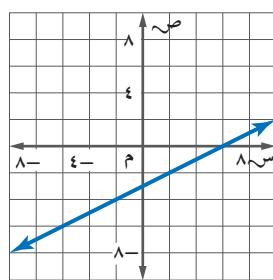
المثال ٢

٢ اختيار من متعدد: أي مستقيم مما يأتي يُعد أفضل تمثيل للأزواج المرتبة (s, c) الموضحة في الجدول الآتي؟

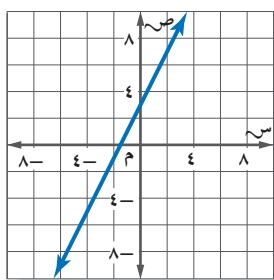
s	٢	$2-$	$7-$	s
c	١,٥	٢-	٤-	c



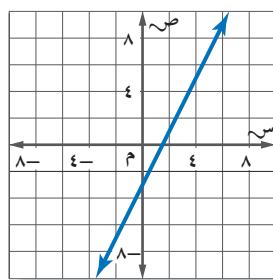
(ج)



(أ)



(د)



(ب)

تدريب وحل المسائل

إرشادات للأسئلة

الأسئلة	انظر الأمثلة
١	٧، ٦
٢	١٥-٨
٣	٢٨، ٢٧

٦ قرطاسية: يُباع قلم الحبر بـ ٣ ريالات، وقلم الرصاص بريال واحد. مثل الدالة $3s + c = 20$ بيانياً لتحديد الأعداد الممكنة لأقلام الحبر (s) وأقلام الرصاص (c) التي يمكن لمشتري شراءها بـ ٢٠ ريالاً.

منخلافات: يُباع الصابون المعطر في حزم مكونة من ٥ حبات، ويُباع الصابون العادي متفرقاً، مثل الدالة $5s + c = 10$ بيانياً لتحديد الأعداد الممكنة لحزم الصابون المعطر (s) والعادي (c) التي يمكن لراشد شراءها إذا اشتري ١٠ حبات صابون.

مثل كل دالة فيما يأتي بيانياً:

$$c = 4s \quad (٨)$$

$$c = s - 3 \quad (٩)$$

$$c = 3s - 7 \quad (١٢)$$

$$c = \frac{1}{3}s + 1 \quad (١٣)$$

$$c = \frac{1}{3}s + 3 \quad (١٤)$$

$$c = s + 3 \quad (١٥)$$

$$c = s + 1 \quad (١٦)$$

$$c = s - 3 \quad (١٧)$$

$$c = s - 1 \quad (١٨)$$

$$c = s - 2 \quad (١٩)$$

$$c = s - 3 \quad (٢٠)$$

$$c = s - 4 \quad (٢١)$$

$$c = s - 5 \quad (٢٢)$$

$$c = s - 6 \quad (٢٣)$$

$$c = s - 7 \quad (٢٤)$$

$$c = s - 8 \quad (٢٥)$$

$$c = s - 9 \quad (٢٦)$$

$$c = s - 10 \quad (٢٧)$$

$$c = s - 11 \quad (٢٨)$$

$$c = s - 12 \quad (٢٩)$$

$$c = s - 13 \quad (٣٠)$$

$$c = s - 14 \quad (٣١)$$

$$c = s - 15 \quad (٣٢)$$

$$c = s - 16 \quad (٣٣)$$

$$c = s - 17 \quad (٣٤)$$

$$c = s - 18 \quad (٣٥)$$

$$c = s - 19 \quad (٣٦)$$

$$c = s - 20 \quad (٣٧)$$

$$c = s - 21 \quad (٣٨)$$

$$c = s - 22 \quad (٣٩)$$

$$c = s - 23 \quad (٤٠)$$

$$c = s - 24 \quad (٤١)$$

$$c = s - 25 \quad (٤٢)$$

$$c = s - 26 \quad (٤٣)$$

$$c = s - 27 \quad (٤٤)$$

$$c = s - 28 \quad (٤٥)$$

$$c = s - 29 \quad (٤٦)$$

$$c = s - 30 \quad (٤٧)$$

$$c = s - 31 \quad (٤٨)$$

$$c = s - 32 \quad (٤٩)$$

$$c = s - 33 \quad (٥٠)$$

$$c = s - 34 \quad (٥١)$$

$$c = s - 35 \quad (٥٢)$$

$$c = s - 36 \quad (٥٣)$$

$$c = s - 37 \quad (٥٤)$$

$$c = s - 38 \quad (٥٥)$$

$$c = s - 39 \quad (٥٦)$$

$$c = s - 40 \quad (٥٧)$$

$$c = s - 41 \quad (٥٨)$$

$$c = s - 42 \quad (٥٩)$$

$$c = s - 43 \quad (٥١٠)$$

$$c = s - 44 \quad (٥١١)$$

$$c = s - 45 \quad (٥١٢)$$

$$c = s - 46 \quad (٥١٣)$$

$$c = s - 47 \quad (٥١٤)$$

$$c = s - 48 \quad (٥١٥)$$

$$c = s - 49 \quad (٥١٦)$$

$$c = s - 50 \quad (٥١٧)$$

$$c = s - 51 \quad (٥١٨)$$

$$c = s - 52 \quad (٥١٩)$$

$$c = s - 53 \quad (٥١١٠)$$

$$c = s - 54 \quad (٥١١١)$$

$$c = s - 55 \quad (٥١١٢)$$

$$c = s - 56 \quad (٥١١٣)$$

$$c = s - 57 \quad (٥١١٤)$$

$$c = s - 58 \quad (٥١١٥)$$

$$c = s - 59 \quad (٥١١٦)$$

$$c = s - 60 \quad (٥١١٧)$$

$$c = s - 61 \quad (٥١١٨)$$

$$c = s - 62 \quad (٥١١٩)$$

$$c = s - 63 \quad (٥١١١٠)$$

$$c = s - 64 \quad (٥١١١١)$$

$$c = s - 65 \quad (٥١١١٢)$$

$$c = s - 66 \quad (٥١١١٣)$$

$$c = s - 67 \quad (٥١١١٤)$$

$$c = s - 68 \quad (٥١١١٥)$$

$$c = s - 69 \quad (٥١١١٦)$$

$$c = s - 70 \quad (٥١١١٧)$$

$$c = s - 71 \quad (٥١١١٨)$$

$$c = s - 72 \quad (٥١١١٩)$$

$$c = s - 73 \quad (٥١١١١٠)$$

$$c = s - 74 \quad (٥١١١١١)$$

$$c = s - 75 \quad (٥١١١١٢)$$

$$c = s - 76 \quad (٥١١١١٣)$$

$$c = s - 77 \quad (٥١١١١٤)$$

$$c = s - 78 \quad (٥١١١١٥)$$

$$c = s - 79 \quad (٥١١١١٦)$$

$$c = s - 80 \quad (٥١١١١٧)$$

$$c = s - 81 \quad (٥١١١١٨)$$

$$c = s - 82 \quad (٥١١١١٩)$$

$$c = s - 83 \quad (٥١١١١١٠)$$

$$c = s - 84 \quad (٥١١١١١١)$$

$$c = s - 85 \quad (٥١١١١١٢)$$

$$c = s - 86 \quad (٥١١١١١٣)$$

$$c = s - 87 \quad (٥١١١١١٤)$$

$$c = s - 88 \quad (٥١١١١١٥)$$

$$c = s - 89 \quad (٥١١١١١٦)$$

$$c = s - 90 \quad (٥١١١١١٧)$$

$$c = s - 91 \quad (٥١١١١١٨)$$

$$c = s - 92 \quad (٥١١١١١٩)$$

$$c = s - 93 \quad (٥١١١١١١٠)$$

$$c = s - 94 \quad (٥١١١١١١١)$$

$$c = s - 95 \quad (٥١١١١١١٢)$$

$$c = s - 96 \quad (٥١١١١١١٣)$$

$$c = s - 97 \quad (٥١١١١١١٤)$$

$$c = s - 98 \quad (٥١١١١١١٥)$$

$$c = s - 99 \quad (٥١١١١١١٦)$$

$$c = s - 100 \quad (٥١١١١١١٧)$$

$$c = s - 101 \quad (٥١١١١١١٨)$$

$$c = s - 102 \quad (٥١١١١١١٩)$$

$$c = s - 103 \quad (٥١١١١١١١٠)$$

$$c = s - 104 \quad (٥١١١١١١١١)$$

$$c = s - 105 \quad (٥١١١١١١١٢)$$

$$c = s - 106 \quad (٥١١١١١١١٣)$$

$$c = s - 107 \quad (٥١١١١١١١٤)$$

$$c = s - 108 \quad (٥١١١١١١١٥)$$

$$c = s - 109 \quad (٥١١١١١١١٦)$$

$$c = s - 110 \quad (٥١١١١١١١٧)$$

$$c = s - 111 \quad (٥١١١١١١١٨)$$

$$c = s - 112 \quad (٥١١١١١١١٩)$$

$$c = s - 113 \quad (٥١١١١١١١١٠)$$

$$c = s - 114 \quad (٥١١١١١١١١١)$$

$$c = s - 115 \quad (٥١١١١١١١١٢)$$

$$c = s - 116 \quad (٥١١١١١١١١٣)$$

$$c = s - 117 \quad (٥١١١١١١١١٤)$$

$$c = s - 118 \quad (٥١١١١١١١١٥)$$

$$c = s - 119 \quad (٥١١١١١١١١٦)$$

$$c = s - 120 \quad (٥١١١١١١١١٧)$$

$$c = s - 121 \quad (٥١١١١١١١١٨)$$

$$c = s - 122 \quad (٥١١١١١١١١٩)$$

$$c = s - 123 \quad (٥١١١١١١١١١٠)$$

$$c = s - 124 \quad (٥١١١١١١١١١١)$$

$$c = s - 125 \quad (٥١١١١١١١١١٢)$$

$$c = s - 126 \quad (٥١١١١١١١١١٣)$$

$$c = s - 127 \quad (٥١١١١١١١١١٤)$$

$$c = s - 128 \quad (٥١١١١١١١١١٥)$$

$$c = s - 129 \quad (٥١١١١١١١١١٦)$$

$$c = s - 130 \quad (٥١١١١١١١١١٧)$$

$$c = s - 131 \quad (٥١١١١١١١١١٨)$$

$$c = s - 132 \quad (٥١١١١١١١١١٩)$$

$$c = s - 133 \quad (٥١١١١١١١١١١٠)$$

$$c = s - 134 \quad (٥١١١١١١١١١١١)$$

$$c = s - 135 \quad (٥١١١١١١١١١١٢)$$

$$c = s - 136 \quad (٥١١١١١١١١١١٣)$$

$$c = s - 137 \quad (٥١١١١١١١١١١٤)$$

$$c = s - 138 \quad (٥١١١١١١١١١١٥)$$

$$c = s - 139 \quad (٥١١١١١١١١١١٦)$$

$$c = s - 140 \quad (٥١١١١١١١١١١٧)$$

$$c = s - 141 \quad (٥١١١١١١١١١١٨)$$

$$c = s - 142 \quad (٥١١١١١١١١١١٩)$$

<math

٢٦ درجات حرارة: تستعمل المعادلة $f = 8s + 32$ لمقارنة درجات الحرارة السيليزية (س) بدرجات الحرارة الفهرنهايتية (ف). اكتب أربعة أزواج مرتبة (س، ف) تمثل حلّاً للمعادلة أعلاه ثم مثّلها بيانيًّا.

قياس: للأسئلة ١٧-١٩ استعمل المعلومات الآتية:

تصف المعادلة $s = 10f + 9$ س عدد المترات ص في س ياردة

هل لقيمة س السالبة معنى في هذا الموقف؟ فسر إجابتك.

مثّل الدالة بيانيًّا.

كم متراً يعادل ٤٠ ياردة؟

جبال: استعمل المعلومات في الجدول المجاور للإجابة عن السؤالين ٢٠، ٢١.

ارتفاعات بعض الجبال في المملكة (بآلاف الأقدام تقريرياً)	
	الجبل
٩,٨	جبل السودة
٦,٥	جبل شيبان
٥,١	جبل قيس
٢,٥	جبل ثور

إذا كانت درجة الحرارة عند مستوى سطح البحر 80°F ، والدالة $f = -6s + 80$ تصف درجة الحرارة f عند ارتفاع قدره s بالآلاف الأقدام فوق مستوى سطح البحر.

مثّل دالة درجة الحرارة بيانيًّا.

ما درجة الحرارة عند قمة كل جبل من هذه

الجبال في يوم كانت فيه درجة الحرارة عند مستوى سطح البحر 80°F ؟

نقود: يوفر عماد نقوداً لشراء حاسوب بـ ١٢٠٠ ريال. فإذا كان معه ٤٥٠ ريالاً، ولديه خطة لتوفير ٣٠ ريالاً أسبوعياً. حيث تمثل الدالة $C(s) = 30s + 30$ المبلغ الذي يوفره بعد س أسبوع. مثّل الدالة بيانيًّا لتحديد عدد الأسابيع اللازمة ليوفر عماد المبلغ الكافي لشراء الحاسوب.

٣ مسألة مفتوحة: مثّل دالة خطية بيانيًّا، واذكر ثلاثة حلول لها.

٤اكتشف المختلف: حدد الزوج المرتب الذي ليس حلّاً للدالة

$$s = -4 + 3s. \text{ فسر تبريرك.}$$

(١١ ، ١)

(٧ ، ١)

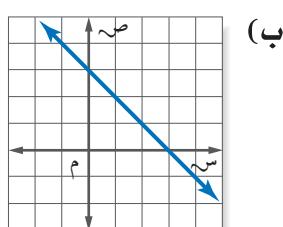
(٣ ، ٠)

(٥ ، ٢)

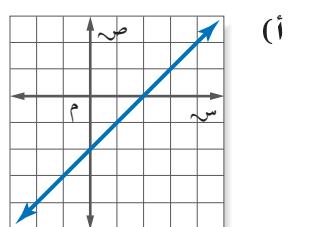
مسائل

مهارات التفكير العليا

٥ تحد: سُمِّي إحداثيات أربع نقاط تحقق كل دالة فيما يأتي، ثم اكتب قاعدة الدالة:



ب)



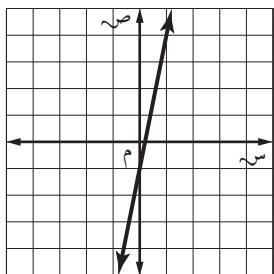
أ)

٦ أكتب فسر كيف يمكن الاستعانة بجدول الدالة على تمثيلها بيانيًّا.





٢٨ اختيار من متعدد: إذا كان المستقيم الممثل في المستوى الإحداثي المجاور يمثل الدالة $y = 5x - 1$ ، فائي جدول مما يأتي يحتوي نقاطاً تقع على هذا المستقيم فقط؟



٣	٢	١	٠	س
٢	١	٠	-١	ص

١	٠	-١	-٢	س
٦	١	-٤	-٩	ص

(أ)

٢	١	٠	-١	س
٩	٤	١	-٦	ص

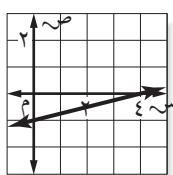
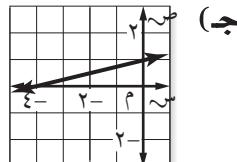
٠	-١	-٢	-٣	س
٥	-٦	-٧	-٨	ص

(ب)

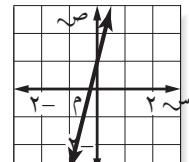
(ج)

٢٩ أي مستقيم مما يأتي يعد أفضل تمثيل للأزواج المرتبة (s, c) المبينة في الجدول الآتي؟

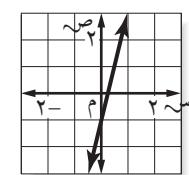
٨	٤	٠	-٤	س
١	٠	-١	-٢	ص



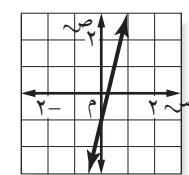
(أ)



(ج)



(ب)



(د)

مراجعة تراكمية

أوجد قيمة كل دالة فيما يأتي: (الدرس ٨ - ٢)

د(٦) إذا كان $D(s) = 7s - 3$

د(-٥) إذا كان $D(s) = 3s + 15$

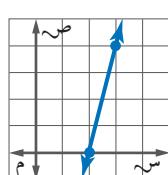
د(٣) إذا كان $D(s) = 2s - 7$

اكتب عبارة يمكن استعمالها لإيجاد الحد النوني للمتتابعة الحسابية $15, 30, 45, 60, \dots$ ، ثم اكتب الحدود الثلاثة الأولى. (الدرس ١ - ٨)

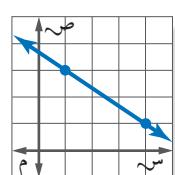
مقاصف: يربح مقصف المدرسة ٥ ، ٠ ريال من كل قطعة شوكولاتة يبيعها، ويرغب مسؤول المقصف تحقيق ربح لا يقل عن ٥٠٠ ريال هذا الأسبوع من بيع الشوكولاتة. اكتب متباينة وحلّها لإيجاد عدد قطع الشوكولاتة التي عليهم بيعها لتحقيق الهدف. (الدرس ٧ - ٧)

الاستعداد للدرس اللاحق

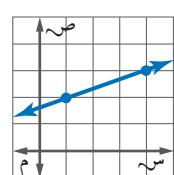
مهارة سابقة: أوجد معدل التغير لكل تمثيل بياني مما يلي:



٣٦



٣٥



٣٤





اختبار منتصف الفصل

الدروس من ١-٨ إلى ٣-٨

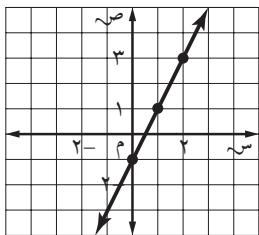
ممثل كل دالة فيما يأتي بيانياً: (الدرس ٣ - ٨)

١٥) $s = 2s - 5$

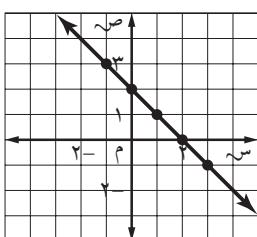
١٤) $s = s + 6$

اختيار من متعدد: أي مستقيم مما يأتي يمثل

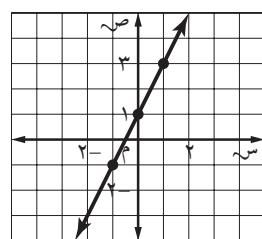
المعادلة $s = 2s - 1$? (الدرس ٣ - ٨)



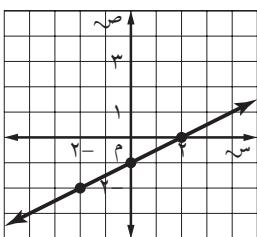
(ج)



(أ)



(ب)



(د)

إيجار: تقوم سيارة الأجرة باستعمال العداد الإلكتروني لاحتساب أجرتها، حيث يحتسب ٥ ريالات في بداية فتح العداد، ثم ٠,٧٥ ريال لكل كيلومتر تقطعه السيارة. ويمكن حساب الأجرة (s) التي يدفعها شخص استخدم السيارة مسافة (m) كيلومتر بالمعادلة $s = 0,75m + 5$ (الدرس ٣ - ٨)

١٧) مثل دالة الأجرة بيانياً.

١٨) كم ريالاً يدفع شخص استأجر السيارة مسافة ١٦ كيلم؟

بين إذا كانت كل متتابعة فيما يأتي حسابية أم لا. وإذا كانت كذلك، فأوجد أساسها، والحدود الثلاثة التالية فيها:

(الدرس ١ - ٨)

١) ...، ١٣، ٢١، ٢٥، ٢٩ ...

٢) ...، ٦٤، ٣٢، ١٦، ٨، ٤ ...

٣) ...، ٤٣، ٣٤، ٢٥، ١٦، ٧ ...

بين إذا كانت كل متتابعة فيما يأتي حسابية أم لا. وإذا كانت كذلك، فأوجد أساسها. (الدرس ١ - ٨)

٤) $n = 2n - 3$

٥) $n = 1 + 2n$

٦) $n = 7$

٧) أوجد قيمة كل دالة فيما يأتي: (الدرس ٢ - ٨)

٨) إذا كان $D(s) = 12s$

٩) إذا كان $D(s) = 2s - 8$

١٠) إذا كان $D(s) = s + 7$

١١) إذا كان $D(s) = 6s + 1$

اختيار من متعدد: أي معادلة مما يأتي تصف

الدالة الممثلة بالجدول الآتي: (الدرس ٢ - ٨)

ص	س
-٣	-٢
-١	٠
١	٢
٥	٤

أ) $s = 2s - 3$

ب) $s = s - 3$

ج) $s = s + 4$

د) $s = 2s + 3$

قياس: محيط المثلث المتطابق الأضلاع يساوي ٣ أمثال طول ضلعه. اكتب دالة تمثل محيط المثلث المتطابق الأضلاع (مح) الذي طول ضلعه (l)، ثم أوجد طول ضلع مثلث محطيه ١٢ سم. (الدرس ٢ - ٨)





مِيلُ الْمَسْتَقِيمِ

٤ - ٨

الستعدين



سلامة : يستعمل سلم الشاحنة المتحرك للوصول إلى أعلى البناءيات.

- ١ يعبر عن معدل التغير في ارتفاع السلم بنسبة ارتفاع السلم إلى بُعد قاعدته عن البناءية. اكتب هذا المعدل في صورة كسر في أبسط صورة.
- ٢ أوجد معدل تغير ارتفاع السلم إذا ارتفع ١٠٠ قدم وكانت قاعدته على بعد ٥٠ قدمًا من البناءية.

فكرة الدرس:

أجد ميل المستقيم.

المفردات

الميل

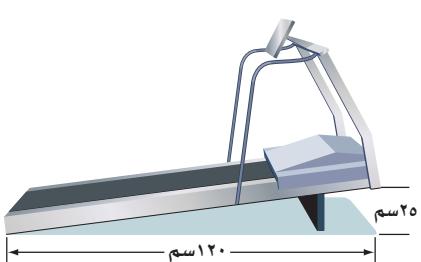
التغير الرأسى

التغير الأفقي

يستعمل مصطلح الميل لوصف انحدار الخط المستقيم عددياً. **الميل** هو نسبة **التغير الرأسى** (الارتفاع) إلى **التغير الأفقي** (المسافة الأفقية) وليس هنالك مشكلة في اختيار أي نقطتين لإيجاد الميل أو معدل التغير في الدوال الخطية؛ لأن معدل التغير ثابت دائماً.

$$\text{الميل} = \frac{\text{التغير الرأسى}}{\text{التغير الأفقي}}$$

التغير الرأسى →
التغير الأفقي →



رياضة : أوجد ميل جهاز المشي المجاور.

تعريف الميل:

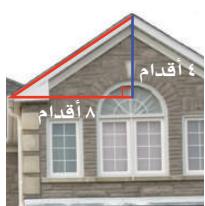
$$\text{الميل} = \frac{\text{التغير الرأسى}}{\text{التغير الأفقي}}$$

التغير الرأسى = ٢٥ سم
التغير الأفقي = ١٢٠ سم
بسط.

$$\frac{٢٥}{١٢٠} = \frac{٥}{٢٤}$$

ميل جهاز المشي هو $\frac{5}{24}$.

تحقق من فهمك:



- أ) **بيوت :** تصمم البيوت في أوروبا بحيث تكون أسطحها منحدرة؟ حتى لا يتكدس الثلج عليها. أوجد ميل السطح المجاور.

لأن الميل هو معدل التغير، فإنه يمكن أن يكون موجباً (مائلاً لأعلى)، أو سالباً (مائلاً لأسفل).



مثال

إرشادات للدراسة

حركة التغير الرأسى والأفقي
 فوق ← موجب
 تحت ← سالب
 يمين ← موجب
 يسار ← سالب

إيجاد الميل باستعمال الرسم

٢) أوجد ميل المستقيم

اختر نقطتين على المستقيم. فيكون التغير الرأسى وحدتين في حين يكون التغير الأفقي ٣ وحدات.

التغير الرأسى

الميل = التغير الأفقي

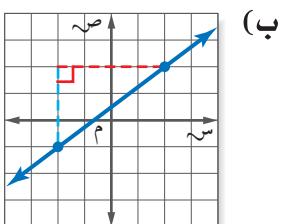
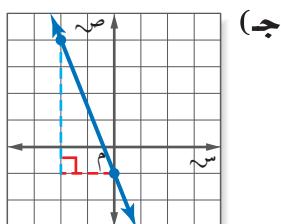
$$\frac{2}{3} =$$

التغير الرأسى = ٢، والتغير الأفقي = ٣.

ميل المستقيم هو $\frac{2}{3}$.

✓ **تحقق من فهمك:**

أوجد ميل كل مستقيم فيما يأتي:



يمكن إيجاد الميل بإيجاد نسبة التغير في قيمة ص إلى التغير في قيمة س لأي نقطتين على الخط.

إيجاد الميل باستعمال الجدول

مثال

إرشادات للدراسة

الميل

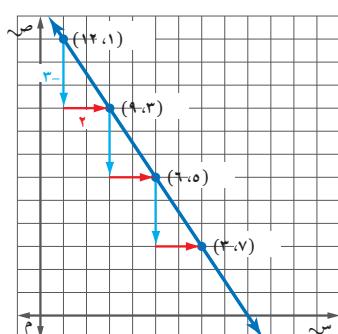
يمكنك اختيار أي نقطتين لحساب الميل. ومهما كانت قيمة ص التي تستخدمها أولاً، فتتأكد من استعمال قيمة س المنشورة لها.

٧	٥	٣	١	س
٣	٦	٩	١٢	ص

تقع النقاط المبينة في الجدول المجاور على مستقيم.

أوجد ميل المستقيم، ثم مثّله بيانياً.

اختر أي نقطتين من الجدول وأوجد التغير في كل من س ، ص.



الميل = التغير في ص

$$\frac{12-9}{1-3} =$$

$$\frac{3-}{2} = \frac{3-}{2} =$$

ميل المستقيم هو $\frac{3}{2}$.

✓ **تحقق من فهمك:**

أوجد المستقيم الذي تقع عليه النقاط المعطاة في كل من الجدولين الآتيين مما يأتي، ثم مثّله بيانياً:

٨	٤	٠	-٤	س
-٤	-٣	-٢	-١	ص

٦	٢	-٢	-٦	س
١	٠	-١	-٢	ص

لغة الرياضيات

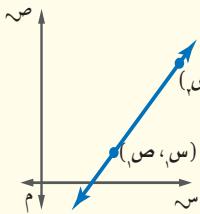
العدد تحت الرمز، يقرأ الرمز
س، سين واحد، ويقرأ الرمز
س، سين اثنين، وتستعملان
للتعبير عن إحداثيين مختلفين
لـس.

أوجدت الميل باستعمال $\frac{\text{التغير الرأسى}}{\text{التغير الأفقي}}$ و $\frac{\text{التغير فى ص}}{\text{التغير فى س}}$ ، ويمكنك إيجاد ميل المستقيم باستعمال إحداثيات أي نقطتين على المستقيم. حيث يعبر عن إحدى النقطتين بالزوج المرتب (س_١، ص_١)، وعن الثانية بالزوج المرتب (س_٢، ص_٢). ويُسمى العددان الصغاران تحت الرموز س، ص دليلاً للمتغيرين.

مفهوم أساسى

صيغة الميل

التعبير اللفظي: الميل م للمستقيم المار بالنقطتين النموذج :



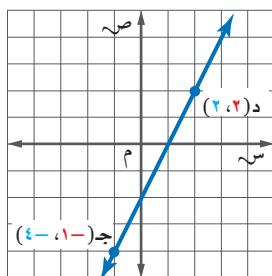
(س_١، ص_١)، (س_٢، ص_٢) هو
النسبة في فرق الإحداثيين الصاديين
إلى فرق الإحداثيين السينيين
المناظرين.

$$\text{الميل} = \frac{\text{ص}_2 - \text{ص}_1}{\text{س}_2 - \text{س}_1}, \text{ حيث } \text{س}_2 \neq \text{س}_1$$

الرموز:

إيجاد الميل باستعمال الإحداثيات

مثالان



أوجد ميل المستقيم المار بكل زوج من النقاط فيما يأتي:

ج (−١، −٤)، د (٢، ٢)

تعريف الميل.

$$m = \frac{\text{ص}_2 - \text{ص}_1}{\text{س}_2 - \text{س}_1}$$

(س_١، ص_١) = (−١، −٤)

(س_٢، ص_٢) = (٢، ٢)

بسط.

$$m = \frac{(٤ - ٢)}{(١ - ٢)} = \frac{٢}{-١} = -٢$$

m = -٢

تحقق: عند التحرك من اليسار إلى اليمين يميل الخط إلى الأعلى وهذا صحيح، فالميل موجب.

ل (١، ٢)، ك (−٤، ٣)

تعريف الميل.

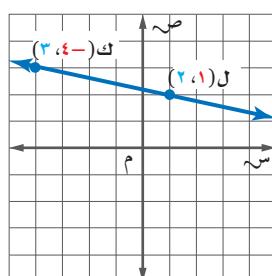
$$m = \frac{\text{ص}_2 - \text{ص}_1}{\text{س}_2 - \text{س}_1}$$

(س_١، ص_١) = (١، ٢)

(س_٢، ص_٢) = (−٤، ٣)

بسط.

$$m = \frac{٣ - ٢}{١ - (-٤)} = \frac{١}{٥} = \frac{١}{٥}$$



تحقق: عند التحرك من اليسار إلى اليمين، يميل الخط إلى الأسفل وهذا صحيح، فالميل سالب. ✓

تحقق من فهمك:

أوجد ميل المستقيم المار بكل نقطتين فيما يأتي:

و أ (٢، ٢)، ب (٥، ٣) ز ج (−١، ٢)، د (٠، −٣) ي ك (−٤، ٧)، ل (−٣، −٤)

إرشادات للدراسة

استعمال صيغة الميل

ليس معهًداً تحديد أي نقطتين (س، ص)، وأيهما (س، ص)، ولكن يجب استعمال إحداثيات نقطتين بالترتيب نفسه.

للتحقق من ذلك ضع في مثال ٥: (س، ص) = (٣، ٤)، (س، ص) = (٢، ١)، ثم أوجد الميل.



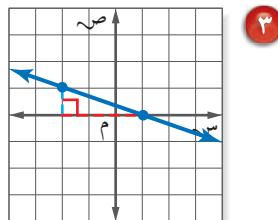


١ بناءً أوجد ميل سقف الغرفة المجاورة.

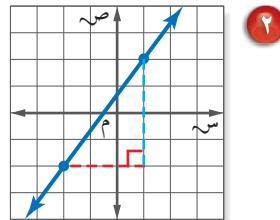
المثال ١

أوجد ميل كل مستقيم فيما يأتي:

المثال ٢



٣



٤

٤ تقع النقاط في الجدول المجاور على خط مستقيم. أوجد ميل الخط، ثم مثله بيانياً.

المثال ٣

٣	٢	١	٠	س
٧	٥	٣	١	ص

أوجد ميل المستقيم المار بكل زوج من النقاط فيما يأتي:

المثالان ٤، ٥

٦ ج(-٤، ٢)، ب(٤، ٥)، د(٥، ١)

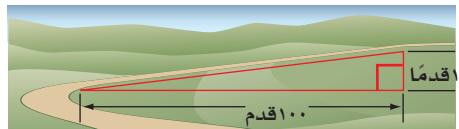
٥ أ(-٣، ٢)، ب(٤، ٥)

٨ ك(١، ٥)، ل(٤، ٣)

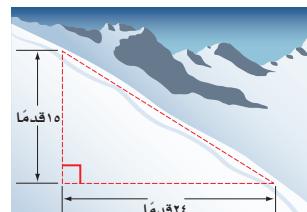
٧ ه(-٦، ٥)، و(٣، -٣)

تدريب وحل المسائل

١٠ طرق: أوجد ميل طريق ترتفع ١٢ قدماً لكل تغير أفقي مقداره ١٠٠ قدم.

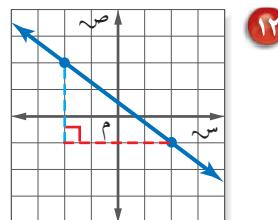


٩ تزلج: أوجد ميل طريق التزلج الذي ينحدر بمقدار ١٥ قدماً لكل تغير أفقي مقداره ٢٤ قدماً.

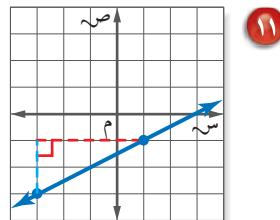


الإجابات للأسئلة	
للاسئلة	انظر الأمثلة
١	١٠، ٩
٢	١٤-١١
٣	١٦، ١٥
٥، ٤	٢٢-١٧

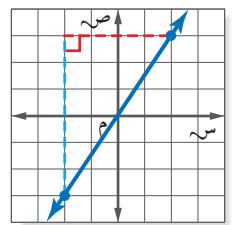
أوجد ميل كل مستقيم فيما يأتي:



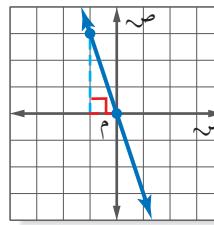
١٢



١١



١٤



١٣



أُوجِدَ ميل المستقيم الذي تقع عليه النقاط المعطاة في كُلٍّ من الجدولين الآتيين، ثم مثلَه بيانياً:

١٥	٩	٣	٣-	س
٩	٥	١	٣-	ص

١٦

٦	٤	٢	٠	س
٦-	١-	٤	٩	ص

١٥

أُوجِدَ ميل المستقيم المار بكل زوج من النقاط الآتية:

١٩ هـ (١، ٢)، (٧، ٤)

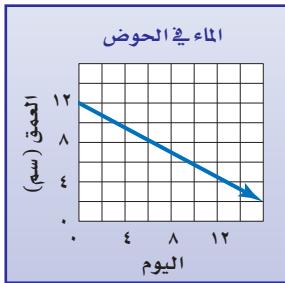
١٧ أـ (١، ٠)، بـ (٧، ٢)

١٨ جـ (٢، ٥)، دـ (١، ٣)

٢٠ كـ (-٦، ٦)، لـ (٤، ١)

٢١ يـ (٣، ٩)، كـ (٢، ١)

٢٢ مـ (٤، ٧)، نـ (-٣، ٢)

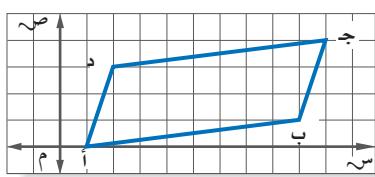


٣٣ أحواض مائية: يبيّن الشكل المجاور عمق الماء في حوض مائي لعدة أيام. أُوجِدَ ميل المستقيم، وفسّر معناه بوصفه معدل تغير.

٤٤ احتياجات خاصة: أقصى ميلان لمدخل البناءيات العامة هو بوصة واحدة رأسياً لكل قدم واحدة أفقياً؛ وذلك من أجل سلامة دخول الكراسي المتحركة. فهل يتناسب الميلان ١٠ أقدام أفقياً مع ارتفاع ٨ بوصات في هذا الوضع؟ فسّر إجابتك.



الربط بالحياة: من حقوق ذوي الإعاقة الحركية: تخصيص مقاعد خاصة بهم في وسائل النقل، ومواقف خاصة بسياراتهم، وتزويد البناءيات بمداخل تلبي احتياجاتهم.



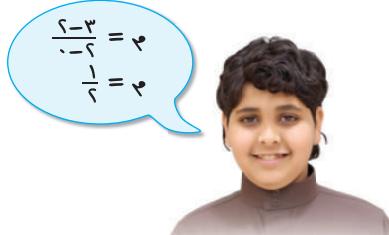
٤٥ هندسة لكل خطين متوازيين الميل نفسه. بناءً على ذلك، حدّد إذا كان الشكل الرباعي أـ بـ جـ دـ متوازي أضلاع أم لا، وبرر إجابتك.

٤٦اكتشف الخطأ: أُوجِدَ كل من عمر وعماد ميل المستقيم الذي يمر بال نقطتين سـ (٠، ٢)، صـ (٢، ٣)، فـ (٢، ٠)، صـ (٠، ٣). فـ (٢، ٣) على صواب؟ فـ (٠، ٣) على صواب؟ فـ (٢، ٠) على صواب؟ فـ (٠، ٢) على صواب؟ فـ (٣، ٢) على صواب؟

مسائل
مهارات التفكير العليا



عمر



عمر

$$\frac{4-3}{4-0} = \frac{1}{4} = 0.25$$

$$\frac{4-3}{4-4} = \frac{1}{0} = \text{undefined}$$

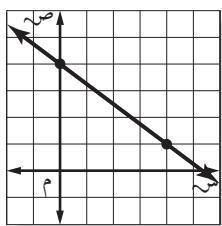
٤٧ تحـدـ: أُوجِدَ ميل الخط المستقيم الذي يمثل دالة تعبـر عن محـيط الدائـرة بـوصـفـها دـالـةـ في نـصـفـ القـطـرـ.

٤٨ أـكتـبـ فـسـرـ لـمـاـذـ تـبـقـيـ نـسـبـةـ التـغـيـرـ الرـأـسـيـ إـلـىـ التـغـيـرـ الأـفـقيـ نـفـسـهـاـ عـنـدـ إـيجـادـ المـيـلـ لـلـدـالـةـ الـخـطـيـةـ.



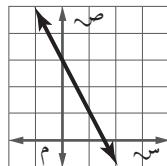


٣٠ ما ميل المستقيم في الشكل الآتي؟

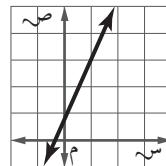


- أ) $-\frac{4}{3}$
ب) $-\frac{3}{4}$
ج) $\frac{3}{4}$
د) $\frac{4}{3}$

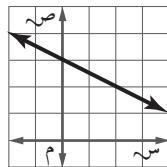
٢٩ أيّ من التمثيلات الآتية يمثل مستقيماً ميله -2 ؟



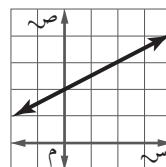
ج)



أ)



د)



ب)

مراجعة تراكمية



مثل كل دالة فيما يأتي بيانياً: (الدرس ٨-٣)

$$ص = س + 3 \quad ٣٤$$

$$ص = س - ٢ \quad ٣٣$$

$$ص = ٥س \quad ٣١$$

٣٥ حليب: يمكن تخزين عبوة الحليب السائل بعد فتحها عدة أيام دون أن تفسد، وذلك بحسب درجة الحرارة وفقاً للمعادلة $y = -4s + 26$ ؛ حيث تمثل y الزمن بالأيام، و s درجة الحرارة السيليزية لمكان التخزين. كم يوماً يمكن تخزين عبوة حليب في درجة حرارة 4°S دون أن تفسد؟ (الدرس ٨-٢)

انسخ جدول كل دالة فيما يأتي وأكمله، ثم اذكر مجال كل دالة ومداها: (الدرس ٨-٢)

$$د(س) = ٥ - ٣س \quad ٣٧$$

$$د(س) = ٢س + ٣ \quad ٣٦$$

س	د(س)	س
	٣-	
	٢-	
	١	
	٤	

س	د(س)	س
	٢-	
	١-	
	٣	
	٥	

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: حل كل معادلة فيما يأتي:

$$\frac{t}{9} - 6 = 7 \quad ٤١$$

$$7 = \frac{n}{3} \quad ٤٠$$

$$10 = 4s - 3 \quad ٣٩$$

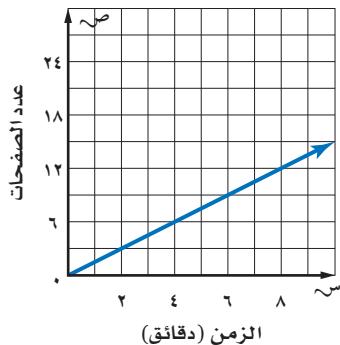




التغير الطردي

٥ - ٨

الاستعـد



حواسيب: استعمل التمثيل البياني المجاور الذي يبين نواتج الطابعة الملونة.

- ١ ما المعدل الثابت للتغير أو ميل المستقيم؟
- ٢ هل يتناسب عدد الصفحات المطبوعة مع زمن الطابعة دائمًا؟ وإذا كان كذلك فما النسبة الثابتة؟
- ٣ قارن المعدل الثابت للتغير بالنسبة الثابتة.

فكرة الدرس:

استعمل التغير الطردي لحل المسائل.

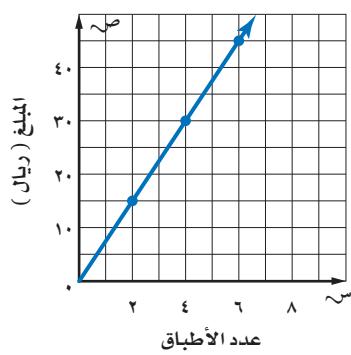
المفردات

التغير الطردي

ثابت التغير

في المثال أعلاه، يتغير كل من عدد الصفحات المطبوعة وعدد الدقائق، على حين تظل نسبة عدد الصفحات المطبوعة إلى الدقائق ثابتة وهي ١ ، ٥ صفحه لكل دقيقة. عندما تكون النسبة بين كميتين متغيرتين ثابتة، تُسمى العلاقة بينهما **تغيراً طرديّاً**، وتُسمى النسبة الثابتة **ثابت التغير**.

مثالٌ من واقع الحياةِ



الطبق الخيري: يبيّن التمثيل البياني المجاور المبالغ التي جمعتها سارة في مهرجان الطبق الخيري، والذي رُصد ريعه للأعمال الخيرية. حدد المبلغ الذي حصلت عليه سارة مقابلة بيع كل طبق.

بما أن المعلومات في التمثيل تشكل خطًا مستقيماً، فإن معدل التغير يكون ثابتاً، استعمل التمثيل البياني لإيجاد النسبة الثابتة.

$$\frac{\text{المبلغ الذي تم جمعه}}{\text{عدد الأطباقي}} \leftarrow \frac{7,5}{1} = \frac{60}{8} = \frac{7,5}{1} = \frac{45}{6} = \frac{7,5}{1} = \frac{30}{4} = \frac{7,5}{1} = \frac{15}{2}$$

فتكون سارة قد حصلت على ٧,٥ ريالات لكل طبق واحد.

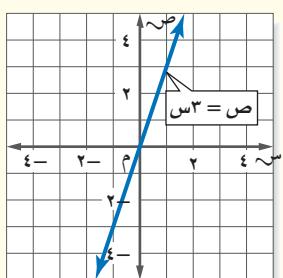
تحقق من فهمك:

أ) **مظلي:** هبط مظلي من ارتفاع ١٩٠٠ قدم في ٤٧٥٠ قدمًا في ٥ دقائق. إذا كانت المسافة تتغير طرديًا مع الزمن، فما معدل نزول المظلي؟

يُرمز لثابت التغير أو الميل في معادلة التغير الطردي عادة بالمتغير k .



النموذج :



التعبير اللفظي: التغير الطردي: هو علاقة تكون فيها نسبة ص إلى س ثابتة (ك). ويعبر عن ذلك بأن ص متغير طردياً مع س.

الرموز: $k = \frac{ص}{س}$ أو $ص = k س$
حيث $k \neq 0$

مثال: $ص = 3س$

مثال من واقع الحياة حل مسائل التغير الطردي

حيوانات: بالرجوع إلى المعلومات إلى اليمين. افترض أن عمر الحصان يتغير طردياً مع ما يكافئه من عمر الإنسان. فما عمر الإنسان الذي يكافئ ٦ سنوات من عمر حصان؟

اكتب معادلة التغير الطردي. لتكن س تمثل عمر الحصان، ص تمثل عمر الإنسان المكافئ له.

تغير طردي.

$ص = k س$

$$ص = 3، س = 1.$$

$$3 = k \cdot 1$$

بسط.

$$3 = k$$

عوض عن ك بـ ٣.

$$ص = 3س$$

استعمل المعادلة لإيجاد ص عندما س = ٦.

$$ص = 3$$

$$س = 6.$$

$$3 = 6k$$

بسط.

$$18 = 6k$$

إذن ٦ سنوات من عمر حصان تكافئ ١٨ سنة من عمر إنسان.

تحقق من فهمك:

ب) تسوق: يبيع محل خضار ٦ برتقالات بـ ١٢ ريالاً. فما ثمن ١٠ برتقالات؟

في التغير الطردي، ثابت التغير k هو ثابت معدل التغير. وعندما تتغير قيمة س بمقدار a ، فإن قيمة ص المناظرة تكون $k a$. ففي المثال السابق عندما تغيرت س بمقدار ٦، تغيرت ص بمقدار $6(3) = 18$.



الربط بالحياة: لكل حيوان ألف معدل عمر مختلف مقارنة بعمر الإنسان، فمثلاً سنة واحدة من عمر الحصان تقابل ٣ سنوات من عمر الإنسان.

إرشادات للدراسة

تناسبات يمكنك استعمال التناسبات لحل مسائل التغير الطردي، وفي المثال، أنت تنساباً لمقارنة عمر الإنسان المكافئ للتغير الفعلي للحصان.

$$\frac{3}{6} = \frac{س}{18}$$

إرشادات للدراسة

مراجعة

مراجعة العلاقات المتناسبة

راجح الدرسات ٤-٣، ١-٣.

ليست جميع العلاقات التي يكون معدل تغيرها ثابتاً تكون متناسبة. وبالمثل، فالدوال الخطية ليست جميعها تغيرات طردية.

مثالان تحديد التغير الطردي

حدد ما إذا كانت كل دالة خطية فيما يأتي تمثل تغيراً طردياً أم لا، وإذا كانت كذلك فاذكر ثابت التغير:

قارن بين النسب وتحقق من تساويها.

الكيلومترات س	١٠٠	٧٥	٥٠	٢٥
اللترات ص	٤٠	٣٠	٢٠	١٠

٣

$$\frac{2}{5} = \frac{40}{100} \quad \frac{2}{5} = \frac{30}{75} \quad \frac{2}{5} = \frac{20}{50} \quad \frac{2}{5} = \frac{10}{25} \leftarrow \frac{\text{اللترات}}{\text{الكيلومترات}}$$

بما أن النسب نفسها، فالدالة تمثل تغيراً طردياً، وثابت التغير يساوي $\frac{2}{5}$.

الساعات س	٨	٦	٤	٢
الإيرادات ص	٨٤	٦٨	٥٢	٣٦

٤

$$\frac{10,5}{1} = \frac{84}{8} \quad \frac{11,33}{1} = \frac{68}{6} \quad \frac{13}{1} = \frac{52}{4} \quad \frac{18}{1} = \frac{36}{2} \leftarrow \frac{\text{الإيرادات}}{\text{الساعات}}$$

النسبة ليست نفسها، فالدالة ليست تغيراً طردياً.

تحقق من فهمك:

حدد ما إذا كانت كل دالة خطية فيما يأتي تمثل تغيراً طردياً أم لا، وإذا كانت كذلك فاذكر ثابت التغير:

الوقت س	١٠	٨	٦	٤
المسافة ص	٢٤	٢٠	١٦	١٢

الأيام س	٢٠	١٥	١٠	٥
الارتفاع ص	٥٠	٣٧,٥	٢٥	١٢,٥

ج)

إرشادات للدراسة

التغيرات الطردية

لاحظ أن منحنى التغير الطردي الذي يمثل علاقة خطية متناسبة هو مستقيم يمر ب نقطة الأصل.

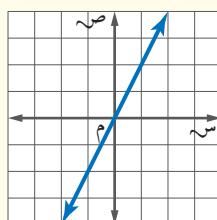
ملخص المفهوم

الدالة الخطية المتناسبة

المعادلة:

$$ص = ٢س$$

التمثيل البياني:



الجدول:

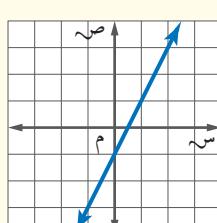
٢	١	-١	-٢	س
٤	٢	-٢	-٤	ص
٢	٢	٢	٢	$\frac{ص}{س}$

الدالة الخطية غير المتناسبة

المعادلة:

$$ص = ٢س - ١$$

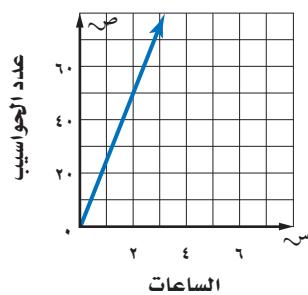
التمثيل البياني:



الجدول:

٢	١	-١	-٢	س
٣	١	-٣	-٥	ص
$\frac{3}{2}$	١	$\frac{3}{2}$	$\frac{5}{2}$	$\frac{ص}{س}$





المثال ١ **تصنيع:** يتغير عدد الحواسيب المصنعة تغريًّا طرديًّا مع ساعات عمل خط الإنتاج. وفقاً للشكل المجاور، ما نسبة الحواسيب المصنعة إلى ساعات الإنتاج؟

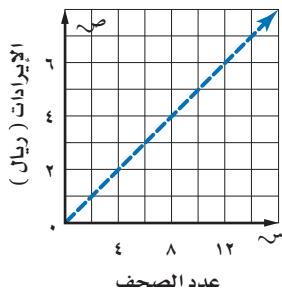
المثال ٢ **مواصلات:** تقطع حافلة مسافة ٣٣٦ كم في $\frac{1}{2}$ ساعة. إذا افترضت أن المسافة المقطوعة تتناسب طرديًّا مع زمن السفر، فكم تقطع الحافلة في ٦ ساعات؟

الساعات	الكيلومترات
٥	٢٩٠
٤	٢٣٢
٣	١٧٤
٢	١١٦

المثالان ٣ ، ٤ **٣** حدد ما إذا كانت الدالة الخطية الممثلة بالجدول المجاور تمثل تغريًّا طرديًّا أم لا، وإذا كانت كذلك، فاذكر ثابت التغيير.

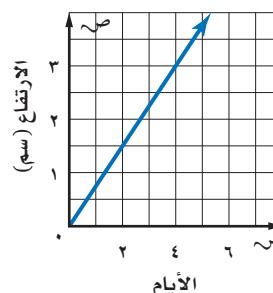
تدريب وحل المسائل

٥ **وظائف:** يعمل خالد في توزيع الصحف اليومية، ويتناسب إيراده طرديًّا مع عدد الصحف التي يوزعها. فما إيراده لكل صحيفة يوزعها؟



٤ **تشجير:** زرعت جميلة بعض البذور، وبعد أن ظهرت فوق سطح الأرض، وجدت أن ارتفاعها يتغير طرديًّا مع عدد الأيام، فما معدل نموها؟

الإجابة للأسئلة	للأسئلة
للاستله	انظر الأمثلة
١	٥ ، ٤
٢	١٠ - ٦
٤ ، ٣	١٤ - ١١



٦ **غواصات:** بعد ١٠ دقائق من نزول غواصه من قارب البحث، كانت على عمق ٢٥ متراً تحت سطح الماء. وبعد ٣٠ دقيقة أصبحت على عمق ٧٥ متراً. فما معدل نزول الغواصه؟

٧ **قرطاسية:** اشتريت عائلة ٣ أقلام بـ ١٠، ٥ ريالات. وفي الأسبوع التالي اشتريت ٥ أقلام أخرى من النوع نفسه بـ ١٧، ٥ ريالاً. فما قيمة القلم الواحد؟

٨ **طلاء:** إذا استعمل عامر ١٢ لترًا من الدهان لطلاء $٣١٥ \text{ م}^٢$ ، و ٢٠ لترًا لطلاء $٥٢٥ \text{ م}^٢$ إضافيًّا، فكم لترًا من الدهان يحتاج إليه لطلاء $٨٤٠ \text{ م}^٢$ ؟



٩ . الكترونيات : يتناسب عرض شاشة التلفاز طردياً مع ارتفاعها. إذا أنتج مصنع شاشة تلفاز عرضها 60 سم وارتفاعها $33,75$ سم، فأوجد ارتفاع شاشة تلفاز عرضها 90 سم.

١٠ . كعك : تحتاج روان لصناعة كعكة تكفي 12 شخصاً إلى $\frac{3}{4}$ كوب طحين. فكم كوباً من الطحين تحتاج إليه لعمل كعكة لـ 30 شخصاً؟

حدد ما إذا كانت كل دالة خطية فيما يأتي تشكل تغيراً طردياً، وإذا كانت كذلك فاذكر ثابت التغيير:

الدقائق س				
٨٠٠	٦٠٠	٤٠٠	٢٠٠	
٢١٥	١٦٥	١١٥	٦٥	التكلفة ص

١٢

الصور س				
٨	٧	٦	٥	
٣٢	٢٨	٢٤	٢٠	الثواني ص

١١

الثمن س				
٢٥	٢٠	١٥	١٠	
١,٧٥	١,٤٠	١,٠٥	٠,٧٠	الربح ص

١٤

العمر س				
١٣	١٢	١١	١٠	
٨	٧	٦	٥	الصف ص

١٣

جبر : إذا كانت ص تغير طردياً مع س. فاكتب معادلة التغيير الطردي، ثم أوجد القيمة المطلوبة.

إذا كانت ص = $12 - 4$ عندما س = 9 ، فأوجد قيمة ص عندما س = -4 .

إذا كانت ص = 8 عندما س = 20 ، فأوجد قيمة ص عندما س = 10 .

إذا كانت ص = $6 - 4$ عندما س = 14 ، فما قيمة س عندما ص = -4 ؟

قياس : يتغير عدد المستلمات طردياً مع عدد البوصات. أوجد طول جسم بالستلمات إذا كان طوله 50 بوصة.

البوصات س				
١٥	١٢	٩	٦	
٣٨,١٠	٣٠,٤٨	٢٢,٨٦	١٥,٢٤	الستلمات ص

$$\begin{array}{|c|} \hline \\ \hline \end{array} \quad \text{ص} = 4\text{م}$$

$$\text{ل} = 6,4\text{م}$$

قياس : يتغير طول المستطيل المبين في الشكل المجاور طردياً مع عرضه. فما محيطه عندما يصبح عرضه 10 ؟

مسألة مفتوحة : حدد قيماً لكلاً من س، ص في علاقة تغير طردي تكون فيها ص = 9 عندما س = 16 .

٢١ . تحديد : تتناسب كمية الطلاء المطلوبة لتغطية سطح خشبي طردياً مع مساحة السطح. فإذا كانت 3 عبوات تكفي لتغطية $1,2\text{م}^2$. فكم عبوة تلزم لتغطية $3,15\text{م}^2$ ؟

٢٢ . أكتب معادلة تغير طردي، ثم اضرب قيمة س في 3 . وفسّر كيف تجد التغيير في قيمة ص المناظرة.



الربط بالحياة :

تعبر النسبة القطرية لشاشة التلفاز عن نسبة عرض الشاشة إلى ارتفاعها. وهي في الشاشات العادية $3:4$ على حين أنها في شاشات أخرى $9:16$.

٢٤ إجابة قصيرة: قرأت منها ١٢ صفحة قراءة حرة في ٣٠ دقيقة. كم صفحة ستقرأ في ٤٥ دقيقة؟

٢٥ في وصفة لصناعة عصير فواكه مزجت الجوهرة ١٥٠ مل من عصير التفاح مع ٩٠ مل من عصير البرتقال. إذا صنعت عصير الفواكه مستعملة ٣٠٠ مل من عصير التفاح. فأي التناوبات الآتية يمكن استعمالها لإيجاد عدد مللترات عصير البرتقال (ل) التي ستستعملها؟

$$\text{أ) } \frac{300}{300} = \frac{90}{L} \quad \text{ج) } \frac{90}{150} = \frac{L}{300}$$

$$\text{ب) } \frac{90}{L} = \frac{150}{300} \quad \text{د) } \frac{L}{150} = \frac{90}{300}$$

٢٦ أجرى سعد تجربة في مختبر العلوم وسجلوا نتائج طول استطالة النابض (الزنبرك) كما هو مبين في الجدول أدناه:

طول استطالة النابض	
كتلة الثقل (جرام)	استطالة النابض س (سم)
٠	٠
١٢	٢
٣٠	٥
٥٤	٩
٧٢	١٢

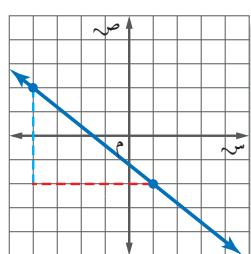
أي المعادلات الآتية تعطي أفضل تمثيل للعلاقة بين استطالة النابض (س) وكتلة الثقل المعلق فيه (ص)؟

$$\text{أ) } s = -6c \quad \text{ج) } c = -\frac{s}{6}$$

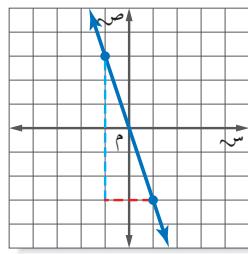
$$\text{ب) } c = 6s \quad \text{د) } s = \frac{c}{6}$$

مراجعة تراكمية

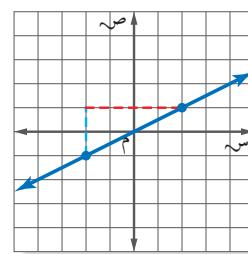
أوجد ميل كل مستقيم فيما يأتي: (الدرس ٨ - ٣)



٢٨



٢٧



٢٩

٣٠ عمل: الدالة $ج = ١٥t$ تصنف العلاقة بين عدد ساعات العمل (ت)، ومقدار الأجر (ج) الذي يتتقاضاه صالح من عمله. مثل الدالة بيانيًا لتحديد مقدار الأجر الذي يتتقاضاه صالح إذا عمل ٢٠ ساعة. (الدرس ٨ - ٣)

يُبيّن إذا كانت كل متباعدة فيما يأتي صحيحة أم خاطئة في القيمة المعطاة: (الدرس ٦ - ٧)

$$\text{٣١ } ١٨ - ن < ٤, ن = ١١ \quad \text{٣٢ } ٨ = س + ١٣, س \geq ٣٤$$

$$\text{٣٣ } ٧ = ي, ي \geq ٥, س > ٢١, س = ١٣$$

الاستعداد للدرس اللاحق

٣٤ مهارة سابقة: قام منسق مبيعات بترتيب علب حلوي بعضها فوق بعض فوضع ٥ علب في الصف العلوي، و ٧ علب في الصف الثاني أدناه، و ٩ علب في الصف الثالث أدناه، وهكذا... إذا كان الترتيب الذي صفت به العلب يتكون من ١٠ صفوف، فما عدد العلب التي ربها؟ استعمل استراتيجية البحث عن نمط.





استراتيجية حل المسألة

٦ - ٨

فكرة الدرس : أحل المسائل باستعمال استراتيجية "إنشاء نموذج".

إنشاء نموذج



وليد : في معمل الحاسوب، أحاول أن أصمم لعبة تتطلب أن يقوم اللاعب بترتيب خمسة مربعات.

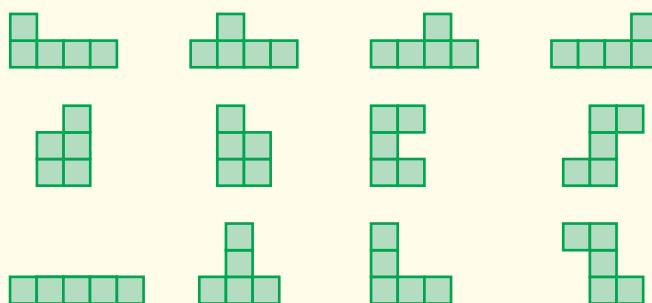
مهماًتك : أنشئ نموذجاً لأجد عدد الطرائق الممكنة التي يمكن بها ترتيب خمسة مربعات متلاصقة جنباً إلى جنب لتكون شكلاً واحداً.

تعلم أنه يجب ترتيب المربعات الخمسة متلاصقة جنباً إلى جنب.
والمطلوب تحديد عدد الطرائق الممكنة لعمل ذلك.

افهم

أنشئ نموذجاً لتوضيح تلك الطرائق المختلفة لترتيب المربعات.

خطّط



حلّ

هناك 12 طريقة ممكنة لترتيب المربعات.

تحقق من أن النماذج أعلاه تتضمن جميع الطرائق الممكنة لترتيب المربعات. ولاحظ أن الدوران فقط لا ينتج عنه طريقة جديدة، في حين أن الانعكاس قد ينتج عنه طريقة جديدة.

تحقّق

حل الاستراتيجية

إذا كان المطلوب من اللاعب أن يرتب ستة مربعات، فكم طريقة مختلفة يمكن بها ترتيب المربعات الستة؟

الكتاب صفتى تستعمل استراتيجية "إنشاء نموذج" في حل المسائل الرياضية.

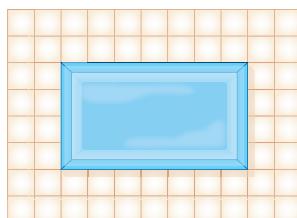


٨ مطعم: يصف مطعم طاولات للأكل مربعة الشكل متلاصقة جنباً إلى جنب، بحيث يجلس أمام كل ضلع من أضلاع الطاولة شخص واحد. فإذا كان عدد الأشخاص ٣٢ شخصاً، فكم طاولة يحتاج إليها المطعم؟

٩ نقود: افترض خالد مبلغ ٢٥٠ ريالاً من زميله، ثم أعاد إليه ٨٢ ريالاً. إذا أراد أن يعيد إليه ١٤ ريالاً كل أسبوع، فكم أسبوعاً يحتاج إليها خالد لسداد قرضه؟

١٠ لوحتات: تريند هند تعليق ٣ لوحتات عرض كل منها قدمين على جدار غرفتها، بحيث تكون المسافة بين اللوحتات بعضها وبعض ، وكذلك بين اللوحتات ونهايتي الجدار جميعها متساوية. فإذا كان طول الجدار ١٨ قدماً، فكم يجب أن يكون طول تلك المسافة؟

١١ تبليط: استعمل الشكل الآتي لحل المسألتين ١١ و ١٢ الذي يوضح بلاطًا مربع الشكل طول ضلع الواحدة ١ قدم، ويحيط بحوض سباحة طوله ٧ أقدام وعرضه ٤ أقدام.



١١ باستعمال النموذج أعلاه، كم بلاطة تحتاج إليها إذا كان طول المسبح ١٨ قدماً، وعرضه ١٢ قدماً؟

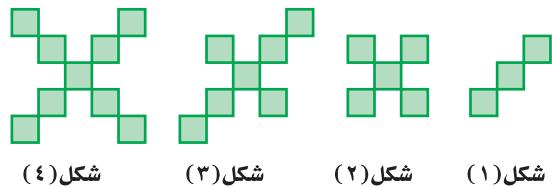
١٢ كم بلاطة تحتاج إليها إذا كان طول المسبح ٣٢ قدماً، وعرضه ٢٠ قدماً؟

١٣ غسيل: تحتاج لها إلى مشبكين لثبت كل قطعة ملابس على حبل الغسيل، ويمكنها أن تثبت قطعتين متجاورتين بمشبك واحد. ما أقل عدد ممكن من المشابك تحتاج إليه لثبتت ٨ قطع من الملابس؟

استعمل استراتيجية "إنشاء نموذج" لحل المسائل ٥-٣:

٣ تربية فنية: ينشئ داود نموذجاً لحدائق الحيو التي طولها ٩٦ متراً، وعرضها ٧٢ متراً. فإذا استعمل المقياس ٨ أمتار = $\frac{1}{2}$ ١ سم، فما أبعاد نموذج الحديقة؟

٤ أنماط: كم مربعاً في الشكل رقم ٢٠ وفق النمط الآتي:



٥ أطعمة: يتم استعمال قطع مستطيلة الشكل طولها ١١ سم وعرضها $\frac{1}{2}$ ٨ سم لصناعة علبة عصير من الكرتون، وذلك بقطع $\frac{1}{2}$ ١ سم من رؤوس المستطيل. أوجد حجم علبة العصير.

استعمل الاستراتيجية المناسبة لحل المسائل ٦-١٣:

- إنشاء نموذج
- التخمين والتحقق
- الرسم
- استراتيجيات حل المسألة

٦ كرة الطائرة: جاء ٨ لاعبين للتدريب على الكرة الطائرة. كم فريقاً مكوناً من ٣ لاعبين يمكن تكوينه منهم؟

٧ خدمات طلاب: يقوم مكتب خدمات طلاب بتصوير الورقة المستقلة بسعر ٢٠ ، ٢٠ ريالاً، وأوراق الدفاتر بسعر ٢٨ ، ٠ ، ٠ ريالاً. فإذا دفع سعد ١٩ ريالاً، فكم ورقة من كل نوع قام بتصويرها؟

اختبار الفصل

أوجد ميل المستقيم المار بكل زوج من النقاط فيما يأتي:
 أ) (-٢، ٥)، ب) (-١، ٢)، هـ) (١، ٢)، و) (٥، -٣) ١١

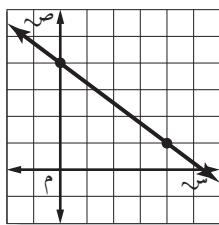
اختيار من متعدد: زرع عصام ١٨ زهرة في ٣٠ دقيقة. فكم زهرة يزرع في ٥٥ دقيقة بال معدل نفسه؟

- أ) ٣٨ ب) ٣٣ ج) ٣٦ د) ٣٠

اختيار من متعدد: أي زوج مرتب فيما يأتي هو حل للمعادلة $ص = 3س - 3$ ؟

- أ) (١، ٣) ج) (٣، ١)
 ب) (١، ٣) د) (١، -٣)

اختيار من متعدد: أوجد ميل المستقيم في الشكل الآتي.



- أ) $\frac{4}{3}$
 ب) $\frac{3}{4}$
 ج) $\frac{3}{4}$
 د) $\frac{4}{3}$

درجات حرارة: تستعمل الدالة:

$f = \frac{9}{5}س + 32$ لتحويل درجات الحرارة السيليزية س إلى فهرنهایتية ف. حول درجة الحرارة السيليزية ٢٥° إلى فهرنهایتية.

إطار: استعمل نجار إطاراً عرضه ١٧ سم لإحاطة صورة طولها ١٥ سم وعرضها ٩ سم، أوجد محيط الإطار.

توفير: في حصاله خالد ٢٠ ريالاً، ويضيف لها ٥ ريالات كل أسبوع. كم ريالاً سيكون في حصالته بعد ٧ أسابيع؟

اكتب عبارة يمكن استعمالها لإيجاد الحد التوسي لكل متتابعة فيما يأتي، ثم أوجد الحدود الثلاثة إليها:

- ١) ...، ٤، ٨، ١٢، ١٦
 ٢) ...، ٧، ١٤، ٢١، ٢٨

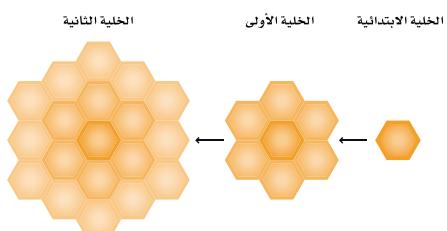
أوجد قيمة كل دالة فيما يأتي:

- ٣) $س - 2$ إذا كان $D(s) = 6 +$
 ٤) $\frac{s}{5}$ إذا كان $C(s) =$

وظائف: يتناسب إيراد على من عمله طردياً مع زمن العمل، فإذا كان إيراده ١٨٦٢، ٥ ريالاً بعد ٢٥ ساعة عمل. فكم يتضاعي إذا عمل ٣٠ ساعة؟

أمطار: إذا كانت كمية الأمطار الهاطلة حتى الساعة ٦ مساءً ٣ سم، فإذا استمر هطل الأمطار بمقدار ٥، ٠ سم لكل من الساعات الثلاث التالية. فكم سنتمتراً مقدار هطل الأمطار حتى الساعة ٩ مساءً؟

خلايا النحل: يبدأ النحل البلدي عمل الخلايا بخلية ابتدائية واحدة سداسية الشكل، ثم تقوم بعمل حلقة تلو الأخرى حول الخلية الابتدائية، كما هو موضح بالشكل أدناه، لتشكل الحلقات المتتالية حول الخلية الابتدائية متتابعة حسابية:



- أ) اكتب الحد التوسي الممثل لعدد الخلايا في الحلقات.
 ب) أوجد عدد خلايا النحل في الحلقة السادسة.

مثل كل دالة فيما يأتي بيانياً:

٨) $س = -2s + 5$ ٩) $س = \frac{1}{3}s - 1$



الاختبار التراكمي (٨)

اختيار من متعدد

القسم ١

اختر الإجابة الصحيحة:

ما العبارة التي تمثل الحد النوني في المتتابعة
الموضحة في الجدول الآتي؟

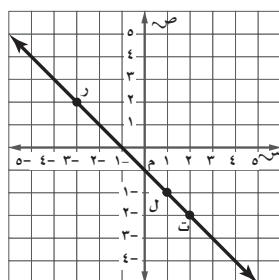
الترتيب	٥	٤	٣	٢	١	قيمة الحد
N	٣٠	٢٤	١٨	١٢	٦	٣

- (أ) $n - 4$
(ب) $\frac{n}{5}$

مخروط قائم ارتفاعه ١٢ سم، وحجمه 314 سم^3
ما طول نصف قطر قاعدته؟
(قرب إلى أقرب جزء من عشرة).

- (أ) ٥
(ب) ٨,٣
(ج) ٢٥
(د) ٢٠

ما العبارة الصحيحة حول ميل المستقيم RT ؟



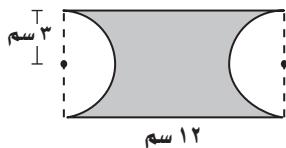
- (أ) الميل هو نفسه بين أي نقطتين.
(ب) الميل بين النقطتين R, L أكبر من الميل بين L, T.
(ج) الميل بين النقطتين R, T أكبر من الميل بين L, T.
(د) الميل موجب.

حل المتباينة $2 - 5s \geq 12$

- (أ) $s \geq -2$
(ب) $s \leq -2$
(ج) $s \geq 2$
(د) $s \leq 2$

٥ ما مساحة الجزء المظلل في الشكل أدناه، مقرّباً

إجابتك إلى أقرب جزء من عشرة؟



- (أ) $7,4 \text{ سم}^2$
(ب) $15,5 \text{ سم}^2$
(ج) $43,7 \text{ سم}^2$
(د) $41,0 \text{ سم}^2$

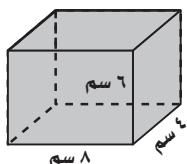
٦ تمثل المعادلة: $T = 2,5 + 12 = 14,5$

المبلغ الذي يدفعه سعود لاستعمال خدمة
الإنترنت، حيث تمثل ز عدد الساعات المستعملة
خلال الشهر. احسب المبلغ الكلي الذي يدفعه
سعود إذا استعمل الإنترنت ٩ ساعات؟

- (أ) ٣٩,٩٥ ريالاً
(ب) ٣٤,٥٠ ريالاً
(ج) ٢٧,٢٧ ريالاً
(د) ٢٢,٥٠ ريالاً

٧ تستهلك شاحنة ٦ لترًا من الوقود في قطع
١٧١,٢ كيلومترًا. فكم لترًا تحتاج لقطع مسافة
٤٠٠ كيلومتر إضافي؟

- (أ) $85,8$ لترًا
(ب) $69,2$ لترًا
(ج) $11,8$ لترًا
(د) $95,3$ لترًا



٨ ما المساحة الكلية لسطح المنشور
الرباعي المجاور؟

- (أ) 144 سم^2
(ب) 176 سم^2
(ج) 192 سم^2
(د) 208 سم^2

٩ أوجد ميل المستقيم المار بالنقطتين:
 $(0, 3), (2, 2)$.

- (أ) $-\frac{5}{2}$
(ب) $-\frac{5}{2}$
(ج) $-\frac{1}{2}$
(د) $\frac{1}{2}$



الإجابة المطولة

القسم ٣

أجب عن السؤال الآتي موضحا خطوات الحل:

يقدم مركز للتزلج عرضين لدخوله، فيعرض تذكرة الدخول اليومية بـ ٤٠ ريالاً أو الاشتراك الشهري بـ ٤٠٠ ريال.

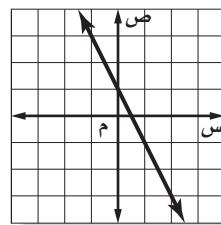
عدد مرات الدخول					
			التكلفة الكلية للدخول اليومي		
			التكلفة الكلية للاشتراك		
٥	٤	٣	٢	١	
			٨٠	٤٠	
			٤٠٠	٤٠٠	

أ) هل المتتابعة المكونة من التكلفة الكلية للدخول اليومي تمثل متتابعة حسابية أم لا؟ فسر إجابتك.

ب) هل المتتابعة المكونة من التكلفة الكلية للاشتراك الشهري تمثل متتابعة حسابية أم لا؟ فسر إجابتك.

ج) كم مرة يمكن لشخص دخول مركز للتزلج بحيث يكون الاشتراك الشهري أفضل من الدخول اليومي؟

١٠ إذا كان الشكل الآتي يمثل منحنى المستقيم $s = -2s + 1$ ، مما الجدول الذي يعبر عن الأزواج المرتبة التي تقع على المستقيم؟



- (أ)

١	٠	١-	٢-	٣-	٤-
١	١-	٣-	٥-	٧-	٩-

 (ج)

٠	١-	٢-	٣-	٤-	٥-
١-	٣	٥	٧	٩	١١
- (ب)

١	٠	١-	٢-	٣-	٤-
١-	١	٣	٥	٧	٩

 (د)

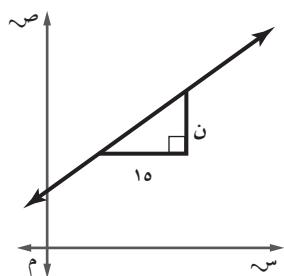
٠	١-	٢-	٣-	٤-	٥-
١-	١	٣	٥	٧	٩

الإجابة القصيرة

أجب عن السؤالين الآتيين:

١١ يكلف شراء نوع من الطيور ٢٥٠ ريالاً، وتكلف العناية به ٧٠ ريالاً كل شهر لطعامه، ومستلزماته وعلاجه ورعايته وتدربيه. اكتب معادلة وحلها لإيجاد تكلفة شراء الطير والعناية به لمدة عامين.

١٢ إذا كان ميل المستقيم الموضح أدناه $\frac{4}{5}$ ، فما قيمة n ؟



هل تحتاج إلى مساعدة إضافية؟
إذا لم تجب عن السؤال
فراجع الدرس



١٣	١٢	١١	١٠	٩	٨	٧	٦	٥	٤	٣	٢	١
٤-٨	٤-٨	٤-٧	٣-٨	٤-٨	٦-٦	٥-٨	٢-٨	١-٦	٧-٧	٣-٨	٥-٦	١-٨

الإحصاء

الفكرة العامة

- استعمل المقاييس الإحصائية التي تتضمن المتوسط الحسابي والوسط والمنوال والمدى في وصف البيانات بشكل مختصر، وتنظيمها، وعرضها، وفي المقارنة بين مجموعات من البيانات.

المفردات الرئيسية:

المدرج التكراري (ص ١٣٦)

القطاعات الدائرية (ص ١٤١)

مقاييس التزعة المركزية (ص ١٥٠)

الربط بالحياة:

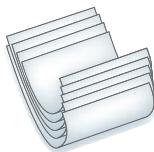


الحج: يستعمل الإحصاء والتمثيل البياني غالباً لوصف التعداد السكاني أو الإحصاءات العامة؛ فمثلاً، بلغ عدد حجاج بيت الله الحرام عام ١٤٣٨ هـ ٢٠٠ مليون حاج تقريباً، ٧٤٪ منهم من حجاج الخارج.

المطويّات

منظّم أفكار

الإحصاء: اعمل هذه المطوية لتساعدك على تنظيم ملاحظاتك. ابدأ بخمس أوراق قياس A4 كما يأتي:



٢ لف الأوراق بحيث تكون

لحوافها الظاهرة العرض نفسه.



١ ضع الأوراق الخمس بعضها فوق

بعض بحيث تعلو كل ورقة الورقة التي أمامها مسافة ٢ سم تقريباً.



٣ اثنِيَن الأوراق جيداً بعد التأكد من

تساوي المسافات بين حوافها، ثم ثبّتها على طول خط الطyi المتكوّن.



٤ اكتب عنوان الفصل، وسم كل شريط بعنوان أحد الدروس، وسم الشريط الأخير باسم المفردات.





التهيئة

انظر إلى المراجعة السريعة قبل بدء الإجابة عن الاختبار.

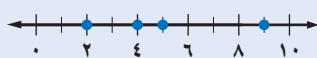
أجب عن الاختبار الآتي:

مراجعة للسريعة

اختبار للسريعة

مثال ١ :

مثل المجموعة $\{9, 5, 4, 2\}$ على خط الأعداد.



مثال ٢ :

أوجد ناتج: $6 + (-4)$.

٦ و -٤ لهما إشارتان مختلفتان، بطرح قيمتهما المطلقتين، ٦ و ٤ يكون الناتج هو ٢، ويحمل إشارة العدد الذي قيمته المطلقة أكبر وهو (٦).

مثال ٣ :

رتب الأعداد النسبية الآتية من الأصغر إلى الأكبر:

. ٨, ٦٠, ٠, ٦٨, ٦, ٠٨

رتب الفواصل العشرية بعضها فوق بعض.
قارن بين الأرقام في كل منزلة.

٦, ٠٨

٠, ٦٨

٨, ٦٠

فيكون الترتيب للأعداد من الأصغر إلى الأكبر هو:

. ٨, ٦٠, ٦, ٠٨, ٠, ٦٨

مثال ٤ :

ما قيمة $\%72$ من 360 ؟

$360 \times 0,72 = 360 \times \%72$ كتابة النسبة المئوية

على صورة كسر عشري.

اضرب. $209,2 =$

مثل مجموعة النقاط الآتية على خط الأعداد: (مهارة سابقة)

{ ١٦, ١٥, ١٠, ٨, ٧ } ١

{ ٣٠, ٢٥, ٢١, ٢٠, ١٥ } ٢

أوجد ناتج الجمع أو الطرح: (مهارة سابقة)

٢ + ٥ - ٤ (٨ -) ٣

(٥ -) ١ - ٦ (٣ -) + ٧ ٥

طقس : كانت درجة الحرارة الصغرى ليلاً في مدينة

تبوك 3°س ، في حين بلغت في الليلة التالية -2°س .

فما الفرق بين الدرجتين؟ (مهارة سابقة)

رتب الأعداد النسبية الآتية من الأصغر إلى الأكبر: (الدرس ٢-١)

٠, ٣٢ ، ٢, ٠٣ ، ٠, ٢٣ ٨

٥, ٦ ، ٥, ٤٦ ، ٥, ٦٤ ، ٥, ٤ ٩

١, ١٠ ، ٠, ١٠ ، ٠, ١١ ١٠

اتصالات : بلغت تكلفة اتصالات كل من عبدالله

وسلطان ومحمد في هذا الشهر ١٢٠, ٧١ ،

١٢٠, ١٢٠ ، ١٢٠, ٠٧ ، ١٧

المبالغ ترتيباً تصاعدياً. (الدرس ٢-١)

حل المسائل الآتية: (الدرس ٤-٤)

أوجد قيمة $\%52$ من 360 ١٢

ما قيمة $\%36$ من 360 ١٣

أوجد قيمة $\%14$ من 360 ١٤





استراتيجية حل المسألة

٩ - ١

فكرة الدرس : أحل المسائل باستعمال استراتيجية "إنشاء جدول".

أنشئ جدولًا



رائد : نفذنا نشاطاً يتعلق بمادة الجغرافيا، حيث قمنا بدراسة درجات الحرارة في

درجات الحرارة	
١٤	٨
١٥	١٢
١٤	١٥
٢١	١٦
٣١	١٠

عواصم عربية في أحد أيام فصل الربيع، فوجدنا أن درجات الحرارة يمكن أن تُنظم ضمن فئات أربع هي: $(10 - 11)^\circ\text{C}$ مدن باردة ، $(11 - 20)^\circ\text{C}$ مدن معتدلة، $(21 - 30)^\circ\text{C}$ مدن دافئة، أكثر من 30°C مدن حارة.

مهتمك : ما عدد العواصم التي تقع ضمن كل فئة من فئات درجات الحرارة؟

<p>لدينا قائمة بدرجات الحرارة لعشر عواصم. ونريد معرفة عدد العواصم التي تقع ضمن كل فئة من الفئات الأربع.</p> <p>اعمل جدولًا لتسجيل درجات الحرارة لتلك العواصم في فئات.</p>	<h3>افهم</h3>															
<table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <thead> <tr> <th>النكرار</th> <th>الإشارات</th> <th>الفئات</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>٢</td> <td> </td> <td>١٠-١١</td> </tr> <tr> <td>٦</td> <td> </td> <td>٢٠-١١</td> </tr> <tr> <td>١</td> <td> </td> <td>٣٠-٢١</td> </tr> <tr> <td>١</td> <td> </td> <td>أكثر من ٣٠</td> </tr> </tbody> </table> <p>هناك عاصمتان تتسمان ببرودة الطقس ، وست عواصم معتدلة الحرارة، وعاصمة واحدة دافئة، وأخرى حارة.</p> <p>قام رائد بدراسة درجة الحرارة في ١٠ عواصم، وبما أن: $1 + 1 + 6 = 10 = 1 + 2 + 1 + 1$، فإن الجدول يبدو معقولاً.</p>	النكرار	الإشارات	الفئات	٢		١٠-١١	٦		٢٠-١١	١		٣٠-٢١	١		أكثر من ٣٠	<h3>حل</h3>
النكرار	الإشارات	الفئات														
٢		١٠-١١														
٦		٢٠-١١														
١		٣٠-٢١														
١		أكثر من ٣٠														
	<h3>تحقق</h3>															

حل الاستراتيجية

اذكر إيجابيات وسلبيات ترتيب البيانات في جدول.

صف نوعين من البيانات يمكن ترتيبهما ضمن جدول.

اكتب مسألة يمكن حلها باستعمال الجدول ثم حلها.



١

٢

٣

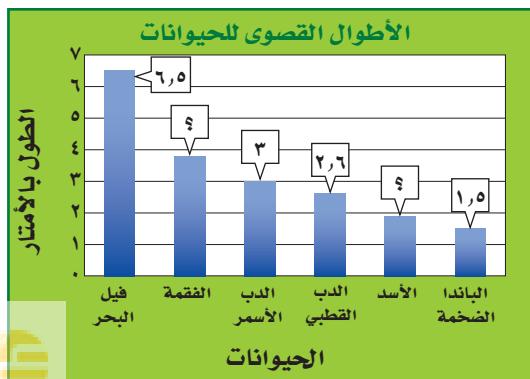
٨ إذاعة: تبُث إذاعة القرآن الكريم ٣٠ حلقة من المصحف المجود كل شهر، فما عدد الحلقات التي تبُثها الإذاعة في ثمانية أشهر؟

٩ رواتب: ما نسبة الموظفين الحاصلين على راتب من ٣٠١ - ٧٠٠٠ ريال بحسب الجدول أدناه؟

الراتب الشهري لموظفي احدى الشركات				
النكرار	الإشارات	الراتب الشهري (ريال)		
٦		١٠٠٠ - ١		
٨		٢٠٠٠ - ١٠٠١		
٣		٣٠٠٠ - ٢٠٠١		
٥		٤٠٠٠ - ٣٠٠١		
٢		٥٠٠٠ - ٤٠٠١		
٢		٦٠٠٠ - ٥٠٠١		
٢		٧٠٠٠ - ٦٠٠١		
١		٨٠٠٠ - ٧٠٠١		

١٠ بريد إلكتروني: يصل عدد الرسائل الإلكترونية في العالم كله إلى ٩٧ مليار رسالة يومياً، يُصنف أكثر من ٤٠ ملياراً منها على أنها رسائل مزعجة. فعلى ضوء هذه النسبة، ما عدد الرسائل المزعجة التي ترسل في الشهر؟

١١ حيوانات: يبيّن الرسم الآتي أقصى طول لبعض الحيوانات، فإذا كان أقصى طول للفقمة يساوي مثلثي أقصى طول للأسد، والذي هو بدوره أطول بـ ٤٠ م من أقصى طول للباندا الضخمة، فأوجد أقصى طول للفقمة.



المصدر: Top 10 of Everything

الدرس ١-٩ : استراتيجية حل المسألة

استعمل استراتيجية "إنشاء جدول" لحل المسألتين ٤ ، ٥ :

٤ شركة: تبيّن القائمة الآتية الأوقات التي وصل فيها موظفو إحدى الشركات إلى مقر عملهم. نظم البيانات في جدول باستعمال الفئات الآتية: ٧:٣٠ - ٧:٢٩ - ٧:٢٨ - ٧:٢٧ - ٧:٢٦ - ٧:٢٥ - ٧:٢٤ - ٧:٢٣ - ٧:٢٢ - ٧:٢١ . ما الفترة الزمنية التي وصل فيها أكبر عدد من الموظفين؟

٧:١٥	٧:٣٠	٧:٣٥	٧:١٠	٧:٣٥
٧:٣٠	٧:٤٠	٧:٢٠	٧:٠٠	٧:٣٠
٧:٠٥	٧:٢٥	٧:٠٠	٧:٢٠	٧:٢٥
٧:٤٥	٧:١٠	٧:٢٥	٧:٤٠	٧:٢٥
٧:٤٠	٧:٠٥	٧:٣٠	٧:١٥	٧:١٠

٥ كرة القدم: تبيّن القائمة الآتية عدد الأهداف التي سجلها أحد الأندية في ٣٠ مباراة . أوجد عدد الأهداف الذي له أكبر تكرار.

٠	١	٢	٥	٣	٤
٠	٢	٣	٤	٠	١
٢	٣	٣	٤	٣	٢
٧	٢	٣	٥	١	٣
٠	٥	٥	٢	٣	٥

استعمل الاستراتيجية المناسبة لحل المسائل ٦ - ١١ :

- من استراتيجيات حل المسألة
- استعمال التبرير المنطقي
- حل مسألة بسيطة
- إنشاء جدول

٦ طعام: تجلس أسرة مكونة من ٥ أفراد على طاولة حولها ٥ مقاعد لتناول طعام الغداء يومياً، فإذا كان مقعداً الأم والأب محددين، فبكم طريقة يمكن جلوس بقية أفراد الأسرة؟

٧ أصدقاء: يعيش الأصدقاء سعيد، ومحمد، وعلي، وعبد الغني، في مدن مختلفة، هي: جدة ومكة وأبها والقريات. وفي العطلة زار سعيد ومحمد صديقهما عبد الغني في جدة، بينما فضل علي البقاء في أبها. فمن الذي يسكن منهم في مكة علمًا بأن محمدًا يعيش في أقصى الشمال؟



المدّرات التكرارية

٢ - ٩

استعَدْ

عدد الدول	الإشارات	فئات أعداد السكان بالمليون
١٤	+ + +	١٤ - ٠
٤		٢٩ - ١٥
٣		٤٤ - ٣٠
٠		٥٩ - ٤٥
٠		٧٤ - ٦٠
١		٨٩ - ٧٥

سكن: أجرى عزام دراسة على سكان الوطن العربي؛ والجدول المجاور يبيّن نتائج هذه الدراسة.

١ ماذا تلاحظ على أطوال الفئات في الجدول؟

٢ ما عدد الدول التي عدد سكانها أكبر من أو يساوي ١٥ مليون نسمة، ويقل عن ٤٥ مليون نسمة؟

فكرة الدرس:

أعرض البيانات وأمثلها باستعمال المدرج التكراري وأفسّرها.

المفردات

المدرج التكراري

يمكن تمثيل البيانات في الجدول التكراري باستعمال المدرج التكراري.

المدرج التكراري: تمثيل بياني يعرض البيانات العددية منظمة في فئات متساوية.

تكوين المدرج التكراري

مثال

مدة التدريب الرياضي (دقيقة)				
٩٦	٢١٩	١٤٢	٨٩	١٣٥
١٥٥	٩٤	١٣٥	١٠٤	١٤٤
٩١	١١٦	١٣٤	١٢٧	١٠٦
١٠١	١١٠	١١٨	١٣٨	١١٨

رياضة: تظهر البيانات المجاورة الزمن الذي استغرقه كل طالب من طلاب الصف الثالث المتوسط في ممارسة الأنشطة الرياضية في مركز اللياقة البدنية خلال عطلة نهاية الأسبوع، اختر فئات مناسبة لتكوين جدول تكراري، ثم كون مدرجاً تكرارياً يمثل هذه البيانات.

مدة أقصى تدريب هي ٨٩ دقيقة والمدة الأطول هي ٢١٩ دقيقة. ويبين الجدول المجاور تمثيل هذه البيانات بفئات بطول ٣٠ دقيقة.

لإنشاء المدرج التكراري اتبع الخطوات الآتية:

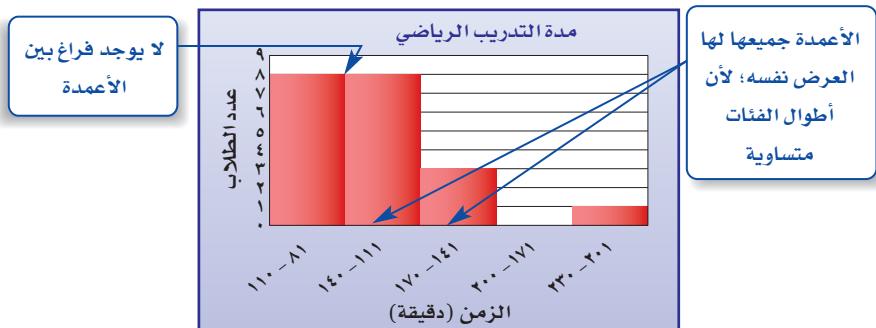
الخطوة ١: ارسم المحورين الأفقي والرأسي، وسمّهما واكتب العنوان.

الخطوة ٢: قسم المحور الأفقي بحسب الفئات في الجدول التكراري.

النحوين	الإشارات	الزمن
٨	+ +	١١٠ - ٨١
٨	+ +	١٤٠ - ١١١
٣		١٧٠ - ١٤١
٠		٢٠٠ - ١٧١
١		٢٣٠ - ٢٠١



الخطوة ٣ : ارسم عموداً لكل فئة بحيث يساوي ارتفاعه التكرار المقابل.



إرشادات للدراسة

الفجوات

الفنات التي تكرارها صفر يكون ارتفاع أعمدتها صفرًا وننسى فجوات .

تحقق من فهمك:

درجات مادة الرياضيات								
٨٠	٨٩	٧٧	٧٥	٩٣	٧٣	٨٥	٩٤	
٨٣	٩٠	٨٥	٨٧	٨١	٧٩	٨٣	٨٩	
٩٠	٩٢	٩٣	٩٣	٩١	٨٣	٨٦	٨٨	
١٠٠	٩٠	٨٢	٩٨	٩٧	٩٦	٨٨	٩١	

- أ) اختبارات: تبيّن القائمة المجاورة درجات اختبار في مادة الرياضيات. اختر فئات مناسبة وممثل البيانات بجدول تكراري، ثم أنشئ مدرجاً تكرارياً.

مثالان



إبحار: ما عدد القوارب التي أبحر كل منها ٤٠٠ دقيقة على الأقل؟
هناك خمسة قوارب أبحر كل منها ما بين (٤٠٠-٤٩٩) دقيقة؛ وهناك قاربان ما بين (٥٩٩-٥٠٠) دقيقة؛ لذلك فإن: $5 + 2 = 7$ قوارب أبحرت ٤٠٠ دقيقة على الأقل.

إبحار: ما نسبة القوارب التي أبحرت ١٩٩ دقيقة على الأكثر؟

$$\text{مجموع القوارب} = 2 + 5 + 1 + 4 + 17 = 29 \text{ قارب}.$$

وعدد القوارب التي أبحرت ١٩٩ دقيقة فأقل = $4 + 17 = 21$ قارب.

وبما أن $\frac{21}{29} \approx 0,72 = 72\%$ ، فإن ٧٢٪ من القوارب تقريرياً أبحرت ١٩٩ دقيقة فأقل.

تحقق من فهمك:

استعمل المدرج أعلاه للإجابة عن التمرينين الآتيين:

ب) ما أكبر زمن أبحره قارب؟

ج) ضمن أي فئات زمن الإبحار كان عدد القوارب أكثر؟



الكثافة السكانية لمناطق السعودية لكل كلم٢						
٣٧	١٩	٣٥	١٤	٣		
٦	١٩	٥	١٦			
٢	٥٥	٢	٤			

المصدر: الهيئة العامة للإحصاء

- ١ سكان: تمثل القائمة المجاورة الكثافة السكانية للمناطق الإدارية في المملكة العربية السعودية.
اختر فئات مناسبة لعمل جدول تكراري، ثم أنشئ مدرجاً تكرارياً يمثل هذه البيانات.

المثال ١



المصدر: The World Almanac

- ٢ براكين: استعن بالمدرج التكراري المجاور في الإجابة عن الأسئلة ٢ - ٤:
٢ ما نسبة البراكين على ارتفاع ٨٩٩٩ قدمًا فأقل؟
٣ ما احتمال أن يكون ارتفاع البركان ١٥٠٠٠ قدماً على الأقل؟ فسر إجابتك.
٤ ما ارتفاع أعلى البراكين؟

المثالان ٢

تدريب وحل المسائل

معدل سرعة بعض الحيوانات (ميلاً/ساعة)						
٨	٤٥	٥٠	٥٠	٥٠	٦١	٧٠
٠,١٧	٣٥	٤٠	٤٠	٤٠	٤٢	٤٣
١,١٧	٣٠	٣٠	٣٠	٣٢	٣٢	٣٥
٢٠٠	١٢	١٨	٩	٢٠	٢٥	٣٠

عدد ساعات حل الواجبات أسبوعياً						
٠	٢	٤	١	٩	٠	٣
٣	٥	٢	٤	١٤	٦	٣
١٠	٣	٨	٠	٣	٧	

الإشارات للأسئلة	
للسؤال ١	انظر الأمثلة
٣، ٢	٦٠٥ ١٤ - ٧

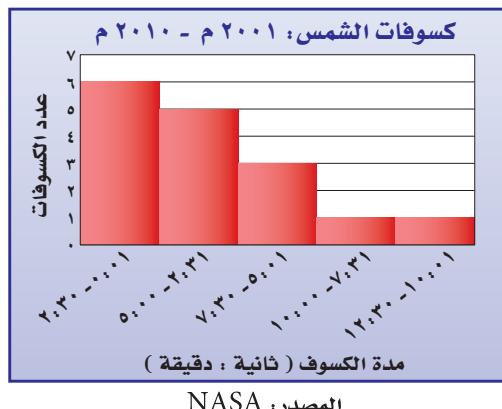
١ دو: استعمل المدرج التكراري الآتي في حل الأسئلة ١٠-٧:



- ٧ ما عدد الدول التي تقل مساحتها عن ٤٠ كلم٢؟
٨ ما نسبة الدول التي تقع مساحتها بين ٦٠٠ - ٢٠١ كلم٢؟
٩ ما احتمال أن تزيد مساحة دولة على ٨٠٠ كلم٢؟
١٠ ما الدولة الأقل مساحة؟

... كسوف الشمس: استعمل المدرج التكراري أدناه في الإجابة عن الأسئلة من

١٤ - ١١ :



الربط بالحياة:

كسوف الشمس آية من آيات الله يخوّف الله بها عباده، وبدر اسْتَهْلِكَ السَّمَاوَاتُ وَجَدَ أَنَّ الْكَسْوَفَ الْكُلِّيَّ لِلشَّمْسِ يَحْدُثُ كُلَّ ٤ سَنَوَاتٍ تَقْرِيبًا، وَيَكُونُ زَمْنَ الْكَسْوَفِ الْكُلِّيِّ أَقْلَى مِنْ زَمْنِ الْكَسْوَفِ الْجَزِئِيِّ.

١١ ما النسبة المئوية للكسوفات التي استمرت ٧ دقائق و ٣١ ثانية على الأقل؟

١٢ كم استغرق أقصر كسوف للشمس؟

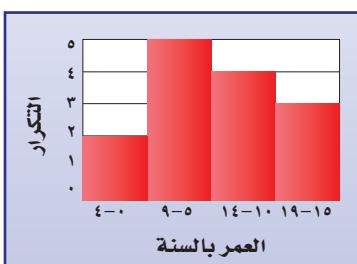
١٣ ما مدة الكسوف الشمسي الكلّي خلال هذا العقد؟ فسر إجابتك.

١٤ ما عدد الكسوفات الشمسيّة التي استمرت بين ثانية واحدة وخمس دقائق؟

١٥ جمع البيانات: حدد وزملاء صفك عدد الساعات التي يمضيها كل منكم في استعمال شبكة المعلومات خلال أسبوع، وكوّن جدولًا تكرارياً بفئات مناسبة، ثم أنشئ مدرجًا تكرارياً لتتميل البيانات.

١٦ بحث: استعمل شبكة المعلومات أو أي مصدر آخر لتحصل على بيانات تتعلق بالمناطق الإدارية في المملكة العربية السعودية، ومثل هذه البيانات بمدرج تكراري؟ ثم قارن بيانات منطقتك بسائر مناطق المملكة.

١٧ مسألة مفتوحة: أنشئ مدرجًا تكرارياً له خط تماثل رأسي وفجوتان؛ ثم أنشئ مدرجًا آخر له خط تماثل رأسي واحد وفجوة واحدة.



١٨ تحدّ: صف التغير الذي يحصل على المدرج المجاور في حال استعمال فئات أطول، مثل ٠ - ٩ و ١٠ - ١٩؛ ثم صف التغير في حالات استعمال فئات أصغر، مثل ٠ - ٣، ٣ - ٦، ٦ - ٨ ... إلخ.

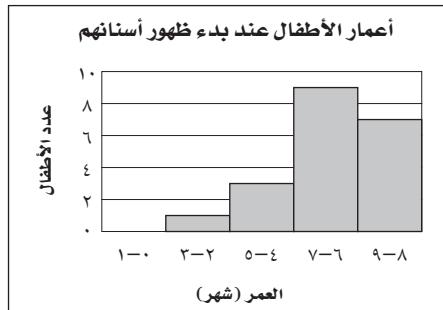
مسائل
مهارات التفكير العليا

١٩ التعب وضح متى يكون استعمال المدرج التكراري أكثر فائدة من استعمال جدول البيانات الفردية، ومتى يكون العكس.



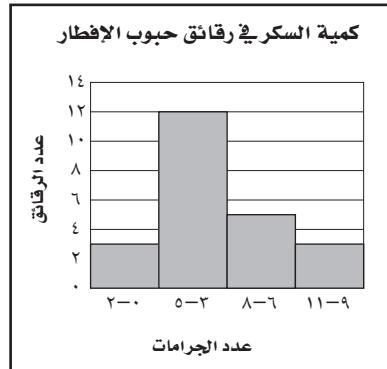


١١ إجابة قصيرة: سجلت مجموعة أمهات أعمار أطفالهن بالشهر عندهما بدأت أسنانهم بالظهور.



ما الكسر الدال على نسبة الأطفال الذين بدأوا أسنانهم بالظهور في عمر ٦ شهور أو أكثر؟

٢٠ أي الجمل الآتية صحيحة وفقاً للمدرج التكراري أدناه؟



- أقل عدد من الجرائم موجود في رقائق حبوب الإفطار هو صفر.
- أكبر عدد من الجرائم موجود في رقائق حبوب الإفطار هو ١١.
- معظم رقائق حبوب الإفطار تحوي ٦-١١ جراماً من السكر.
- معظم رقائق حبوب الإفطار تحوي ٣-٥ جرائم من السكر.

مراجعة تراكمية

٦,٩	٧,٣	٧,٩	٨,٦	١٢,٧	١٤,٠
٤,٣	٤,٣	٤,٦	٥,٢	٥,٣	٦,١
٣,٢	٣,٢	٣,٣	٣,٣	٣,٥	٤,٠
٢,٥	٢,٦	٢,٦	٢,٦	٣,٠	٣,١

٢٢ تبيّن القائمة المجاورة ما وفره ٢٤ طالباً بمئات الولايات خلال العام الحالي. استعمل استراتيجية إنشاء جدول لتنظيم هذه البيانات في فئات. (الدرس ٩ - ١)

٢٣ أوجد ميل المستقيم المار بالنقطتين: جـ (٢، ٣)، دـ (٤، ٥). (الدرس ٨ - ٤)

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: حل كل مسألة مما يأتي:

٢٤ أوجد 26% من ٣٦٠

٢٥ أوجد 53% من ٣٦٠

٢٦ أوجد 73% من ٣٦٠





القطاعات الدائرية

٣ - ٩

الستعدين

توزيع السكان في مناطق المملكة العربية السعودية	
المنطقة	النسبة المئوية
مكة المكرمة	% ٢٥,٥
الرياض	% ٢٥
المنطقة الشرقية	% ١٥,١
عسير	% ٧
المدينة المنورة	% ٦,٦
جازان	% ٥
باقى مناطق المملكة	% ١٥,٨

المصدر: الهيئة العامة للإحصاء

سكان: يبين الجدول المجاور توزيع السكان في المناطق الإدارية في المملكة العربية السعودية، بحسب إحصاءات الهيئة العامة للإحصاء لعام ١٤٣١ هـ.

١ ما النسبة المئوية لسكان منطقة المدينة المنورة؟

٢ ما النسبة المئوية لسكان المنطقة الشرقية؟

٣ ما المنطقة ذات التجمع السكاني الأكبر؟

٤ هل يمثل الجدول جميع سكان المملكة؟ فسر ذلك.

فكرة الدرس:

أنشئ القطاعات الدائرية، وأفسّرها.

المفردات:

القطاعات الدائرية

تستعمل **القطاعات الدائرية** لمقارنة أجزاء من البيانات بمجموعة البيانات كلها؛ حيث تمثل الدائرة جميع البيانات، وبذلك فإن مجموع النسب في القطاعات الدائرية يساوي ١٠٠٪.

مثال

تمثيل النسب المئوية بالقطاعات الدائرية

مثال

سكان: مثل المعلومات السابقة بالقطاعات الدائرية.

الخطوة ١: تكون الدائرة من ٣٦٠°، وعند ضرب النسب المكتوبة بعد تحويلها إلى كسور عشرية في ٣٦٠ تحصل على قياس زاوية كُلّ قطاع من قطاعات الدائرة، على النحو التالي:

قطاع سكان منطقة مكة المكرمة: $0.25 \times 360^\circ = 90^\circ$

قطاع سكان منطقة الرياض: $0.25 \times 360^\circ = 90^\circ$

قطاع سكان المنطقة الشرقية: $0.15 \times 360^\circ = 54^\circ$

قطاع سكان منطقة عسير: $0.07 \times 360^\circ = 25.2^\circ$

قطاع سكان منطقة المدينة المنورة: $0.06 \times 360^\circ = 21.6^\circ$

قطاع سكان منطقة جازان: $0.05 \times 360^\circ = 18^\circ$

قطاع سكان باقي مناطق المملكة: $0.158 \times 360^\circ = 57.68^\circ$



توزيع السكان في المناطق الإدارية في المملكة



المصدر: الهيئة العامة للإحصاء

الخطوة ٢: استعمل الفرجار لرسم الدائرة، ثم استعمل المنقلة لرسم زاوية قياسها 92° حيث يمثل هذا القطاع سكان منطقة مكة المكرمة، استعمل نصف القطر الجديد لرسم زاوية القطاع الذي يمثل الرياض، وكرر هذه العملية لرسم جميع الزوايا، ثم سُمّ كل قطاع، وأعطِ الرسم عنواناً مناسباً.

وإذا كانت النسب المئوية غير معروفة، فيجب أولاً - قبل البدء في حل المسألة - تحديد نسبة كل قطاع إلى الكل.

النسب المئوية لكمية البضائع في مستودعات شركة	
النسبة المئوية	المدينة
٪ ٢٦,٢	جدة
٪ ٥	تبوك
٪ ٢,٤	أبها
٪ ٤,٢	نجران
٪ ٥٢,٦	الرياض
٪ ٩,٦	الدمام

تحقق من فهمك ✓

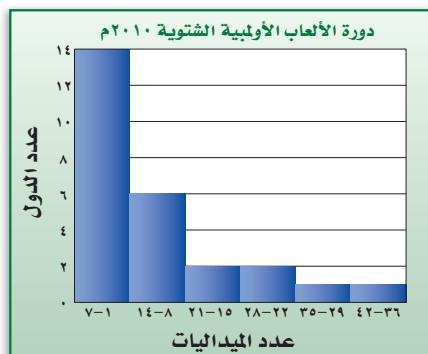
a) **بضائع:** يمثل الجدول المجاور النسب المئوية لكمية البضائع في مستودعات شركة. مثل هذه البيانات بالقطاعات الدائرية.

مثال تمثل البيانات بالقطاعات الدائرية

أولمبياد: مثل البيانات المعطاة في المدرج التكراري المجاور بالقطاعات الدائرية.

الخطوة ١: أوجد العدد الكلي للدول.
 $26 = 1 + 1 + 2 + 2 + 6 + 14$

الخطوة ٢: أوجد النسبة المئوية التي تقارن عدد الميداليات في كل فئة بالعدد الكلي للدول، وقدر النتيجة إلى أقرب جزء من مائة.



المصدر: ويكيبيديا (الموسوعة الحرة)

$$\text{من } 1 - 7 : 7 - 1 : 14 \approx 26 \div 2 : 28 - 22 : 22 \div 2 : 0,08 \approx 0,08$$

$$\text{من } 8 - 14 : 14 - 8 : 6 \approx 26 \div 1 : 35 - 29 : 29 \div 6 : 0,04 \approx 0,04$$

$$\text{من } 15 - 21 : 21 - 15 : 2 \approx 26 \div 1 : 42 - 36 : 36 \div 2 : 0,08 \approx 0,08$$

إرشادات للدراسة

التقرير: في الخطوة الثانية تم تقرير $\frac{14}{26}$ إلى $0,53$ بدلاً من $0,54$. ليصبح مجموع النسب المئوية واحداً.



الخطوة ٣ : استعمل هذه النسب لإيجاد زاوية كل قطاع، وقرب الناتج إلى أقرب درجة عند الضرورة:

$$\text{من } ١ \approx ١٩٠,٨ \times ٥٣: ٧ - ١ = ٣٦٠ \times ٠,٥٣$$

$$\text{من } ٨ \approx ٨٢,٨ \times ٢٣: ١٤ - ٨ = ٣٦٠ \times ٠,٢٣$$

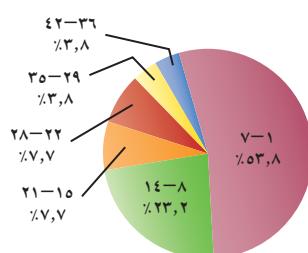
$$\text{من } ٢٩ \approx ٢٨,٨ \times ٢١: ١٥ - ٢٩ = ٣٦٠ \times ٠,٠٨$$

$$\text{من } ٢٩ \approx ٢٨,٨ \times ٢٨: ٢٢ - ٢٩ = ٣٦٠ \times ٠,٠٨$$

$$\text{من } ١٤ \approx ١٤,٤ \times ٣٥: ٢٩ - ١٤ = ٣٦٠ \times ٠,٠٤$$

$$\text{من } ١٤ \approx ١٤,٤ \times ٤٢: ٣٦ - ١٤ = ٣٦٠ \times ٠,٠٤$$

دورة الألعاب الأولمبية الشتوية ٢٠١٠م



الخطوة ٤ : استعمل المنقلة والفرجاري لرسم الدائرة والقطاعات المناسبة، وسم كل قطاع، ثم أعط الرسم عنواناً مناسباً واكتب النسب على صورة نسب مئوية.

عدد قوارير الماء المنتجة	
العدد	الشهر
٢٧١٣٧٠٠	رمضان
٨٢٦٤٠٠	شوال
٢٧٧٤٠٠	ذو القعدة
٢٨١٨٠٠	ذو الحجة
١٧٠٠٠٠	محرم
١٢٣٥٠٠	صفر

تحقق من فهمك

ب) **ماء :** يبيّن الجدول المجاور عدد قوارير الماء المنتجة من أحد المصانع في ستة أشهر. مثل هذه البيانات بالقطاعات الدائرية.

تحليل البيانات وتفسيرها

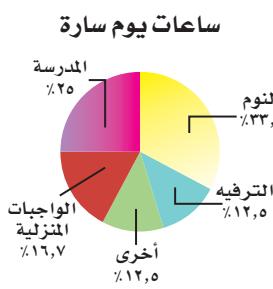
مثال

ساعات اليوم : استعمل الشكل المجاور لتصف كيف تمضي سارة ساعات يومها كاملاً.

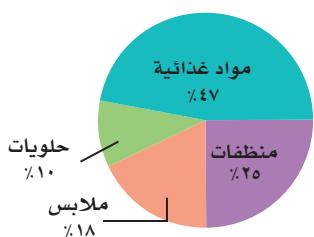
تقضي سارة ٨ ساعات يومياً في النوم ، و $\frac{1}{4}$ يومها تقريباً في المدرسة، و ٣ ساعات في الترفيه، والوقت نفسه لعمل نشاطات أخرى؛ بينما تمضي ٤ ساعات يومياً في أداء واجباتها المنزلية.



الربط بالحياة :
يتراوح معدل النوم الطبيعي للإنسان من ٨-٧ ساعات، أي أن الإنسان يقضي ثلث حياته نائماً.



مبيعات متجر



تحقق من فهمك:

ج) مبيعات: استعمل الشكل المجاور لتصف الأصناف المختلفة لمبيعات متجر.

تأكد

المثالان ٢، ١



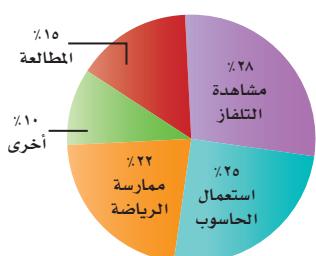
المصدر: الهيئة العامة للإحصاء

ممارسة التمارين الرياضية	
%٣٢	مرة أو أكثر في اليوم
%٣٣	عدة مرات في الأسبوع
%١٥	عدة مرات في الشهر
%١٩	عدة مرات في السنة
%١	غير متأكد

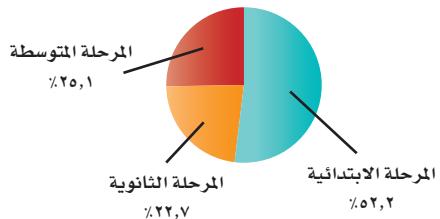
٤ هوايات: استعمل القطاعات الدائرية أدناه لتصف الهوايات التي يمارسها طلاب الصف الثاني المتوسط في المملكة.

٢ وجبات: استعمل القطاعات الدائرية أدناه لتصف أعداد الطالب والطالبات بحسب مرحلة التعليم الذين يتناولون وجبة الإفطار يومياً.

الهوايات التي يمارسها طلاب الثاني المتوسط



وجبات الإفطار لطلاب التعليم العام يومياً



تدريب وحل المسائل

مثل كلًّاً من البيانات الآتية بالقطاعات الدائرية:

نسبة الفاكهة المفضلة لدى طالبات إحدى الثانويات	
% ٥٦,٥	الفراولة
% ١٥,٥	المانجا
% ١٥,٦	البرتقال
% ٥,٦	التفاح
% ٥,٥	الموز
% ١,٣	العنب

٦

نسبة استعمال الانترنت من حيث الموضع

من حيث الموضع	نسبة استعمال الانترنت
التواصل الاجتماعي	% ٥٥,٣
الأخبار	% ١٨,٤
الألعاب	% ٧,١
البريد الإلكتروني	% ٩,٦
السوق	% ٦,١
البحث	% ٣,٥

٧

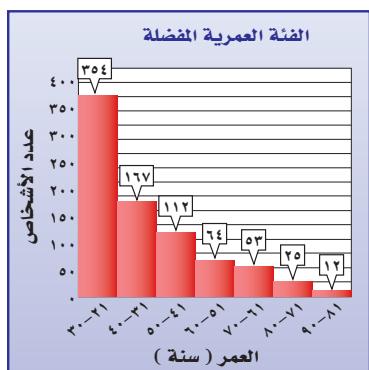
الإرشادات للأسئلة

الأسئلة	انظر الأمثلة
١	٦,٥
٢	٨,٧
٣	١٢ - ٩



الربط بالحياة :

تصدرت المملكة قائمة أعداد مستخدمي شبكة الانترنت بين دول الخليج العربي، فقد وصل عدد مستخدمي الانترنت في المملكة إلى ٢٤ مليون مستخدم في عام ٢٠١٧.



٨

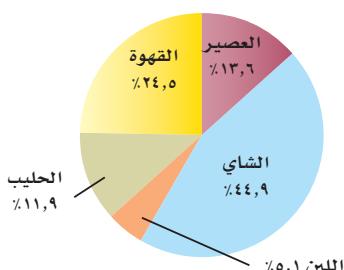
متوسط عدد ساعات النوم



٩

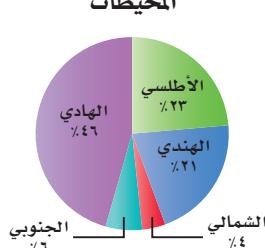
صف البيانات في كل شكل مما يأتي:

المشروب المفضل لدى طلاب إحدى الجامعات



١٠

المحيطات



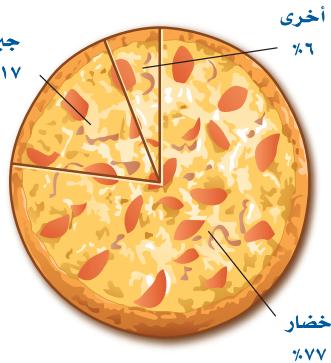
١١

عدد مستعملين الساحة المتباينة



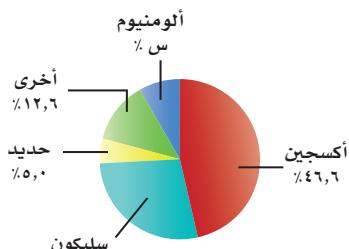
١٢

القطيرة الأكثر مبيعاً



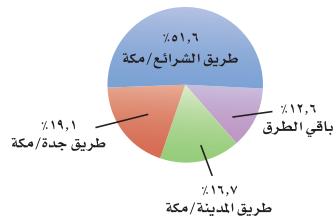
١٣

العناصر في القشرة الأرضية



المصدر: Texas A&M University

نسب دخول حجاج الداخل إلى مكة في أحد الأعوام



المصدر: الهيئة العامة للإحصاء

ندوة شعرية : استعمل الجدول الآتي لحل الأسئلة من ١٦ - ١٨ :

السلوكيات الأكثر إزعاجاً عند حضور ندوة

% ٢٧	رنين الهاتف النقال
% ٢٢,٥	التحدث بالهاتف النقال
% ٢٤,٢	الأحاديث الجانبية
% ١٣,٥	التعليق في أثناء الندوة
% ١٢,٨	أخرى

علوم الأرض: استعمل الشكل المجاور لتحديد النسبة المئوية للألومنيوم في القشرة الأرضية، ثم أوجد قياس الزاوية التي تمثل ذلك القطاع.

جمع البيانات: قم بدراسة إحصائية على زملائك في الصف لتحديد عدد الساعات التي يقضونها في مشاهدة التلفاز في أسبوع ما. وكون مدرجاً تكرارياً للبيانات، ثم مثلها بالقطاعات الدائرية.

حج: استعمل البيانات في الشكل المجاور لإيجاد عدد حجاج الداخل القادمين عن طريق المدينة| مكة، إذا علمت أن عدد حجاج الداخل كان ٩٩٠٠٠ حاج في أحد الأعوام.



الربط بالحياة:



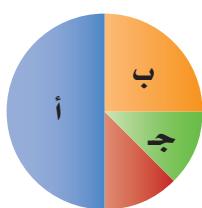
حدّد وزراء خارجية الدول الإسلامية معدل حجاج كل دولة ب حاج واحد لكل ألف نسمة من سكان تلك الدولة.

١٦ مثل البيانات المبينة في الجدول المجاور بالقطاعات الدائرية.

١٧ أجر دراسة إحصائية على زملاء صفك لتحديد أكثر الأمور إزعاجاً لهم عند حضورهم ندوة، ثم مثل البيانات بقطاعات دائيرية.

١٨ صف أوجه الشبه والاختلاف بين الشكليين اللذين قمت بتمثيلهما.

١٩ **الحس العددي:** ما النسبة المئوية التي يمثلها كل من القطاعات أ، ب، ج في الشكل المجاور؟



مسائل مهارات التفكير العليا

٢٠ **مسألة مفتوحة:** أنشئ شكلاً من خمسة قطاعات دائيرية يصف كيف تمضي يوماً اعتيادياً كاملاً.

٢١ **تبرير:** وضح لماذا لا نستطيع تمثيل البيانات المبينة في الجدول المجاور بالقطاعات الدائرية.

٢٢ **اكتب** اكتب مسألة لفظية تصف شيئاً من واقع الحياة، واستعمل القطاعات الدائرية لحلها. ثم وضح كيف ساعد الشكل على حل المسألة.

الألعاب المفضلة للطلاب	
% ٥٦	كرة القدم
% ٥١	كرة الطائرة
% ٤٥	السباحة
% ٣٢	كرة الطاولة
% ٢٠	أخرى





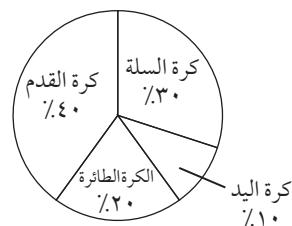
الرياضة	العدد	كرة السلة	كرة اليد	كرة القدم	كرة الطائرة
١٢٠	١٨٠	٢٤٠	٦٠	٢٤٠	٦٠

٣٣ أجرى سعد دراسة مسحية حول الرياضة المفضلة لدى طلاب الصف الثاني المتوسط، وكانت النتائج كما في الجدول المجاور.

أي تمثل مما يأتي يعرض هذه البيانات؟

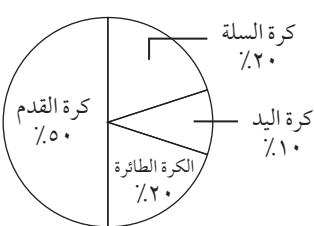
(أ)

الرياضية المفضلة



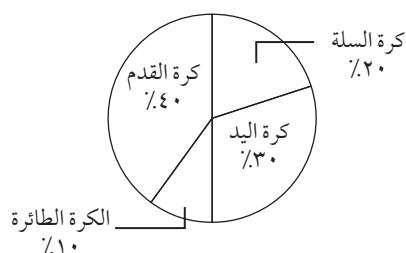
(ج)

الرياضية المفضلة



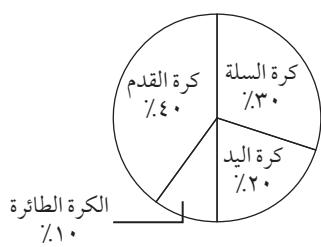
(ب)

الرياضية المفضلة



(د)

الرياضية المفضلة



مراجعة تراكمية

٤٤ **أعمار:** تبيّن القائمة أدناه الأعمار المتوقعة لبعض الحيوانات. اختر فئات مناسبة ومثّل البيانات بجدول تكراري، ثم انشئ مدرجًا تكراريًّا. (الدرس ٩ - ٢)

الأعمار المتوقعة لبعض الحيوانات

٣٥، ٢٥، ٢٠، ٢٠، ١٨، ١٦، ١٥، ١٥، ١٥، ١٥
٣١، ٣٠، ٥، ٥، ٥، ٦، ٧، ٨، ٨، ١٠، ١٠، ١٢، ١٢، ١٢، ١٢، ١٢

أوجد حجم كل مما يأتي، مقرًّا الإجابة إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم الأمر. (الدرس ٦ - ٤)

٤٥ منشور رباعي، طوله ٨ سم، وعرضه ٤ سم، وارتفاعه ٢ سم.

٤٦ أسطوانة، قطرها ٦ ، ١ بوصة، وارتفاعها ٥ بوصات.

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة : أوجد قيمة كلّ مما يأتي:

$$\frac{20 - 20 + 120 - 500}{8} \quad ٢٩$$

$$\frac{13 \times 10 + 342 + 107 \times 14}{3} \quad ٢٨$$

$$\frac{46 + 32 + 25 + 57}{4} \quad ٢٧$$





معلم الجداول الإلكترونية

الخطوط والأعمدة والقطاعات الدائرية

توسيع
٣ - ٩

تفيد الجداول الإلكترونية في إنشاء الخطوط والأعمدة والقطاعات الدائرية.

نشاط

يبين الجدول الآتي الأعداد التقريرية لطلاب المرحلة الثانوية.

العام الدراسي	عدد الطلاب (بألاف)
١٤٢٩-١٤٢٨	١٣١٤
١٤٢٨-١٤٢٧	١٣٣٨
١٤٢٧-١٤٢٦	١٣٨٨
١٤٢٦-١٤٢٥	١٤٤١

فكرة الدرس:

استعمل التقنية للتمثيل بالخطوط، وبالأعمدة، وبالقطاعات الدائرية.

لتمثيل هذه البيانات باستعمال الخطوط، اتبع الخطوات الآتية:

الخطوة ١ أدخل العام الدراسي في العمود A، وعدد الطالب في العمود B في برنامج الجداول الإلكترونية .

الخطوة ٢ ظلل البيانات في العمود B، من B2 إلى B5 ، مما يعطي إشارة للبرنامج لقراءة البيانات في العمود B.

الخطوة ٣ اضغط على أيقونة تخطيط من قائمة إدراج، واختر نمط التمثيل بالخطوط، ثم اضغط التالي.

الخطوة ٤ لتسمية محور السينات، اختر متسلسلة ، وانقر على أيقونة المجاورة لعنوان محور (س) للفئة.

الخطوة ٥ ظلل البيانات في العمود A من A2 إلى A5 ، ثم اضغط التالي.

الخطوة ٦ ادخل عنوان اللوحة (طلاب المرحلة الثانوية)، والإحداثي السيني (العام الدراسي)، والإحداثي الصادي (عدد الطالب بالألاف)، ثم اضغط التالي، ثم إنهاء.



نشاط

- الخطوة ١ لعمل لوحة الأعمدة، ظلل البيانات في العمود B، من B2 إلى B5.
- الخطوة ٢ اضغط أيقونة تخطيط من قائمة إدراج، ومنها اختر نمط التمثيل بالأعمدة، ثم اضغط التالي.
- الخطوة ٣ أكمل الخطوات من ٤ - ٦ كما وردت في النشاط ١.



نشاط

- الخطوة ١ للتمثل بالقطاعات الدائرية، ظلل البيانات من A2 إلى A5.
- الخطوة ٢ اضغط أيقونة تخطيط من قائمة إدراج، واختر نمط التمثيل بالقطاعات الدائرية، ثم اضغط التالي.
- الخطوة ٣ اضغط التالي لإدخال عنوان اللوحة، ثم التالي، ثم إنتهاء.



حل النتائج

- ١ **خمن:** استعمل إحدى اللوحات لتوقع عدد طلاب المرحلة الثانوية في عام ١٤٤٤-١٤٤٥ هـ، وما التمثيل الذي استعملته للتوقع؟ فسر سبب اختيارك.
- ٢ **اجمع المعلومات:** اختر بعض البيانات التي يمكن تمثيلها بالخطوط، وبالأعمدة، وبالقطاعات الدائرية، ثم استعمل الجداول الإلكترونية ومثلها.





مقاييس النزعة المركزية والمدى

٤ - ٩

الستعدين

ميداليات أفضل خمس دول في دورة الألعاب الأولمبية الصيفية لعام ٢٠١٦			
برونزية	فضية	ذهبية	الدولة
٣٨	٣٧	٤٦	الولايات المتحدة
١٧	٢٣	٢٧	بريطانيا
٢٦	١٨	٢٦	الصين
١٩	١٨	١٩	روسيا
١٥	١٠	١٧	ألمانيا

المصدر: ويكيبيديا (الموسوعة الحرة)

ألعاب أولمبية: استعمل الجدول

المجاور لحل الأسئلة الآتية:

١ ما القيمة الأكثر تكراراً في عمود

الميداليات الفضية؟

٢ ما معدل الميداليات التي فازت بها

ألمانيا من الأنواع الثلاثة؟

٣ رتب أعداد الميداليات الفضية

ترتيباً تصاعدياً. ما العدد الذي

يتوسط هذه القيم؟

.....

مقاييس النزعة المركزية هي الأعداد التي تصف مركز تجمع مجموعة من البيانات. وأكثر هذه المقاييس شيوعاً **المتوسط الحسابي** وال**الوسيط** وال**المنوال**. ويستعمل **المدى** أيضاً لوصف مجموعة البيانات.

فكرة الدرس:

أجد المتوسط الحسابي والوسيط والمنوال والمدى لمجموعة من البيانات.

المفردات:

مقاييس النزعة المركزية

المتوسط الحسابي

الوسيط

المنوال

المدى

ملخص المفهوم

مقاييس النزعة المركزية والمدى

المقياس

التعريف

المتوسط الحسابي

مجموع القيم مقسوماً على عددها.

الوسيط

القيمة التي تتوسط مجموعة بيانات مرتبة ترتيباً تصاعدياً، أو هو متوسط العددين المتوسطين في مجموعة البيانات.

المنوال

القيمة الأكثر تكراراً أو شيوعاً بين القيم.

المدى

الفرق بين القيمتين العظمى والصغرى للبيانات.

إيجاد مقاييس النزعة المركزية والمدى

مثال

إذا كانت أعمار مجموعة من الموظفين بالسنوات هي ١٨، ٢٤، ٣٢، ٢٤، ١٨، ٢٢، ١٨، ٢٤، ٣٢، ٢٤، فاحسب المتوسط الحسابي والوسيط والمنوال والمدى لهذه البيانات.

$$\text{المتوسط الحسابي: } \frac{138}{6} = \frac{18+24+32+24+18+22}{6} = 23 \text{ سنة}$$

الوسيط: ٣٢، ٢٤، ٢٢، ١٨، ١٨ رتب الأعداد ترتيباً تصاعدياً.

$$\frac{24+22}{2} = 23 \text{ سنة}$$

المنوال: يوجد منوالان لمجموعة البيانات هما ١٨ و ٢٤ سنة.

$$\text{المدى: } 32 - 18 = 14 \text{ سنة}$$



تحقق من فهمك:

أ) أوجد المتوسط الحسابي والوسيط والمنوال والمدى للبالغ أدناه التي تبيّن سعر كيلو الموز خلال ٦ أسابيع (باليريال) مقرّباً الجواب إلى أقرب متزلتين عشرتين:

٤, ٢٥ ، ٣ ، ٥, ٥ ، ٦ ، ٢, ٥

أحياناً قد يكون مقياس أو اثنان من مقاييس الترعة المركزية أكثر تمثيلاً للبيانات من سائر المقاييس.

مثال من واقع الحياة اختيار المقياس الأنسب

الحشرات الأكثر شيوعاً	
عدد الأنواع المعروفة (بالألاف)	النوع
٤٠٠	الخناfers
١٦٥	الفراشات والعت
١٤٠	النمل والنحل والدبابير
١٢٠	الذباب الحقبي
٩٠	البعوض
١٠	الذباب الصغير

Top 10 of Everything المصدر:

حشرات: اختر المقياس الأنسب من بين مقاييس الترعة المركزية أو المدى لوصف البيانات في الجدول المجاور، وبرّر سبب اختيارك.
أوجد المتوسط الحسابي والوسيط والمنوال والمدى لهذه البيانات.

المتوسط الحسابي:

$$\frac{١٠+٩٠+١٢٠+١٤٠+١٦٥+٤٠٠}{٦}$$

$$= ١٥٤,٢ \approx \frac{٩٢٥}{٦}$$

المتوسط الحسابي يساوي تقرّباً ١٥٤,٢ ألفاً.

الوسيط: رتب الأعداد تصاعدياً:

٤٠٠ ، ١٦٥ ، ١٤٠ ، ١٢٠ ، ٩٠ ، ١٠

$$\text{الوسيط} = \frac{١٤٠+١٢٠}{٢} = ١٣٠ \text{ ألفاً.}$$

المنوال: بما أن كل قيمة لم تظهر إلا مرة واحدة في مجموعة البيانات فلا يوجد لهذه البيانات منوال.

المدى: $٤٠٠ - ١٠ = ٣٩٠$ ألفاً.

بما أن الخناfers والفراشات هما النوعان الوحيدان من الحشرات الأكثر شيوعاً وأكبر من المتوسط، إذن فالمتوسط الحسابي لا يمثل البيانات على نحو صحيح. وبما أنه لا يوجد منوال لهذه البيانات، إذن فالوسيط هو مقياس الترعة المركزية الأنسب. ويوضح لنا المدى أن انتشار البيانات يصل إلى ٣٩٠ ألفاً.



يوجد على الأقل مليون حشرة مقابل كل شخص في العالم.

إرشادات للدراسة

الوسيط

بها أن هناك عددين متواضعين في مجموعة البيانات، فإن الوسيط يكون متوسط هذين العددين.

تحقق من فهمك:

ب) **حواسيب:** اختر المقياس الأنسب من بين مقاييس الترعة المركزية أو المدى لوصف البيانات في الجدول المجاور، وبرّر إجابتك.

السعة (جييجابايت)	نوع الجهاز
٤٠	L100
٨٠	L150
٤٠	NX250
١٢٠	NX300
٤٠	PC150
٤٠	PC250



تحدد الظروف المختلفة لكل مسألة مقياس التزعة المركزية أو المدى الأنسب لتمثيل البيانات ووصفها.

إرشادات للدراسة

المدى

يسعى المدى ليصف تشتت القيم في مجموعة البيانات . (أي تباعدها عن بعضها) .

المقياس	المتوسط الحسابي	الوسيط	المنوال
أكثـر فـائـدة عـنـدـمـا ...	لا تحتوي مجموعة البيانات قيمًا متطرفة.	تحتوي مجموعة البيانات قيمًا متطرفة. لا توجد فجوات كبيرة في منتصف البيانات.	تحتوي مجموعة البيانات قيمًا متساوية.
المتوسط الحسابي	لا تحتوي مجموعة البيانات قيمًا متطرفة.	تحتوي مجموعة البيانات قيمًا متطرفة. لا توجد فجوات كبيرة في منتصف البيانات.	تحتوي مجموعة البيانات قيمًا متساوية.
الوسيط	تحتوي مجموعة البيانات قيمًا متطرفة. لا توجد فجوات كبيرة في منتصف البيانات.	لا ينقص المتوسط. يزداد الوسيط.	يزداد المتوسط.
المنوال	تحتوي مجموعة البيانات قيمًا متساوية.	يزداد الوسيط.	يزداد المتوسط.

مثال من اختبار

٣

حصل سلطان على الدرجات الآتية في خمسة اختبارات:

٩٠، ٧٥، ٨٠، ٨٥، ٩٠

فإذا استثنى المعلم الدرجة الدنيا، فأليّ عبارة مما يأتي صحيحة؟

- أ) ينقص المتوسط.
- ب) يزداد المتوسط.
- ج) ينقص الوسيط.
- د) لن يتغير الوسيط.

اقرأ

عليك أن تحدد العبارة الصحيحة إذا استثنيت الدرجة الأدنى.

حل

$$\text{المتوسط للختارات الخمسة} = \frac{90+75+80+85+90}{5} = 84$$

$$\text{المتوسط للختارات الأربع} = \frac{90+80+85+90}{4} = 86,25$$

بما أن قيمة المتوسط ازدادت، فإنه يمكن استثناء الإجابة الأولى (أ).

أوجد الوسيط لتحقيق من باقي الإجابات.

رتّب البيانات ترتيباً تصاعدياً مرة مع الدرجة الدنيا، ومرة أخرى بدونها.

٩٠، ٨٥، ٨٠، ٩٠، ٧٥

٨٧,٥

بما أن قيمة الوسيط ازدادت من ٨٥ إلى ٨٧,٥، فيمكن استثناء الإجابتين (ج) و(د)، وبالتالي تكون (ب) هي الإجابة الصحيحة.

تحقق من فهمك

ج) أدخلت هيا المبالغ الآتية في الأسابيع الماضية: ٣٥، ٢٥، ١٠، ٥٠ ريالاً، فإذا أدخلت هذا الأسبوع ٤٤ ريالاً أيضاً، فأليّ عبارة مما يأتي صحيحة؟

- أ) ينقص المتوسط.
- ب) لن يتغير المتوسط.
- ج) يزداد الوسيط.
- د) يزداد المنوال.



المثال ١

أوجد المتوسط والوسيط والمنوال والمدى لمجموعتي البيانات الآتتين مقربة لأقرب عشرة:

القائمة الآتية تمثل قيمة مشتريات أسرة ٢ المسافات التي يقطعها عمال مصنع يومياً عماد اليومية خلال أسبوع (بالريال) من اللوصول إلى مكان عملهم بالكيلومترات هي: ١٥، ١٢، ٦، ٨، ١، ١٧، ٣، ١٠، ٤٦، ٢٢، ١٨، ١٧، ٢١، ١٩

سنوات خبرة معلمي الصف الثاني المتوسط	
٢٧	الرياضيات
١١	العلوم
٩	اللغة العربية
٦	الاجتماعيات
٥	التربية الفنية
٣	التربية الرياضية

٣ **مدرسون**: اختر أنساب مقاييس من مقاييس التوزع المركزية أو المدى لوصف البيانات في الجدول المجاور، وبرر سبب اختيارك.

المثال ٢

٤ **اختيار من متعدد**: كان عدد ساعات دراسة رغد خلال أربعة أيام متتالية على النحو الآتي: ساعة واحدة، ٣ ساعات، ساعتان، ساعتان. فإذا درست ساعتين بدلاً من ساعة واحدة في اليوم الأول؛ فأيُّ القيم الآتية ستقل؟

المثال ٣

- (أ) المتوسط (ب) الوسيط (ج) المنوال (د) المدى

تدريب وحل المسائل

أوجد المتوسط والوسيط والمنوال والمدى لمجموعات البيانات الآتية مقربة لأقرب عشرة:

٦ أعمار إخوة خالد بالسنوات هي:

١٤، ٦، ٥، ١٦، ٢٣

٨ أعداد المراجعين لمركز صحي خلال

ثمانية أيام هي:

٣٥، ٣٤، ٣٠، ٣٢، ٣٣، ٣٨، ٣٦

٥ درجات خمسة طلاب في مادة

الرياضيات هي: ٢٠، ٨، ٩، ٨، ١٥

٧ أسعار أقراص مدمجة لألعاب

الحاسوب بالريالات هي:

٧٩، ٨٠، ٧٥، ٧٣، ٨٤، ٨١

ارشادات للأسئلة

الأسئلة	انظر الأمثلة
١	٨ - ٥
٢	١٠، ٩
٣	٢٠، ١٩

في السؤالين ٩، ١٠ اختر مقاييس التوزع المركزية الأنسب لوصف البيانات في كل من الجدولين الآتيين، وبرر سبب اختيارك:

عدد أقمار كواكب المجموعة الشمسية	
عدد الأقمار	الكوكب
٠	طارد
٠	الزهرة
١	الأرض
٢	المريخ
٦٣	المشتري
٣٤	زحل
٢٧	أورانوس
١٣	نبتون

أعداد المتدربين على قيادة السيارات في مدرسة القيادة خلال ٨ أشهر	
عدد المتدربين	الشهر
١٠٧	محرم
١٢٨	صفر
٩٣	ربيع الأول
٨٢	ربيع الآخر
٩٥	جمادي الأولى
١٠٠	جمادي الآخرة
١٢٠	رجب
١٠٠	شعبان

NASA المصدر:

١١ اختيار من متعدد: كانت سرعات عدد من السيارات في شارع مزدحم بالكيلومتر / ساعة على النحو الآتي: ٤٢، ٣٨، ٤٤، ٣٥، ٥٠، ٣٨، فأيُّ المقاديس الآتية ستظهر أن السيارات تسير أسرع؟

- أ) المنوال
- ب) الوسيط
- ج) المتوسط
- د) المدى

السعة بالآلاف	المعلم
٧٥	ملعب الملك فهد
٣٥	ملعب الأمير فيصل بن فهد
٣٥	ملعب الأمير عبد الله الفيصل
٣٥	ملعب الأمير محمد بن فهد
٢٠	مدينة الأمير عبد العزيز بن مساعد
٢٠	ملعب الأمير محمد بن العزيز

المصدر: ويكيبيديا (الموسوعة الحرة)

١٢ ملابع: يبيّن الجدول المجاور سعة بعض ملاعب كرة القدم في المملكة العربية السعودية. أوجد: المتوسط الحسابي، الوسيط، المنوال، المدى لهذه البيانات. وهل ستتأثر هذه القيم إذا استثنينا ملعب الملك فهد؟



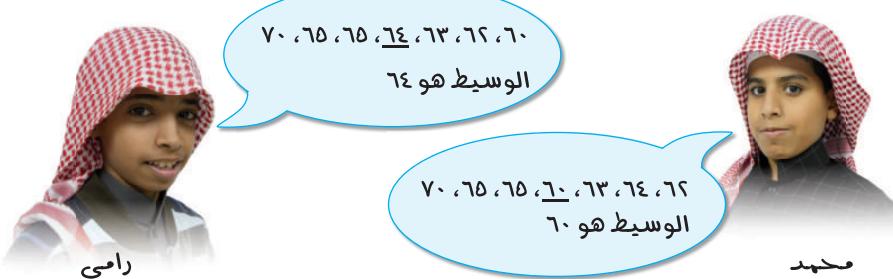
الربط بالحياة:

أنشئ ملعب الملك فهد الدولي على مساحة إجمالية قدرها ٥٠٠ ألف متر مربع، و تستوعب مدرجات الملعب حوالي ٧٠٠٠ متفرج. وكان افتتاحه عام ١٩٨٧.

١٣ جري: ركض فيصل ٩ كيلومترات يوم الإثنين، و ٧ كيلومترات يوم الأربعاء و ١٢ كيلومتراً يوم الجمعة. صُفِّ كيف ستتأثر قيم: المتوسط، والوسيط، والمنوال، والمدى، إذا ركض فيصل ٧ كيلومترات إضافية يوم الأحد.

١٤ مسألة مفتوحة: اكتب مجموعة بيانات يكون منوالها ١٠ ، ووسيطها ٧

١٥ اكتشف الخطأ: أوجد محمد ورامي الوسيط لمجموعة البيانات الآتية: ٦٢، ٦٤، ٦٣، ٦٥، ٦٥، ٦٠، ٦٣، ٦٤، ٦٥، ٦٤، ٦٣، ٦٤، ٦٢. فأيهما إجابتكم صحيحٌ؟ فسر إجابتك.



١٦ تبرير: حدد ما إذا كانت العبارة الآتية صحيحة دائمًا أو أحياناً أو ليست صحيحة أبداً، وفسر سبب إجابتك: "كل مقاييس النزعة المركزية تكون من القيم الموجودة في مجموعة البيانات".

١٧ تحد: أعطِ مثلاً مضاداً لإثبات خطأ الجملة الآتية: "يعد الوسيط مقياساً ممثلاً لمجموعة البيانات دائمًا".

١٨ أكتب استعمل بيانات من مجلة أو صحيفة يومية لكتابه مسألة تتطلب إيجاد مقاييس النزعة المركزية ؟ واذكر أي مقاييس النزعة المركزية هو الأنسب لتمثيل البيانات.

مسائل
مهارات التفكير العليا





٢٠ إجابة قصيرة: اشترك سليمان في مسابقة

لتحفيظ القرآن، وحصل على الدرجات الآتية في ٤ اختبارات: ٩٤٪، ٨٢٪، ٧٨٪، ٨٠٪. فإذا كان عليه الحصول على معدل لا يقل عن ٨٥٪ ليفوز برحلة عمرة مجانية، فأوجد أفل درجة يجب أن يحصل عليها سليمان في اختباره الخامس ليتمكن من الفوز بالمسابقة.

١٩ كانت درجات محمود في أربعة اختبارات كما

يأتي ٢٥، ٢٠، ٣٠، ٢٥، إذا حصل محمود على الدرجة ٣٠ في الاختبار الخامس، فما جملة مما يأتي ستكون صحيحة؟

- سيبقى المنوال كما هو.
- سينقص المتوسط.
- سينقص الوسيط.
- سيزداد المتوسط.

مراجعة تراكمية

٢١ كتب: في دراسة مسحية حول الكتب المفضلة للقراءة أشار ٥٢٪ من طلبة الصف الثاني المتوسط أنهم يفضلون قراءة الكتب الدينية و ٢٥٪ يفضلون الكتب الثقافية و ١٥٪ الكتب التاريخية و ٨٪ الكتب الرياضية. استعمل القطاعات الدائرية لتمثل الكتب المفضلة للقراءة لدى طلاب الصف الثاني المتوسط. (الدرس ٩ - ٣)



أطوال: استعمل المدرج التكراري في الشكل المجاور، للإجابة عن السؤالين ٢٢ و ٢٣ (الدرس ٩ - ٢)

٢٢ كم طالباً أطوالهم ٦٠ بوصة على الأقل؟

٢٣ كم طالباً أطوالهم من ٥٤ إلى ٧١ بوصة؟

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: رتب كل مجموعة من الأعداد من الأصغر إلى الأكبر:

٢، ٨٩، ٢، ٩، ٣، ٢، ٣، ٢٥، ٣، ١ **٢٤**

٩٣، ٩٣، ١١، ٩٤، ٧، ٩٣، ١، ٩١، ٣ **٢٥**

١٥، ١، ١٥، ٠١، ١٦، ٧٩، ١٦، ٨، ١٧، ٤ **٢٦**





معلم الجداول الإلكترونية المتوسط والوسيط والمنوال

توسيع
٤ - ٩

يمكنك استعمال برنامج الجداول الإلكترونية لإيجاد المتوسط والوسيط والمنوال لمجموعة من البيانات.

نشاط

ملابس: تبيّن القائمة الآتية عدد قطع الملابس التي ينتجهها أحد المصانع خلال عشرة أيام. مثل هذه البيانات باستعمال برنامج الجداول الإلكترونية.

إنتاج مصنع ملابس خلال عشرة أيام				
٩٣٨	٩٥٣	٩٩٩	١١٦٥	١٣٧٢
٩٠٨	٩٤٨	٩٩١	١٠٣٧	١٢٦٥

فكرة الدرس:
استعمل برنامج الجداول الإلكترونية لإيجاد المتوسط والوسيط والمنوال .



لإيجاد المتوسط استعمل
AVERAGE (A2>All)

لإيجاد الوسيط استعمل
MEDIAN (A2>All)

لإيجاد المنوال استعمل
MODE (A2>All)

تمارين

استعمل الجدولين الآتيين لحل التمارين ١-٣:

إنتاج الغتر في المصنع (ب) خلال (١٠) أشهر	
١٧٠٤	٢٤٣٠
١٦٧١	١٩١٦
١٦٤٢	١٨٨١
١٦١٨	١٧٤٧
١٦٠٨	١٧٠٩

إنتاج الغتر في المصنع (أ) خلال (١٠) أشهر	
١٥٦١	٢١٣٢
١٥٤٠	٢١٠٥
١٤٨٥	٢٠٧٠
١٤٤٣	١٧٥٣
١٤٢٦	١٥٧٦

١ استعمل الجداول الإلكترونية لإيجاد المتوسط والوسيط والمنوال لكلا المصنعين.

٢ قارن بين أعلى كميّي إنتاج في كل المصنعين.

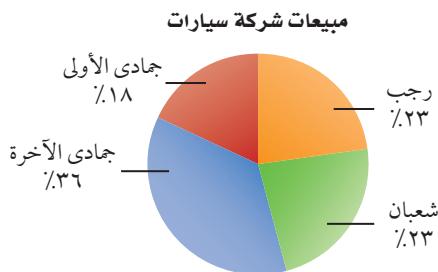
٣ قارن بين المتوسط والوسيط لكلا المصنعين.



اختبار منتصف الفصل

الدروس من ١-٩ إلى ٤-٩

- ٥ اختيار من متعدد:** أي جملة مما يأتي ليست صحيحة وفقاً للقطاعات الدائرية أدناه. (الدرس ٣ - ٩)



أ) حوالي $\frac{1}{5}$ مبيعات الشركة كانت في شهر جمادى الأولى.

ب) مبيعات الشركة في شهر جمادى الآخرة أكثر من أي شهر آخر.

ج) باعت الشركة العدد نفسه من السيارات في كل من شهري رجب وشعبان.

د) $\frac{1}{2}$ مبيعات الشركة كانت في شهر رجب.

أوجد كلاً من المتوسط، والوسيط والمنوال، والمدى لكل مجموعة من البيانات مقرباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم الأمر. (الدرس ٩ - ٤)

٦ عدد النقاط التي حصل عليها سعود في مسابقة ثقافية
٥, ٥, ٦, ٢٥, ٥, ٧٥, ٦, ٤, ٥

٧ عدد الدقائق التي ركض فيها سالم في سبعة أيام
١٧, ٤١, ١٧, ٣٣, ٢٥, ٢٢, ١٧, ٣٥

٨ اختيار من متعدد: كانت درجات ٢٩ طالباً في مادة الرياضيات كما يلي: (الدرس ٩ - ٤)

درجات الرياضيات							
٨٣	١٠٠	٨٧	٧٧	٩٢	٦٥	٨٢	٧٧
٧٧	٧٥	٥٩	٨٢	٨٧	٦٧	٧٣	٤٥
٨٢	٨٥	٧٩	٨٧	٥٢	٨٧	٧٥	٨٢

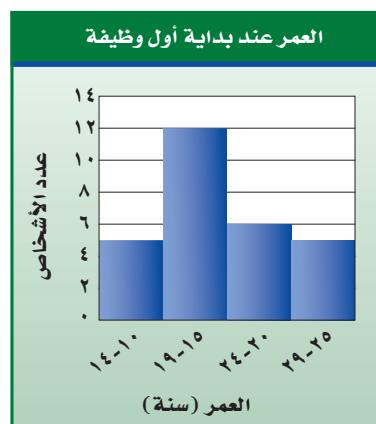
أي المقاييس الآتية يظهر أكثر من غيره أن درجات الطلاب أعلى؟

- أ) المنوال
ب) المتوسط
ج) الوسيط
د) المدى

- ١ كتل:** نظم البيانات أدناه في جدول باستعمال الفئات ٦٩-٧٠، ٧٩-٨٠، ٨٩-٩٠، ٩٩-٩٠، ما الفئة التي تتضمن أكبر عدد من العمال؟ (الدرس ٩ - ١)

كتل ١٢ عاملًا في	
مصنع (كيلوجرام)	
٩٧	٦٦
٦٦	٨٢
٩٤	٩٩
٨٥	٧٠
٧٤	٩٠
٧٤	٩٩

- وظائف:** استعمل المدرج التكراري أدناه للإجابة عن الأسئلة ٢-٤ (الدرس ٩ - ٢)



- ٢** كم شخصاً بدأوا وظائفهم عندما كانت أعمارهم من ٢٠ سنة إلى أقل من ٣٠ سنة؟

- ٣** وفقاً لهذا المدرج التكراري، ما العمر الأكثر إمكانية الذي يبدأ عنده الموظفون أول عمل لهم؟

- ٤** مثل هذه البيانات بالقطاعات الدائرية. (الدرس ٩ - ٣)





مقاييس التشتت

٥ - ٩

الستعدين

الناتج المحلي للمملكة العربية السعودية
حسب نوع النشاط الاقتصادي لعام ٢٠١٧ م

الناتج المحلي (مليون ريال)	النشاط
٦٣٠٥٦٣	التعدين والتجهيز
٣٢٨٣٤٧	الصناعات التحويلية
١٥٤٣٤٦	التشييد والبناء
١٦٥١٣٤	النقل والتوصيل والاتصالات
٦٥٢٢٤	الزراعة والأسماك
٢٧٤٨٣٢	تجارة الجملة والتجزئة

- ١ أوجد الوسيط لهذه البيانات.
- ٢ قسم البيانات في الجدول إلى مجموعتين. مجموعة قيم مرتفعة (النصف الأعلى) ومجموعة قيم منخفضة (النصف الأدنى). ما عدد القيم في كل مجموعة؟
- ٣ ما الوسيط لكل مجموعة؟
- ٤ أوجد الفرق بين الإجابتين في السؤال الثالث.
- ٥ أوجد المدى لمجموعة البيانات.
- ٦ علام يدلل المدى عن الناتج المحلي لهذه الأنشطة؟

تستعمل **مقاييس التشتت** لوصف مدى انتشار البيانات حول القيم المتوسطة، وقد استعمل المدى في الدرس (٤) لوصف انتشار البيانات؛ وبذلك يُعد المدى أحد مقاييس التشتت. **الربعات** قيم تعمل على تقسيم البيانات إلى أربعة أجزاء متساوية، وتُعد من مقاييس التشتت أيضاً. كما تذكر فإن الوسيط يقسم البيانات إلى قسمين متساوين.

$$\text{النصف الأعلى} \quad \text{النصف الأدنى} \\ \text{الوسط} \quad \downarrow \\ ٦٣٠٥٦٣, ٣٢٨٣٤٧, ٢٧٤٨٣٢ \quad ١٦٥١٣٤, ١٥٤٣٤٦, ٦٥٢٢٤$$

وسيط النصف الأعلى من البيانات يُسمى **الربع الأعلى**.

وسيط النصف الأدنى من البيانات يُسمى **الربع الأدنى**.

وبذلك فإن نصف البيانات يقع بين الربعين الأدنى والأعلى، وهذا يقودنا إلى مقياس آخر من مقاييس التشتت هو **المدى الريبيعي**.

مفهوم أساسي

المدى الريبيعي هو مدى نصف البيانات التي تقع في الوسط، وهو الفرق بين الربعين الأعلى والأدنى.

المدى الريبيعي

فكرة الدرس:

أجد مقاييس التشتت لمجموعة من البيانات.

المفردات

مقاييس التشتت

الربعات

الربع الأدنى

الربع الأعلى

المدى الريبيعي

القيم المتطرفة



مثال

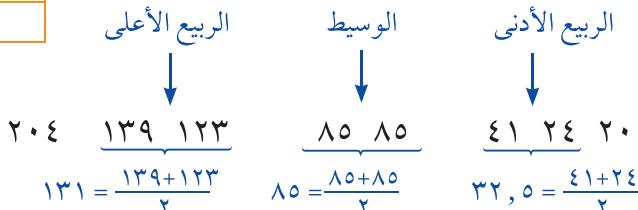
إيجاد مقاييس التشتت

برامج قناة رياضية في عام	
العدد	المباراة
٢٠	سباق سيارات
٤١	سباق الخيل
٢٠٤	كرة القدم
١٢٣	كرة السلة
٨٥	كرة اليد
١٣٩	الكرة الطائرة
٨٥	تنس الطاولة
٢٤	السباحة

برامج رياضية : أوجد مقاييس التشتت للبيانات في الجدول المجاور.

$$\text{المدى} = ٢٠ - ٤ = ١٨$$

لإيجاد الوسيط والربع الأدنى والربع الأعلى، رتب البيانات ترتيباً تصاعدياً.



الوسيط = ٨٥، الربع الأدنى = ٣٢،٥، الربع الأعلى = ١٣١.

$$\text{المدى الربعي} = \text{الربع الأعلى} - \text{الربع الأدنى} = ٣٢,٥ - ١٣١ = ٩٨,٥$$

أسعار جهاز تسجيل في عدة معارض (ريال)			
٦٢٠	٨٥٠	٦٨٠	٥٠٠
٥٤٠	٨٠٠	٥٥٠	٥٠٠
٥٤٠	٦٠٠	٧٥٠	٥٥٠

أ) مبيعات : أوجد مقاييس التشتت للبيانات في الجدول المجاور.

إرشادات للدراسة

قيمة المدى الربعي
تدل القيمة العالية للمدى
الربعي على تشتت
البيانات وتباعدها في
متنصف مجموعة البيانات،
في حين تدل القيمة
المتطرفة له على تقارب
هذه البيانات في متنصف
مجموعة البيانات.

تعدُّ البيانات التي تقل عن المقدار: (الربع الأدنى - (١,٥ × المدى الربعي))

والتي تزيد على المقدار: (الربع الأعلى + (١,٥ × المدى الربعي)) **قيماً متطرفة.**

والقيم المتطرفة هي البيانات التي تزيد أو تقل كثيراً عن قيمة الوسيط.

مثال

إيجاد القيم المتطرفة

مساكن : أوجد القيم المتطرفة في بيانات الجدول أدناه.

توزيع المساكن المشغولة في ٦ محافظات في منطقة الباحة	
المحافظة	المساكن المشغولة
١٨٥٣٣	الباحة
١٢٦٩٥	بلجرشي
١٢٥٧٣	المخواة
٩٩٦٧	قلوة
٨٨٦٥	المندق
٦٣٢٣	العقيق

أوجد المدى الربعي:

$$٣٨٣٠ - ١٢٦٩٥ = ٨٨٦٥$$

اضرب المدى الربعي بـ ١,٥ :

$$٥٧٤٥ = ٣٨٣٠ \times ١,٥$$

لإيجاد القيم المتطرفة اطرح

٥٧٤٥ من الربع الأدنى، وأضاف

٥٧٤٥ إلى الربع الأعلى:

$$٣١٢٠ = ٥٧٤٥ - ٨٨٦٥$$

$$١٨٤٤٠ = ٥٧٤٥ + ١٢٦٩٥$$

وبذلك تكون القيمة المتطرفة

الوحيدة هي ١٨٥٣٣؛ لأنها أكبر من ١٨٤٤٠



تحقق من فهمك:

أعلى الأبراج في أحدى المدن (متر)				
٤٠٩	٤٨٣	٤٨٣	٤٩٤	٥٥٧
٣٨٥	٤٢٠	٤٢٠	٤٢٨	٤٥٤

ب) **أبراج**: أوجد القيم المتطرفة للبيانات في الجدول المجاور.



استعمال مقاييس التشتت لوصف البيانات

ساعات نوم بعض أنواع الثدييات	
١٩,٩	الخفاش
١٨,١	أفعى البليتون
١٦	المر
١٢,١	القط
١٠,٤	الدلفين
٦,٢	الفقمة
٢,٩	الحصان
١,٩	الزراقة

المصدر: Neuroscience For Kids

نوم: استعمل مقاييس التشتت لوصف البيانات في الجدول المجاور.

$$\text{المدى} = ١٩,٩ - ١,٩ = ١٨$$

$$\text{الوسيط} = ١١,٢٥$$

$$\text{الربع الأعلى} = ١٧,٠٥$$

$$\text{الربع الأدنى} = ٤,٥٥$$

$$\text{المدى الربيعي} = ١٧,٠٥ - ٤,٥٥ = ١٢,٥$$

الربط بالحياة:

أثبتت أبحاث علوم المحيطات أن دماغ الدلفين ينقسم إلى قسمين؛ حيث ينام أحدهما، في حين يبقى النصف الآخر مستيقظاً وبالتناوب.

عدد مرات الفوز ببرالي فرنسا للدراجات	
٣٦	فرنسا
١٨	بلجيكا
٩	إيطاليا
٨	أسبانيا
٨	الولايات المتحدة الأمريكية

المصدر: World Almanac For Kids

تحقق من فهمك:

ج) **سباق الدراجات**: استعمل مقاييس التشتت لوصف البيانات في الجدول المجاور.

تأكد

مساحات: استعمل البيانات في الجدول أدناه للإجابة عن الأسئلة ١-٥:

مساحات بعض الدول الإسلامية	
المساحة (آلاف الكيلومترات المربعة)	الدولة
٢٢٤٠	السعودية
٨٢٢	باكستان
٧١١	المغرب
٣٣٠	مالزيا
٣١٠	عمان
١٨	الكويت

المصدر: ويكيبيديا (الموسوعة الحرة)

١) أوجد مدى هذه البيانات.

٢) أوجد الوسيط، والربعين الأعلى والأدنى.

٣) أوجد المدى الربيعي للبيانات.

٤) حدد القيم المتطرفة.

٥) استعمل مقاييس التشتت لوصف البيانات في الجدول.

المثال ١

المثال ٢

المثال ٣

تدريب وحل المسائل

الإرشادات للأسئلة

الأسئلة	انظر الأمثلة
١	٧، ٦
٢	١٢، ٨
٣	١٣، ٩
٤	١١، ١٠

زراعة: استعمل البيانات في الجدول

المجاور لحل الأسئلة ٩ - ٦ :

ما مدى هذه البيانات؟

٦

أوجد الوسيط والربعين الأعلى والأدنى
والمدى الربيعي لهذه البيانات.

٧

حدد القيم المتطرفة.

٨

استعمل مقاييس التشتت لوصف البيانات
في الجدول.

٩

المصدر: الهيئة العامة للإحصاء

إنتاج المناطق من الحبوب في أحد الأعوام	
المنطقة	الإنتاج (لأقرب ألف طن)
الجوف	٤٧٦
القصيم	٤١٨
جازان	٢٢٨
الرياض	١٧٧
تبوك	١١٧



حيوانات: استعمل الجدول المجاور لحل الأسئلة ١٠ - ١٣ :

ما مدى هذه البيانات؟

١٠

أوجد الوسيط والربعين الأعلى والأدنى والمدى الربيعي
لهذه البيانات.

١١

حدد القيم المتطرفة.

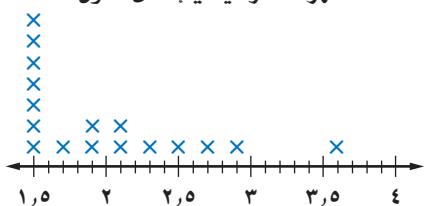
١٢

استعمل مقاييس التشتت لوصف البيانات في الجدول.

١٣

المصدر: World Almanac For Kids

شدة الاهتزاز الأرضية في إحدى الدول



هزات أرضية: استعمل لوحة النقاط

المجاورة لحل الأسئلة ١٤ - ١٦

أوجد المدى والمتوسط والوسيط
والمنوال والربعين الأعلى والأدنى
ومالمدى الربيعي لمجموعة البيانات.

١٤

حدد القيم المتطرفة.

١٥

استعمل مقاييس التشتت لوصف هذه البيانات.

١٦



الربط بالحياة :

تعد القشريات والعنكبوت من
فصيلة المفصليات، ويوجد
٧٥٠٠٠ نوع من الحشرات
وحدها.

أوجد البيانات: اختر بعض البيانات الإحصائية عن المملكة، واتكتب مسألة

من واقع الحياة لتتجدد من خلالها مقاييس النزعة المركزية ومقاييس التشتت.

١٧

مسألة مفتوحة: اكتب مجموعة بيانات تتتألف من ثمانية أعداد على الأقل

بحيث يكون المدى الربيعي لها ٢٠ ، ولها قيمة متطرفة واحدة.

١٨

تحدي: اكتب مجموعتين من البيانات لهما المدى نفسه غير أن المدى الربيعي
لكل منهما مختلف؛ ثم اكتب مجموعتين آخرتين من البيانات لهما الوسيط
والرباعيات أنفسهما إلا أن مداههما مختلف.

١٩

أكتب فسر عدم تأثر المدى الربيعي بالقيم الكبيرة جداً أو الصغيرة جداً
من البيانات.

٢٠

مهارات التفكير العليا





٢٢ تمثل القيمة أدناه عدد الكيلومترات التي مشاهد عبد العزيز في (١٢) أسبوعاً.

٧، ٦، ٨، ٨، ١١، ١٠، ٥، ٦، ٧، ١٤

أيُّ الجمل الآتية ليست صحيحة وفقاً لهذه البيانات؟

أ) نصف القيمة أكبر من ٧، ٥، ونصفها أقل من ٧، ٥

ب) المدى يساوي ٩

ج) القيمة المتطرفة هي ١١

د) $\frac{1}{4}$ القيمة أكبر من ٩

٢٣ أيُّ الجمل الآتية لا يمكن أن تكون صحيحة بالنسبة لمقاييس التشتت لأي مجموعة من البيانات؟

أ) نصف البيانات تقع بين الربعين الأعلى والأدنى.

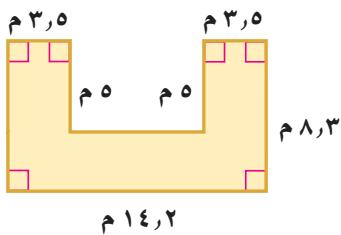
ب) ثلاثة أرباع البيانات أكبر من الربع الأدنى.

ج) الوسيط والربع الأدنى والربع الأعلى تقسم مجموعة البيانات إلى ثلاثة أقسام متساوية.

د) ٥٠٪ من البيانات أقل من الوسيط.

مراجعة تراكمية

٢٤ **أطوال:** أطوال عائلة سلطان بالبوصة هي: ٧٢، ٧١، ٤٨، ٦٨، ٦٧، ١١، ٥، ٣، ٥، ٣، ٥، ١٤، ٢، وأوجد كلاً من المتوسط، والوسيط، والمنوال، والمدى، مقرباً إلى أقرب جزء من عشرة. (الدرس ٤ - ٩)



٢٥ **قياس:** أوجد مساحة الشكل المجاور، مقربة إلى أقرب جزء من عشرة. (الدرس ٩ - ٢)

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: مثل كل مجموعة من النقاط التالية على خط الأعداد.

$$\{10, 9, 8, 5, 3\} \quad 25$$

$$\{31, 27, 20, 15, 13\} \quad 26$$

$$\{21, 17, 16, 13, 9\} \quad 27$$

$$\{19, 15, 10, 9, 3\} \quad 28$$





التمثيل بالصندوق وطيفيه

استعدي

ارتفاعات: يبيّن الجدول المجاور ارتفاعات بعض مدن المملكة عن سطح البحر.

ما القيمة الصغرى لهذه البيانات؟

ما الريع الأدنى لهذه البيانات؟

ما الوسيط لهذه البيانات؟

ما الريع الأعلى لهذه البيانات؟

ما القيمة العظمى لهذه البيانات؟

حدّد القيم المتطرفة.

فكرة الدرس:

أعرض البيانات، وأمثلها باستخدام الصندوق وطيفيه، وأفسّرها.

المفردات

التمثيل بالصندوق وطيفيه

القيم القصوى

ارتفاعات بعض مدن المملكة عن سطح البحر	
الارتفاع (م)	المدينة
٩١٥	حائل
٧٠٠	تبوك
٦٢٠	المدينة المنورة
٦٠٠	الرياض
٣٠٠	مكة المكرمة
٢١٠	حفر الباطن

المصدر: ويكيبيديا (الموسوعة الحرة)

يستعمل **التمثيل بالصندوق وطيفيه** خط الأعداد ليبيّن انتشار مجموعة من البيانات. حيث يُرسم الصندوق حول قيم الربعين، ويتمتد من الطرفين خطان مستقيمان يصلان بين الربعين **والقيم القصوى** للبيانات هي القيم العظمى والصغرى التي لا تكون فيما متطرفة.

تمثيل الصندوق وطيفيه

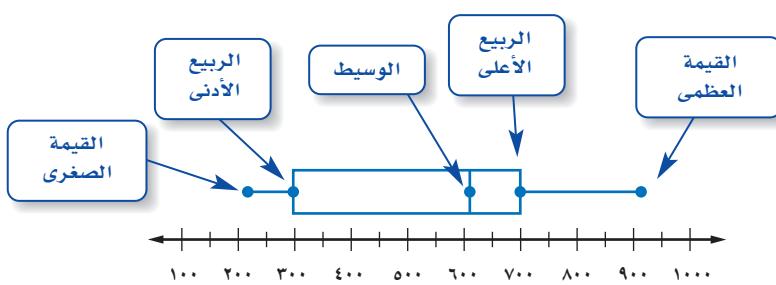
مثال

ارتفاعات: مثل البيانات في الجدول أعلاه بالصندوق وطيفيه.

الخطوة ١ : ارسم خط الأعداد بحيث يتضمن القيمتين العظمى والصغرى للبيانات.

الخطوة ٢ : حدّد القيم القصوى، والوسيط، والريع الأدنى، والريع الأعلى، على خط الأعداد.

الخطوة ٣ : ارسم الصندوق وطيفيه.



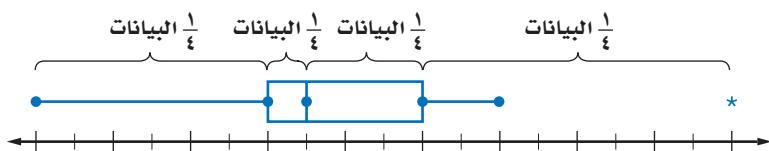
✓ حقّق من فهمك

مثل مجموعتي البيانات الآتتين بالصندوق وطرفيه:

أ) بلغت المسافات التي قطعها محمود في سيارته بالكيلو مترات خلال عدة أيام ما يأتي: ٤٢، ٤٥، ٤٣، ٤٢، ٣٨، ٥٥، ٦٥، ٣٤، ٥٠، ٣٦، ٤٠، ٣٥

ب) جاءت درجات الحرارة الدنيا بالفهرنهايتية لعدد من المدن العربية على النحو الآتي: ٥٩، ٥٢، ٦٥، ٤٩، ٢٨، ٥٢، ٤٤، ٤٧، ٦٣، ٥٨، ٥٢

يوزع التمثيل بالصندوق وطرفيه البيانات إلى أربعة أجزاء؛ ومع أن أطوال هذه الأجزاء غير متساوية؛ إلا أن كل جزء منها يتضمن ربع البيانات.

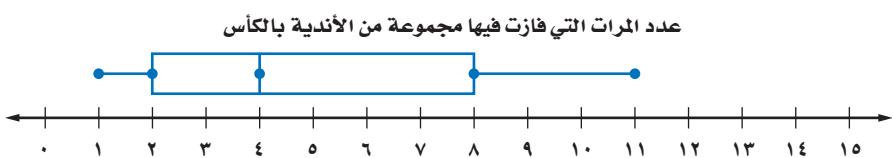


وكلما زاد طول الصندوق أو طول طرفيه ازدادت البيانات تباينًا وزاد مدتها، بينما يدل قصر الطرف أو الصندوق على المدى القليل، وتدل إشارة النجمة (*) على القيم المتطرفة، ولا يتم توصيلها بالأطراف.



مثال تفسير البيانات

٢٠٠ كرّة قدم: علام يدل طول الصندوق وطرفيه في التمثيل الآتي؟



يظهر من الرسم أن البيانات بين الوسيط والربع الأعلى أكثر تباعدًا وانتشارًا من تلك التي تقع بين الوسيط والربع الأدنى؛ وبما أن الطرف الأيمن أطول من الطرف الأيسر، فإن البيانات الأكبر من الربع الأعلى تكون أكثر تباعدًا وانتشارًا من سواها الأقل من الربع الأدنى.

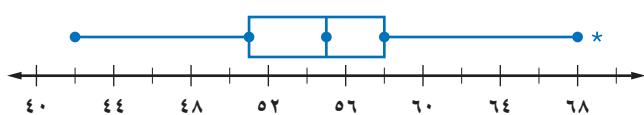


إن ممارسة الرياضة تقى بإذن الله من الإصابة بالسكري وارتفاع ضغط الدم وأمراض القلب. وتساعد على تحسين الحالة النفسية والمعنوية.

✓ حقّق من فهمك

ج) عمل: قارن بين بيانات الوسيط والربع الأعلى وبينات الوسيط والربع الأدنى في الرسم أدناه.

الوقت (بالدقائق) الذي يمضيه عمال في النهاب والعودة إلى المصنع

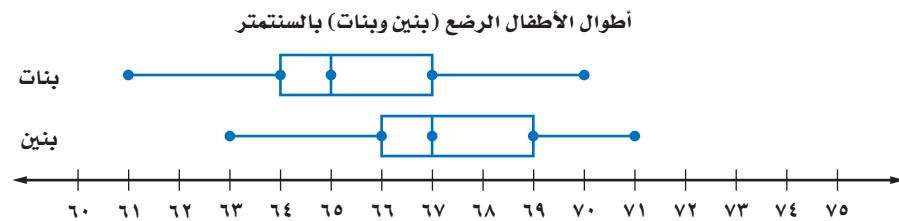


مثال مقارنة البيانات

أطوال: بالاعتماد على تمثيل الصندوق وطرفيه المزدوج أدناه، والذي يبيّن أطوال مجموعة من الأطفال الرضع ذوي الأعمار المتساوية (بنين وبنيات)، قارن بين أطوال كلا الجنسين.



الربط بالحياة:
كيف يستعمل أطباء الأطفال الرياضيات؟
يستعمل أطباء الأطفال الرسوم البيانية لمراقبة سلامة نمو الأطفال الرضع والأطفال الصغار.



البنات أقصر من البنين بصورة عامة. فالربع الأعلى للطول لدى البنات هو ٦٧ سم مما يعني أن أطوال ٧٥٪ منهن هو ٦٧ سم أو أقل، على حين أن الربع الأدنى لدى البنين هو ٦٦ سم مما يعني أن أطوال ٧٥٪ منهم هو ٦٦ سم أو أكثر.

تحقق من فهمك:

د) أطوال: بناءً على تمثيل الصندوق وطرفيه المزدوج أعلاه؛ ما النسبة المئوية للبنين والبنات الذين أطوالهم ٦٧ سم ستتمتراً أو أقل.

تأكد

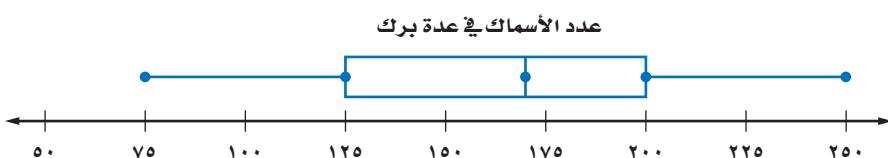
مثل كل مجموعة بيانات فيما يأتي بالصندوق وطرفيه:

- ١) عدد ساعات مناوية ثمانية أطباء في درجات الطلاب في الرياضيات:
٥٠، ٩٠، ٥٠، ٩٠، ٧٠، ٧٠، ١٠٠، ٩٠، ٩٠، ٥٠، ١٠٠، ٩٠، ٥٠، ٩٠، ٤٣، ٣٧، ٣٢، ٣٦، ٣٧، ٣٨، ٨٠، ٢٥، ٥١، ٢٩

المثال ١

سمك: استعمل تمثيل الصندوق وطرفيه لحل السؤالين ٣، ٤.

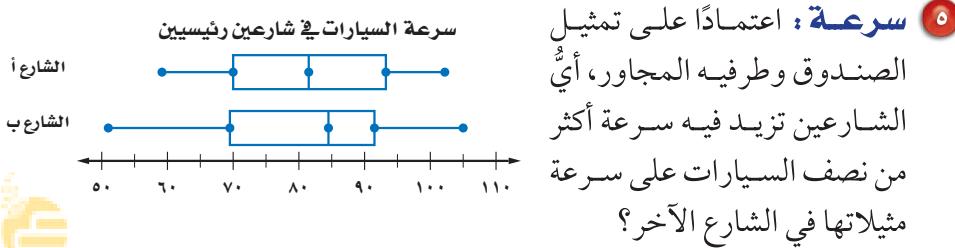
المثال ٢



٣) ما المدى الرباعي للبيانات؟

٤) كم سمكة على الأقل في ثلاثة أرباع البرك؟

المثال ٣



سرعة: اعتماداً على تمثيل الصندوق وطرفيه المجاور، أي الشارعين تزيد فيه سرعة أكثر من نصف السيارات على سرعة ميلاتها في الشارع الآخر؟





الإرشادات للأسئلة

الأسئلة	انظر الأمثلة
١	٩ - ٦
٢	١٥، ١٣ - ١٠
٣	١٨ - ١٦، ١٤

مثل مجموعات البيانات الآتية بالصندوق وطرفيه:

٧ المسافة بالكيلومترات بين محطات **٦** أعمار مراجع عيادة الأسنان في يوم

التوقف على طريق سريع هي:

٩٠، ٩٥، ٧٦، ٨٥، ٧٧

٧٣، ٨٠، ٨٢، ٧٣

٢٦، ٥٣، ٢٨، ٣٢، ٥٥، ٤٥، ٤٩

٥١، ٣٥، ٣٨

٩ أسعار بعض الأجهزة الكهربائية

بالريال:

٣٥٠، ٢٧٠، ٢٢٠، ٢٤٥، ٢٢٥

٢٧٠، ٢٢٥، ٢٤٠، ٢٣٠، ٢٨٠

٨ سرعات طائرات بالميل في الساعة:

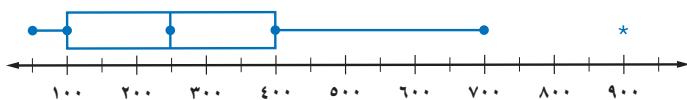
٥٠٠، ٣٥٠، ٥٢٠، ٤٦٠، ٥٤٠

٥١٥، ٤٥٠، ٥٢٥، ٤٧٥، ٤٨٠

جغرافياً: استعمل تمثيل الصندوق وطرفيه المجاور لحل السؤالين ١٠، ١١

١٠ ما نسبة المدن التي يزيد عدد سكانها على ١٠٠٠٠٠ ؟

عدد سكان ١٣ مدينة (بالملايين)



١١ ماذا تستنتج عن البيانات فوق الربع الأعلى؟

محميات طبيعية: استعمل تمثيل الصندوق وطرفيه الآتي لحل السؤالين ١٢، ١٣

مساحات عشر محميات طبيعية بالهكتار

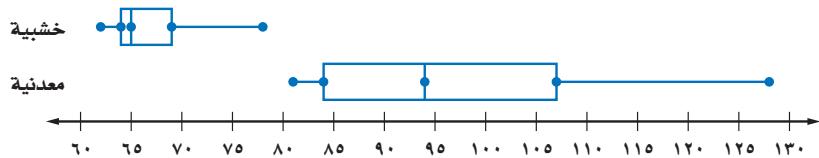


١٢ ما عدد القيم المتطرفة لهذه البيانات؟

١٣ صنف توزيع البيانات. كيف تصف مساحة معظم المحميات؟

العجلة الدوارة: استعمل تمثيل الصندوق وطرفيه أدناه لحل الأسئلة ١٤ - ١٨

سرعة العجلة الدوارة (ميلاً/ساعة)



١٤ أي مجموعة بيانات لها مدى أكبر؟

١٥ ما عدد القيم المتطرفة في هذه البيانات؟

١٦ ما نسب العجلات الخشبية التي سارت بسرعة ٦٩ ميلاً/ساعة على الأقل؟

١٧ ما نسب العجلات المعدنية التي سارت بسرعة ٨٤ ميلاً/ساعة على الأقل؟

١٨ أي العجلتين تسير بسرعة أكبر: المعدنية أم الخشبية؟ فسر إجابتك.

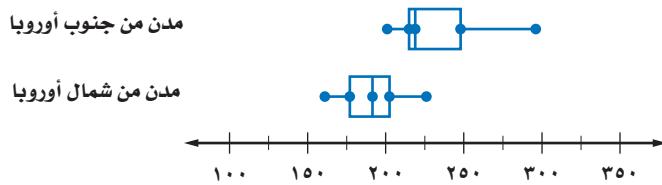


المساكن المشغولة في بعض مناطق المملكة في أحد الأعوام	
المنطقة	العدد بالآلاف
الرياض	١١٥٤
مكة المكرمة	١٣٢٢
المدينة المنورة	٣٠٩
القصيم	٢٠٢
المنطقة الشرقية	٦١٩
عسير	٣٣٤
جازان	١٩٩

المصدر: الهيئة العامة للإحصاء

٢١ طقس: استعمل تمثيل الصندوق وطرفيه أدناه لحل السؤالين ٢٢ ، ٢١ .

معدل الأيام المشمسة في بعض المدن

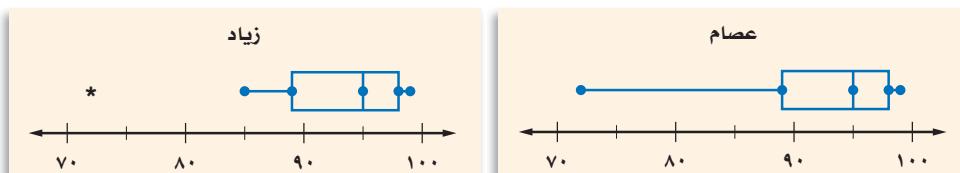


٢١ ما نسبة مدن جنوب أوروبا التي تزيد فيها درجة الحرارة على الربع الأدنى لمدن شمال أوروبا؟

٢٢ اكتب جملة واحدة أو جملتين تقارن فيما بينهما مدن شمال أوروبا وجنوبها من حيث معدل الأيام المشمسة.

٢٣ اكتشف الخطأ: مثل عصام وزياد مجموعة البيانات الآتية بالصندوق وطرفيه. فما تمثيله صحيح؟ ووضح إجابتك.

٩٩، ٩٩، ٩٨، ٩٧، ٩٧، ٩٥، ٩٠، ٩٠، ٨٩، ٨٥، ٧٢



٢٤ تبرير: كانت قيم الربع الأدنى والوسطى والربع أعلى لمجموعة من البيانات بالترتيب هي: س، ص، ٧٠ ، س، ص. فإذا أردنا التمثيل بالصندوق وطرفيه بالاعتماد على هذه المعلومات، فأعطِ قيمًا لـ س وـ ص في الحالتين الآتتين:

أ) يقسم الوسيط الصندوق إلى قسمين متساوين.

ب) المسافة بين الوسيط والربع أعلى تساوي مثلي المسافة بين الوسيط والربع الأدنى.



٦-٩ : التمثيل بالصندوق وطرفيه

مساكن: استعمل الجدول المجاور لحل

السؤالين ١٩ ، ٢٠ :

١٩

أنشئ لوحة الصندوق وطرفيه للبيانات، ثم حدد الفترة التي تنتشر فيها البيانات بدرجة أكبر.

٢٠

وضح كيف تتأثر لوحة الصندوق وطرفيه إذا استثنينا عدد مساكن الرياض ومكة المكرمة.



.....

الربط بالحياة: يصل معدل عدد الأيام المشمسة في بعض المدن العربية إلى ٣٣٠ يومًا في السنة.

مسائل

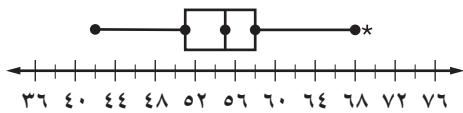
مهارات التفكير العليا

٢٥ اكتب

وضح إيجابيات استعمال الصندوق وطرفيه في تمثيل البيانات.



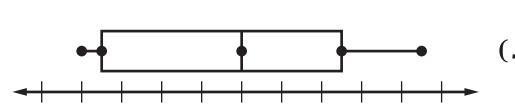
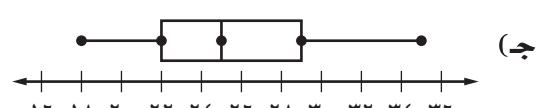
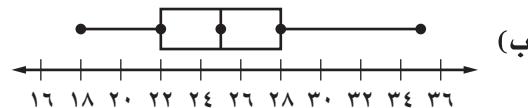
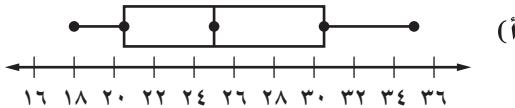
٢٧ أيُّ الجمل الآتية ليست صحيحة وفقاً للتَّمثيل أدناه؟



- أ) القيمة ٦٩ متطرفة
- ب) نصف القيم أكبر من ٥٥
- ج) $\frac{1}{4}$ القيم تقع في الفترة ٦٩ - ٥٨
- د) توجد قيم في الفترة ٥١ - ٤٢ أكثر من النَّصف

٢٨ أيُّ التَّمثيلات الآتية يصف مجموعَةَ البيانات

٣٥، ٢٤، ٢٦، ١٩، ٣٠، ٢٥، ٣١، ٢٢، ١٨



مراجعة تراكمية

٢٩ أُوْجَدَ كَلَّاً مِنَ الْمَدِيِّ، وَالْوَسِيْطِ، وَالرَّبِيعِيِّ، وَالْأَدْنِيِّ وَالْأَعْلَىِ، وَالْمَدِيِّ الرَّبِيعِيِّ، وَأَيَّةِ قِيمٍ مَتَطَرِفَةٍ لِمَجْمُوعَةِ الْبَيَانَاتِ الآتِيَّةِ: (الدَّرْسُ ٩ - ٥)

٥٨، ٤٩، ٤٧، ٢٨، ٤٦، ٥٤، ٣١، ٥٢، ٧٣

٣٠ درجات حرارة: أُوْجَدَ كَلَّاً مِنَ الْمَوْسِطِ، وَالْوَسِيْطِ، وَالْمَنْوَالِ، وَالْمَدِيِّ لِدَرَجَاتِ الْحَرَارَةِ الْفَهْرَنْهَايِتِيَّةِ الآتِيَّةِ مَقْرِبًاً إِلَى أَقْرَبِ جُزْءٍ مِنْ عَشَرَةِ إِذَا لَزِمَ الْأَمْرِ: (الدَّرْسُ ٩ - ٤)

٢٤، ٦٥، ٣١، ٨٢، ٦٥، ٧٤، ٤٥، ٢٣، ٣٤، ٩١، ٦٥، ٧٦

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: مثّل كل مجموعَةَ مِنَ الْبَيَانَاتِ بِاسْتِعْمَالِ التَّمثيلِ بِالنَّقَاطِ:

٣٠ ٢، ٥، ٨، ٩، ٥، ٢، ٦، ٨، ٥، ٨، ١٠، ٢

٣١ ١٤، ٩، ١٢، ٧، ١٠، ١٢، ٨، ٧، ٨، ١٢





التمثيل بالساق والورقة

٧ - ٩

الاستعـد

تمثيل البيانات الآتية عدد سنوات خبرة موظفي إحدى الشركات:

عدد سنوات الخبرة لموظفي إحدى الشركات									
٥	١١	٧	١٥	٦	٩	٤	٧	٩	
١٠	٣٤	٧	٥	١١	٤	٢١	٣	٣	
٣	٥	٢١	٣١	٣	١٠	١١	٣	١٠	
	٣	٤	١٥	٥	١٢	٧	٢٧	٦	
	١٣	٨	٣	٥	١٧	٦	١٥	٤٠	
	١١	٣	٢٠	٤	١٠	٨	٤	٩	

نظم البيانات السابقة في فئات على النحو الآتي:
٤٩ - ١٠ ، ٩ - ٢٠ ، ٢٩ - ٣٠ ، ٣٩ - ٤٠

- ١ هل أعداد الموظفين في كل فئة متساوية؟
- ٢ اذكر إحدى مزايا توزيع البيانات ضمن فئات.

ترتيب البيانات العددية في التمثيل **بالساق والورقة** ترتيباً تصاعدياً أو تناظرياً، حيث تُشكل الأعداد في المنزلة الكبرى **السيقان**، على حين تشكّل الأعداد في المنزلة التي تليها **الأوراق**.

مثال من واقع الحياة تمثيل البيانات بالساق والورقة

مستشفى: يمثل الجدول المجاور أعداد المراجعين لمستشفى ما خلال أسبوع؛ مثل البيانات المتعلقة بالرجال باستعمال **الساق والورقة**.

الخطوة ١ : أوجد أكبر وأصغر عدد في البيانات، ثم حدد رقم المنزلة الكبرى لكل منها.

- أصغر عدد هو ٤٢ ، رقم المنزلة الكبرى هو ٤.
- أكبر عدد هو ٦١ ، رقم المنزلة الكبرى هو ٦.

الخطوة ٢ : ارسم خطأ رأسياً، ثم سجّل السيقان من ٤ إلى ٦ على يسار الخط.

أعداد المراجعين من الرجال والنساء	
النساء	رجال
٤٧	٥٢
٤٢	٦١
٤٢	٤٢
١٧	٦٠
٤٢	٤٤
٥٤	٥٠
٥٢	٤٢
٤٢	٥٥
٢٩	٤٩
٣٧	٤٦



فكرة الدرس:

أعرض البيانات، وأمثلها
بالساق والورقة، وأفسّرها.

المفردات

التمثيل بالساق والورقة

الساق

الورقة

التمثيل المزدوج للساق والورقة



الساقي	الورقة
٤	٢٤٢٩٦
٥	٢٠٥
٦	١٠

أعداد المراجعين الرجال

الساقي	الورقة
٤	٢٢٤٦٩
٥	٠٢٥
٦	٠١

٥٢ مراجعاً = ٥ | ٢

الخطوة ٣ : اكتب الأوراق الم対اظرة لكل ساق على الجانب الآخر من الخط، فمثلاً: للعدد ٤٢ اكتب ٢ إلى يمين الرقم ٤.

الخطوة ٤ : رتب الأوراق ترتيباً تصاعدياً؛ كرر الورقة بقدر عدد مرات ظهورها في البيانات. ثم ضع مفتاحاً يوضح كيف تقرأ البيانات.

حقٌّ من فهمك :

- أ) مثل البيانات الواردة في مثال ١ والمتعلقة بالنساء باستعمال الساق والورقة.

مثالٌ من واقع الحياة تفسير البيانات

صحة : يمثل الساق والورقة أدنى أعمار بعض المصابين بمرض السكري.

أعمار مصابين بمرض السكري

الساقي	الورقة
٤	٢٣٦٦٧٨٩٩
٥	٠٠١١١١٢٢٤٤٤٤٥٥٥٥٥٦٦٦٧٧٧٧٨
٦	٠١١١٢٤٤٦٨٩

٥٠ سنة = ٥٠

بالاعتماد على البيانات أعلاه، كيف تصف أعمار المصابين بمرض السكري؟

- تتركز معظم البيانات في الفئة ٥٩ - ٥٠.
- يبلغ عمر أصغر رجل مصاب ٤٢ سنة. وعمر أكبر مصاب ٦٩ سنة.
- والمدى هو ٢٧
- وسيط الأعمار هو ٥٥

حقٌّ من فهمك :

- بالعودة إلى تمثيل الساق والورقة في المثال ١ :
- ب) أي الفئات يتكرز فيها أعداد المراجعين الذكور؟
- ج) ما مدى البيانات؟
- د) ما الوسيط لعدد المراجعين الذكور؟



الربط بالحياة :

حسب الإحصائيات العالمية التي أشار إليها الاتحاد الدولي للسكري، فإن أكثر من ٤٠٠ مليون بالغ مصاب بداء السكري، ويقدر عدد المصابين حالياً في المملكة العربية السعودية بنحو ١,٨ مليون من الذين تزيد أعمارهم على ١٥ عاماً، ويمكن قياس نسبة السكر في الدم من خلال التحليل أو الأجهزة الإلكترونية.

يمكن مقارنة مجموعتين من البيانات **بالتمثيل المزدوج للساق والورقة**. يبيّن تمثيل الساق والورقة أدنى عينة من درجات مادة الرياضيات لطلاب فصلين مختلفين في الثاني المتوسط.

درجات الرياضيات

الفصل (ب)

٧٦٥٥٤٢٢٢	٧	٤٢
٨٨٨٥٤	٨	٠٢٢٥٧٩
١٠٠	٩	١٣٤٦٨٩٩
٧٦=٦٧	٧٢=٧٢	

أوراق مجوبة
البيانات الثانية على
الجانب الآخر من
الساقي.

أوراق مجوبة
البيانات الأولى على
أحد جانبي الساق.

مثالٌ من واقع الحياة مقارنة البيانات

معدل درجة الحرارة القاهرة	الساقي	بغداد
٩٧٤٤٢	١	١١٦٧
٨٨٧٥٤٣١	٢	٢٢٥
٠٢١=١٢	٣	٢٤٤٥
٣٥=٣٥		

المصدر: ويكيبيديا (الموسوعة الحرة)

طقس: يبيّن التمثيل بالساقي والورقة المجاور
معدل درجات الحرارة الشهري لكل من
مديتي القاهرة وبغداد. فما المدينة التي تبيّن
فيها درجات الحرارة أكثر؟ وضّح إجابتك.

تتوزّع درجات الحرارة في مدينة بغداد خلال
العام، بينما تجتمع في مدينة القاهرة، وبالتالي فإن درجات الحرارة في مدينة بغداد
أكثر تبايناً.

تحقق من فهمك: استعمل درجات الاختبار أدناه:

درجات الاختبار		
الصف السادس ب	الساقي	الصف السادس أ
٨٨٣٢٢	٧	٣
٧٦٣١٠٠	٨	١٢٥٦٦٨٩٩
٣٢١١٠	٩	٠٢٢٣٣٣٥٦
٪٧٨=٨٧		٪٧٣=٧٣

ه) أي الصفين حصل على نتائج أعلى
في الاختبار؟ وضّح إجابتك.

و) أي الصفين كانت نتائج اختباره أكثر
تباعناً؟ وضّح إجابتك.

تأكد

المثال ١

مثل بالساقي والورقة كلاً من البيانات الآتية:

معدل أعمار					
العمر	الحيوان	العمر	الحيوان	العمر	الحيوان
١٥	الأسد	٣٥	الفيل الإفريقي	٤٠	الفيل الآسيوي
٦	الستجاب	٧	الشلبه	٢٠	الحصان
٤١	فرس النهر	١٥	البقرة	١٢	الماعز

المصدر: World Almanac For Kids

عدد الدول المشاركة في دورة الألعاب الأولمبية الصيفية (٢٠٠٤-١٩٦٠)									
السنة	الدول	٢٠٠٤	٢٠٠٠	٩٦	٩٢	٨٨	٨٤	٨٠	٧٦
١٣٦	١٢٨	١٠٣	٨٢	٦١	٤٢	٤٢	٤٤	٤٤	٢٩
									٢٢

المصدر: International Paralympic Committee

مدرسة: لحل الأسئلة ٣-٥ استعمل التمثيل المجاور الذي يبيّن درجات الطلاب في

مادة الرياضيات:

الورقة	الساقي
٥	٠٩
٦	٤٥٧٨
٧	٠٤٤٥٥٦٧٨٨
٨	٢٣٣٥٧٨
٩	٠١٠٥٩

ما الدرجتان العليا والدنيا في الاختبار؟

ما وسيط هذه الدرجات؟

اكتب جملة تصف الدرجات.

المثال ٢

كمية الدهن بالجرام في فطائر اللحم والدجاج

دجاج	الساقي	لحم
٩٨٥٥٣٣	٨	٠
٩٨٥٥٣٣	١	٠٥٩
٠	٢	٠٦
١٣=٣١ جم	٣	٠٣٦ جم
		٢٦=٢٦ جم

ما أعلى كمية دهون في كل نوع من أنواع

الفطائر؟

أيُّ أنواع الفطائر يحوي كمية أقل من الدهن
بصورة عامة؟ فسر إجابتك.

المثال ٣

طعام: استعمل تمثيل الساق والورقة المزدوج المجاور لحل السؤالين ٦ ، ٧:

٦

٧

مثل بالساق والورقة كلاً من البيانات الآتية:

عدد سكان بعض الدول العربية	
الدولة	عدد السكان لأقرب مليون
الأردن	٥
سوريا	٢٣
العراق	٣١
الإمارات	٤
اليمن	٢٤
السعودية	٣٠
السودان	٣٢
مصر	٨٠
الجزائر	٣٧

المصدر: ويكيبيديا (الموسوعة الحرة)

مساحات القارات لأقرب مليون كلم²	
القارة	المساحة
آسيا	٤٥
إفريقيا	٣٠
أمريكا الشمالية	٢٤
أمريكا الجنوبية	١٨
القطبية الجنوبية	١٤
أوروبا	١٠
أستراليا	٩

The World Almanac

الأسئلة	الإرشادات
للاسئلة	انظر الأمثلة
١	٩، ٨
٢	١٥ - ١٠
٣	١٩ - ١٦

تحليل الجداول: لحل الأسئلة ١٥ - ١٥

استعمل الجدول المجاور.

١٠ ما متوسط هذه الأسعار؟

١١ مثل الأسعار بالساق والورقة.

١٢ أيُّ هذه الأسعار أعلى؟

١٣ ما عدد الألعاب التي يقل سعرها عن ٥٠ ريالاً؟

١٤ ما وسيط أسعار الألعاب بالريال؟

١٥ اكتب جملة تصف أسعار الألعاب.

تحليل الجداول: لحل الأسئلة ١٦ - ١٩

استعمل المعلومات المجاورة الممثّلة بالساق

والورقة تمثيلاً مزدوجاً:

١٦ ما أعلى درجة في الفصل (ب)؟

١٧ ما أقل درجة في الفصل (أ)؟

١٨ ما عدد طلاب الفصل (أ)؟

١٩ قارن بين الوسيطين لدرجات الفصلين.

درجات الاختبار الشهري لفصلين في العلوم

الفصل (أ)	الفصل (ب)	الساق
٢٣٣٣٤٦٨٩٩	٠	٨٧٧٧٦٦٣٢
٠٠٠١٢٢٦	١	٥٤٣
١٠ = ١٠	١٠ = ١٠	١٣ = ٣١

٢٠ جمع البيانات: مثل بالساق والورقة أطوال طلاب فصلك بالستمتراط، ثم

اكتب عدة جمل تصف هذه البيانات وتحلّلها.

٢١ تحدٌ: مثل بالساق والورقة مجموعة بيانات تتتألف من ١٠ قيم على الأقل،

بحيث تكون القيمة العظمى ٧٠ والمدى ٥٠ والوسيط ٢٥.

مسائل
مهارات التفكير العليا



٢٢

يبين التمثيل بالساقي والورقة أدناه كمية البروتين بالجرام في بعض الأطعمة.

كمية البروتين (جم)

		السائل، المكسرات، البقوليات	منتجات الألبان
		الساقي	البذور، المكسرات، البقوليات
٩	٨	٧	٧
٨	٧	٧	٦
٧	٦	٥	٥
٦	٥	٤	٤
٥	٤	٣	٣
٤	٣	٢	٢
٣	٢	١	١
٢	١	٠	٠
١	٠		
٦٢ جراماً		٣٩ جراماً	

أي جملة مما يأتي صحيحة وفقاً لهذا التمثيل؟

أ) وسيط كمية البروتين في منتجات الألبان هو ٩ جرامات.

ب) الفرق بين أكبر قيمة وأقل قيمة لكمية البروتين في منتجات الألبان هو ٢٨

ج) متوسط كمية البروتين في البذور والمكسرات والبقوليات أكبر من متوسطها في منتجات الألبان.

د) أكبر قيمة لكمية البروتين في البذور والمكسرات والبقوليات هي ٩٣

مراجعة تراكمية

٣٣

مثل مجموعة البيانات الآتية بالصندوق وطرفيه.

٢٢، ٢٥، ٣٦، ٤٢، ٣٣، ٤٥، ٧٦، ٣٣، ٥٣، ٤٤، ٢٩، ٣٧، ٣٦، ٤٢ (الدرس ٩ - ٦)

أرباح محل تجاري هي ستة أيام متالية	
اليوم	المبلغ (ريال)
السبت	١٤٥٩
الأحد	١٤٥٠
الاثنين	١٢٤٣
الثلاثاء	٢٣٤٨
الأربعاء	٩٨١
الخميس	١٩٠٠

أرباح: استعمل الجدول المجاور للإجابة عن السؤالين ٢٤، ٢٥ (الدرس ٩ - ٥)

٢٤) أوجد كلاً من: المدى، الوسيط، الربع الأعلى، الربع الأدنى، المدى الريعي.

٢٥) أوجد القيم المتطرفة.

الاستعداد للدرس اللاحق

٢٦

مهارة سابقة: أوجد كلاً من المتوسط والوسيط لكل مجموعة من البيانات فيما يأتي: (الدرس ٩ - ٤)

٧٢، ٦٢، ٧٤، ٨٦، ٨٥، ٦٧، ٦٦، ٧٥

٢٧

١٨، ١٦، ١٧، ٥٦، ٢١، ٢٠، ١٥، ١٦، ١٦، ٢١، ٢٨، ٢٠



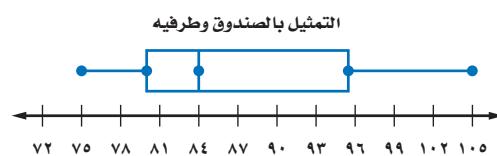
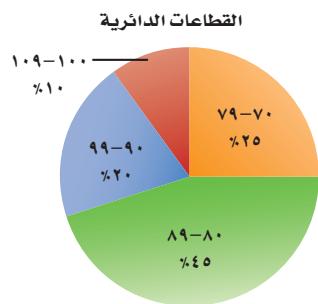
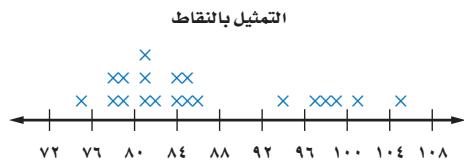


اختيار طريقة التمثيل المناسبة

٨ - ٩

استعَدْ

رياضية: سُجلت كتل مجموعه من الملاكمين بالكيلوجرامات ثم مُثلت بالطائق الآتية:



أيُّ الطائق تظهر عدد الملاكمين كتلهم ٨٤ كجم بالضبط؟

أيُّ الطائق تظهر فترة الكتلة لنصف عدد الملاكمين؟

إذا أردت اختيار أنساب طريقة لتمثيل البيانات، فعليك أن تفكّر في نوعها، وما الذي تريد عرضه، أو إبرازه من خلال التمثيل.

اختيار طريقة التمثيل المناسبة

مثال

تنظيم الوقت: اختر طريقة التمثيل المناسبة التي توَضِّح كيفية قضاء أجزاء اليوم في إنجاز نشاطات مختلفة. فسر سبب اختيارك.

بما أن الرسم يتعلّق بجزء من كل، فإن التمثيل بالقطاعات الدائرية سيكون اختياراً مناسباً لتمثيل هذه البيانات.

تحقق من فهمك ✓

اختر طريقة التمثيل المناسبة لكلٌ مما يأتي:

- توزيع عدد سكان المملكة العربية السعودية بحسب الفئات العمرية.
- انتشار أعلى معدل سرعة لمئة نوع من السيارات.



فكرة الدرس:

أختار طريقة التمثيل المناسبة لمجموعة البيانات.

التمثيل الإحصائي

نوع التمثيل	يُفضل استعماله
التمثيل بالأعمدة	عند توضيح عدد القيم لكل صنف من أصناف البيانات.
الصندوق وطرفة	عند توضيح مقاييس التشتت لمجموعة من البيانات.
القطاعات الدائرية	عند مقارنة جزء من البيانات بالنسبة إلى المجموع.
المدرج التكراري	عند توضيح تكرار البيانات الموزعة في فئات متساوية.
التمثيل بالخطوط	عند توضيح تغير البيانات في فترة زمنية معينة.
التمثيل بالنقطاط	عند توضيح تكرار كل قيمة من قيم البيانات.
الساق والورقة	عند عرض قيم البيانات بصورة فردية مكثفة.
أشكال فن	عند توضيح ارتباط المفردات بعضها البعض من خلال مجموعات متراقبة في البيانات.

إرشادات للدراسة

مراجعة

يمكنك مراجعة دروس
التمثيل بالخطوط والأعمدة
وأشكال فن .

إنشاء التمثيل البياني المناسب

مثال

حجاج : اختر الطريقة الأنسب لتمثيل البيانات في الجدول الآتي للتنبؤ بعدد حجاج بيت الله الحرام لعام ١٤٣٩ هـ ؛ وبرر إجابتك، ثم مثل البيانات.

حجاج بيت الله الحرام (مليون)							
السنة	عدد الحجاج	السنة	عدد الحجاج	السنة	عدد الحجاج	السنة	عدد الحجاج
١٤٣٨	٢,٣٥٢	١٤٣٧	١,٨٦٣	١٤٣٦	١,٩٥٣	١٤٣٥	٢,٠٨٥
١٤٣٤	١,٩٨	١٤٣٣	٣,١٦٢	١٤٣٢	٢,٩٢٨	١٤٣١	٢,٠٨٥

المصدر: الهيئة العامة للإحصاء



تغير هذه البيانات مع مرور الزمن.
إذن تمثيل البيانات بالخطوط تُعد
الطريقة الأنسب لتمثيل البيانات.



الربط بالحياة:
لعبت التوسعات المستمرة التي شهدتها أروقة الحرمين الشريفين والمشاعر المقدسة وكذلك الارتفاع بالخدمات والبنية التحتية من مواصلات وطرق ومطارات وفنادق سكنية ومخيمات للحجاج في المشاعر المقدسة وغيرها من الخدمات المقدمة من حكومة المملكة دوراً كبيراً في ارتفاع أعداد الحجاج القادمين لأداء فريضة الحج خلال السنوات الماضية.

تحقق من فهمك:

ج) محيطات: يبيّن الجدول

المجاور مساحات المحيطات
الخمسة بالأميال المربعة. اختر
الطريقة الأنسب لتمثيل البيانات،
ثم مثلها.

المحيط	المساحة بالأميال المربعة
الشمالي	٥٤٢٧٠٠
الأطلسي	٢٩٦٣٧٠٠
الهندي	٢٦٤٦٩٠٠
الهادئ	٦٠٠٦٠٧٠٠
الجنوبي	٧٨٤٨٣٠٠

المصدر: Info Please

المثال ١

- اختر طريقة التمثيل الأنسب لكل نوع من البيانات. فيما يأتي، وبرّر اختيارك:
- ١ عدد طلاب الصف الثاني المتوسط الحاصلين على التقديرات: ممتاز، جيد جداً، جيد، مقبول.
 - ٢ مبيعات أحد أنواع العباءات مقارنة ببقية الأنواع.

المثال ٢

- اختبار:** درجات اختبار الرياضيات لأحد فصول الصف الثاني المتوسط.

درجات اختبار الرياضيات للصف الثاني المتوسط																	
٩٨	٧٧	٨٩	٦٣	٧١	٧٩	٨١	٩٦	٨١	٨٥	٨١	٩٢	٧٧	٦٨	٧٢			
٧٤	٨٥	٧٢	٨٥	٩٢	٩١	٧٣	٨٥	٧٧	٧٨	٦٧	٩١	٨٨	٧٤	٨٨			

تدريب وحل المسائل
ارشادات للأسئلة

الأسئلة	انظر الأمثلة
١	٩ - ٤
٢	١٣ - ١٠

- اختر طريقة التمثيل الأنسب لكل نوع من البيانات فيما يأتي، وبرّر إجابتك:
- ٤ عدد مشتركي الهواتف النقالة للسنوات الخمس الأخيرة.
 - ٥ مجموع نقاط سائقي رالي السيارات الفائزين بالمراتب العشر الأولى.
 - ٦ توزيع دخل الأسرة على المتطلبات المنزلية.
 - ٧ وسيط نتائج اختبار مادة الإنجليزي لأحد الصفوف.
 - ٨ كمية استهلاك الوقود لسيارات طراز ٢٠١٨.
 - ٩ أعداد المواطنين الذين يتقنون اللغة الإنجليزية أو الفرنسية أو الألمانية في المملكة العربية السعودية.

اختر طريقة التمثيل الأنسب لكل مسألة فيما يأتي، وبرّر إجابتك، ثم مثلها:

متوسط أطوال البناء	
الطول (بوصة)	العمر بالستونات
٥٦,٤	١٠
٥٩,٦	١١
٦١,٤	١٢
٦٢,٦	١٣
٦٣,٧	١٤
٦٣,٨	١٥

١١

أنواع الرياضات المفضلة عند الطلاب في إحدى المناطق التعليمية	
عدد الطلاب (آلاف)	النوع
١٠,١	كرة القدم
٩	كرة الطاولة
٨,٩	السباحة
٧,٦	ركوب الدراجات
٦,٢	الجري
٦,٢	الكرة الطائرة
٥,٥	كرة السلة

١٠

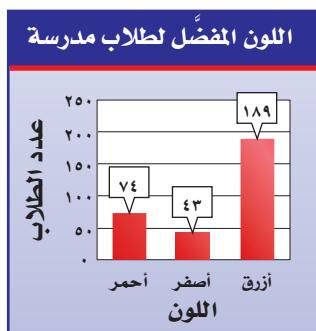

الحيوانات المهددة بالانقراض	
الصنف	عدد الأنواع
الثدييات	٦٨
الأسماك	٧٤
الزواحف	٢٦
الطيور	٧٧
اللافقاريات	١٥٣

المصدر: National Health and Nutrition Examination Survey

١٢ **حيوانات:** أنشئ أنساب طريقة لتمثيل البيانات في الجدول المجاور.

١٣ **ألبان:** قامت إحدى شركات إنتاج الألبان بمسح لنكهة الحليب المفضلة فتبين أن ٥٩ شخصاً يفضلون نكهة الشوكولاتة، و١٤ شخصاً يفضلون نكهة الفواكه، و١٨ شخصاً أحبو النكهتين. وأشخاص لم يحبوا أيّاً من النكهتين. مثل هذه البيانات على نحو مناسب.

ألوان: للإجابة عن السؤالين ١٤ ، ١٥ ارجع إلى التمثيلين البيانيين الآتيين ثم اختر طريقة التمثيل التي تناسب الإجابة عن كل سؤال؛ وبرّر سبب اختيارك :



١٤ ما عدد الطالب الذين يفضلون اللون الأحمر فقط؟

١٥ ما عدد الطالب الذين يفضلون اللون الأزرق؟

١٦ **جمع البيانات:** أجري دراسة إحصائية على طلاب صفك حول نوع النشاط المفضل لديهم، واستعمل لذلك بيانات يمكن تمثيلها بأشكال فن، ثم مثلها.

١٧ **مسألة مفتوحة:** أعطِ مثالاً على مجموعة بيانات يمكن تمثيلها بالقطاعات الدائرية.

مسائل
مهارات التفكير العليا

تحدّ: للأسئلة ١٨ - ٢٠: حدد ما إذا كانت الجمل الآتية صحيحة دائمًا أو أحياناً أو غير صحيحة أبداً. ووضح إجابتك.

١٨ يمكن تمثيل بيانات المدرج التكراري بالقطاعات الدائرية.

١٩ يمكن تمثيل بيانات أشكال فن باستعمال الخطوط.

٢٠ يمكن تمثيل البيانات الممثلة بالنقاط باستعمال الصندوق وطرفيه.

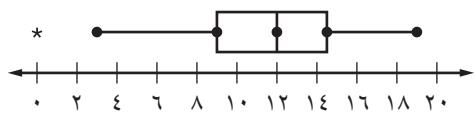
اكتب ٢١ قارن بين التمثيل بالأعمدة والتمثيل بالمدرج التكراري، ومتى يكون استعمال المدرج التكراري مناسباً أكثر من الأعمدة؟





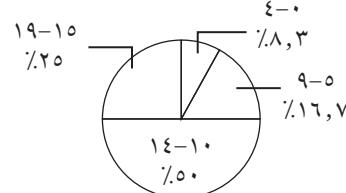
سؤال محمد ٢٤ طالبًا في فصله عن عدد الساعات التي يقضيها كل منهم أسبوعياً في استعمال الإنترنت.
أي التمثيلات الآتية يعد الأفضل لعرض إجابة كل طالب؟

عدد ساعات استعمال
الإنترنت أسبوعياً



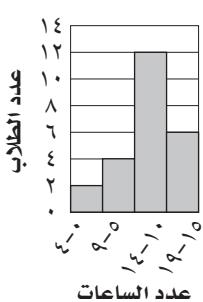
(ج)

عدد ساعات استعمال
الإنترنت أسبوعياً



(أ)

عدد ساعات استعمال
الإنترنت أسبوعياً



(د)

عدد ساعات استعمال
الإنترنت أسبوعياً

النطاق	الرقم
٠-٢	٣
٣-٥	٥
٦-٨	٧
٩-١١	٨
١٢-١٤	١٢
١٥-١٧	٤
١٨-٢٠	٤
٢١-٢٣	٦
٢٤-٢٦	٨
٢٧-٢٩	٩

(ب)

مبيعات أحد محل الذهب (مئات الجرامات)	
٤٢,٨	السبت
٣٠,٥	الأحد
٢٤,٩	الاثنين
٢٤,٥	الثلاثاء
٢٠,٢	الأربعاء
١٨,٤	الخميس
١٢٠,٧	الجمعة

مراجعة تراكمية

٣

مثل بالساقي والورقة البيانات الآتية:

٩، ٢٧، ٣٧، ١٤، ٢١، ١٨، ١٥، ١٢ (الدرس ٩ - ٧)

مثل بالصندوق وظرفه كل مجموعة من البيانات فيما يأتي: (الدرس ٩ - ٦)

٣٥، ٤٠، ٣٦، ٣٤، ٥٠، ٥٥، ٨٠، ٤٣، ٤٥، ٤٢، ٣٨، ٤٢ (الدرس ٩ - ٣)

٥٩، ٥٢، ٦٥، ٤٩، ١٥، ٥٢، ٤٤، ٤٧، ٦٣، ٦٧، ٥٨، ٥٢ (الدرس ٩ - ٥)

ذهب: استعمل الجدول المجاور الذي يبيّن المبيعات اليومية لأحد محل الذهب في حل الأسئلة ٢٦-٢٨ (الدرس ٩ - ٥)

٢٦

أوجد كلاً من المدى، الوسيط، الربع الأعلى، الربع الأدنى، المدى الربيعي.

٢٧

أوجد القيم المتطرفة.

٢٨

صف هذه البيانات.



اختبار الفصل

١١ اختيار من متعدد: حصلت أسماء على الدرجات الآتية في أربعة اختبارات: ٨٥، ٧٠، ٩٠، ٨٥. إذا استثنى معلمتها أدنى درجة منها، فأيُّ القيم التالية ستزداد؟

- أ) المنوال
- ب) المتوسط
- ج) الوسيط
- د) المدى

١٢ اختيار من متعدد: كانت مبيعات أحد المراكز التجارية بالولايات مدة أسبوع على النحو الآتي:

١٥٦٩٦، ١٩٠٨٠، ٢٣٤٠٠، ١٨٠٠٠، ١٧٦٠٤، ٢٣٤٠٠

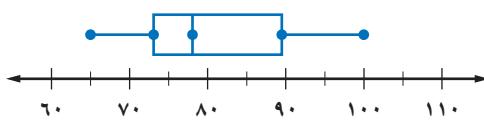
أيُّ مقاييس النزعة المركزية الآتية تُظهر المبيعات أكثر من غيرها؟

- أ) المنوال
- ب) الوسيط
- ج) المتوسط
- د) المدى

١٣ درجات: كم تقدّر النسبة المئوية للدرجات في

التمثيل أدناه الأكبر من أو تساوي ٧٨؟

درجات اختبار العلوم



١٤ أجهزة عرض الأقراص المدمجة: اختر

أنسب طريقة لتمثيل معدل أسعار أجهزة عرض الأقراص المدمجة للسنوات العشر الأخيرة. وبرّر إجابتك.

العدد	الفصل
١٣	أ
٢٨	ب
٣٦	ج
٩	د
٢٧	هـ
٣٠	و

١٥ مدارس: الجدول الآتي يمثل عدد الطلاب الحاصلين على تقدير جيد جدًا في ستة فصول من الصف الثاني متوسط ، مثل هذه البيانات باستعمال الصندوق وطريقه. والورقة.

١٦ الكربوهيدرات: أنشئ جدولًا لتحديد عدد جرامات الكربوهيدرات الأكثر تكرارًا.

مقادير الكربوهيدرات هي أنواع مختلفة من

الحبوب (جم)

٤٤	٢٢	٣٢	٢٤	٣٨	٤٤	٣٤	١٥
٣٢	٢٢	٣٣	٢٤	١٥	٣٢	١٥	٣٢
٣٢	٣٣	٤٤	٣٣	٢٤	٣٢	٢٤	٣٤

١٧ كرة القدم: استعمل الجدول الآتي في الإجابة عن

الأسئلة ٥ - ٢:

عدد البطولات التي فازت بها فرق كرة القدم

٧	٢٤	٦	٣٥	٢١	١٠	١٧	١٤	٣	٧
٣٨	٥	١٣	٩	٢٠	٧	٦	٢	٤٢	٣

١٨ اختر فئات مناسبة وأنشئ جدولًا تكراريًّا للبيانات.

١٩ أنشئ مدرجاً تكراريًّا.

٢٠ ما عدد الفرق التي تم تمثيلها؟

٢١ ما نسبة الفرق التي أحرزت أكثر من ٢٠ بطلة؟

٢٢ رحلات: تمثل القائمة الآتية أعمار المشتركين في رحلة

عائلية، استعملها في الإجابة عن الأسئلة ٦ - ١٠:

٣٨، ٣٥، ٣٢، ١٩، ٢٦، ٢٥، ٣٦، ٧٥

١٧، ٤٠، ٢٢، ٢٣، ١٦

٢٣ أوجد كلاً من المتوسط والمنوال والوسط والمدى.

٢٤ اختر أحد مقاييس النزعة المركزية لوصف البيانات.
وببرّر سبب اختيارك.

٢٥ أوجد كلاً من الربع الأعلى والأدنى ونصف المدى الربيعي.

٢٦ مثل البيانات باستعمال الصندوق وطريقه.

٢٧ إذا اشتراك عضو جديد في الرحلة وأصبح متوسط الأعمار ٣٠، فكم يبلغ عمره؟

الاختبار التراكمي (٩)

اختيار من متعدد

القسم ١

٣ يبيّن الجدول الآتي عدد الساعات التي قرأ فيها عبدالعزيز القرآن الكريم خلال عدة شهور.

عدد ساعات قراءة القرآن الكريم							
الشهر	ربيع الأول	ربيع الآخر	رمضان	رمضان الآخرة	رمضان الأولى	رمضان الآخرة	رمضان
١٣٥	١٢٠	١٣٢	١٢٥	١٣٠	١٢٧	١٣٢	١٣٥

إذا قرأ عبد العزيز القرآن الكريم ١٩٥ ساعة في شهر رمضان الكريم، فأيُّ المقاديس الآتية سوف يتغير بدرجة أكبر من غيره؟

- أ) المتوسط
- ب) الوسيط
- ج) المنوال
- د) ستتغير جميعها بالمقدار نفسه

٤ كان مجموع الأهداف التي سجلها صالح في لعبة كرة اليد حتى قبل المباراة النهائية، ٤٥ هدفًا. وسجل في المباراة النهائية ٣ أهداف، وبذلك أصبح متوسط عدد الأهداف التي سجلها في المباراة الواحدة هدفين. لإيجاد عدد المباريات التي لعبها صالح، أو جد ناتج جمع ٤٥ و ٣ أو لا ثم ...

- أ) أضف العدد ٢ إلى المجموع
- ب) اطرح ٢ من العدد ٤٥
- ج) اضرب المجموع في العدد ٢
- د) اقسم المجموع على العدد ٢

٥ كانت درجات سميرة في (٧) اختبارات تقدمت إليها كما يأتي: ٧٥، ٩٠، ٧٥، ٨٨، ٨٦، ٨٤، ٨٠، ٨٤، ٨٦، ٨٨، ٧٥، ٩٠، ٧٥، أيُّ المقاديس الآتية يظهر أكثر من غيره أن درجات سميرة أعلى؟

- أ) المتوسط
- ب) الوسيط
- ج) المنوال
- د) المدى

اختر الإجابة الصحيحة:

١ يبيّن التمثيل بالساقي والورقة أدناه أعمار أفراد أسرة.

أعمار أفراد أسرة

الورقة	الساقي
١	٤ ٧ ٨
٢	٠ ٢
٣	٩
٤	٣

١٤ = ١٤ سنة

بالاعتماد على البيانات أعلاه، وسبيط الأعمار هو:

- أ) ١٨
- ب) ١٩
- ج) ٢٠
- د) ٣٣

٦ إذا كان متوسط أطوال طلاب الصف الثاني المتوسط والبالغ عددهم ٢٤ طالبًا هو ١٥٤ سم، وانتقل أحد طلاب الصف وطوله ١٤٤ سم إلى مدرسة أخرى، فأيُّ العبارات الآتية يمكن استعمالها لإيجاد متوسط أطوال الطلاب الجديد؟

- (أ) $\frac{144 - (24 \times 154)}{23}$
- (ب) $\frac{144 - (24 \times 154)}{24}$
- (ج) $\frac{154 - (24 \times 144)}{24}$
- (د) $\frac{24 - (24 \times 154)}{23}$



الإجابة المطولة

القسم ٣

أجب عن السؤال الآتي موضحا خطوات الحل:

١٠ لدى محل لتأجير الدراجات الهوائية ١٥ دراجة كبيرة الحجم، و ٢٢ دراجة متوسطة، و ١٩ دراجة صغيرة، و ٢٤ دراجة بثلاث عجلات.

- أ) استعمل تمثيلاً بيانيًا تبيّن فيه عدد الدراجات من كل نوع لدى هذا المحل.
- ب) استعمل تمثيلاً بيانيًا تبيّن فيه نسبة كل نوع من الدراجات إلى العدد الكلي للدراجات.
- ج) صف فائدة كلٌّ من التمثيلين السابقين.

٦ ما المساحة الجانبية للأسطوانة التي قطرها ١٠ م، وارتفاعها ٤ م؟

ج) ٥٠ ط

د) ٤٠ ط

حل المتابينة - ١٢ <- ٣ هو: ٧

أ) $n > 4$

ب) $n < 4$

٨ إذا كانت $D(s) = 2s - \frac{1}{3}s$ ، فما قيمة $D\left(\frac{2}{3}\right)$ ؟

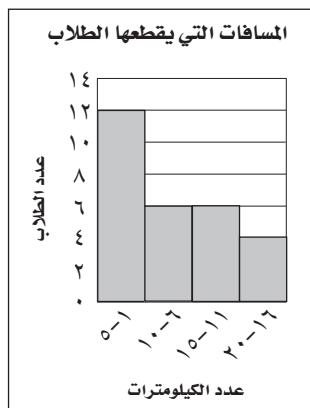
ج) ١

ب) $\frac{1}{3}$

الإجابة القصيرة

القسم ٢
أجب عن السؤال الآتي:

٩ يبيّن المدرج التكراري أدناه المسافات التي يقطعها بعض الطلاب للوصول إلى مدرستهم. ما النسبة المئوية للطلاب الذين يقطعون ١٦ كيلومتر أو أكثر مقارنةً بالجواب إلى أقرب ١٪؟



هل تحتاج إلى مساعدة إضافية؟

إذا لم تجرب عن السؤال

فراجع الدرس

١٠	٩	٨	٧	٦	٥	٤	٣	٢	١	
٨-٩	٢-٩	٢-٨	٧-٧	٦-٦	٤-٩	٤-٩	٤-٩	٤-٩	٧-٩	



الفصل الاحداث

١٠

الفكرة العامة

استعمل الاحداث النظري والتناسب في التنبؤ بالحوادث.

المفردات الرئيسية :

الناتج ص (١٨٤)

الحوادث المستقلة ص (١٨٩)

الحوادث غير المستقلة ص (١٩٠)

الربط بالحياة :

طب، يذكر الأطباء عادة لمرضاهن نسباً مئوية تشير إلى مقدار احتمال نجاح العمليات التي يجرونها لهم، ويعتمد تحديد هذه الاحداث على عدد من المؤشرات، منها نسبة نجاح العمليات التي أجريت لمرضى آخرين.

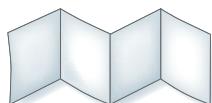
المطويّات

منظمه أفكار

الاحداث: اعمل هذه المطويّة لتساعدك على تنظيم ملاحظاتك.

ابدا بورقة A3 كما يأتي:

٢ اطوي كل نصف بصورة عرضية إلى أربع.



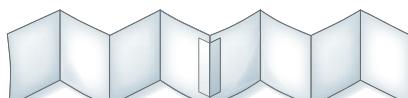
٤ سُمِّيَ الصفحات بالموضوعات الرئيسية، ثم أعد طي الورقة لتتصبح على صورة كتيب.



١ اطوي الورقة من المنتصف طولياً، ثم قصّها على طول خط الطyi.



٣ ابسط الجزأين، ثم أصقهما معًا كما في الشكل لتكونين قطعة واحدة طويلة.





التهيئة

انظر إلى المراجعة السريعة قبل بدء الإجابة عن الاختبار.

أجب عن الاختبار الآتي:

مراجعة للمراجعة

اختبار للريح

اقسم كلاً من البسط والمقام على
(ق.م.أ) وهو (٣).

مثال ١ :
اكتب الكسر $\frac{45}{51}$ في أبسط صورة.

$$\frac{15}{17} = \frac{45}{51}$$

مثال ٢ :
أوجد ناتج الضرب واكتبه في أبسط صورة: $\frac{3}{7} \times \frac{1}{7}$.
اقسم كلاً من ٦، ٣ على (ق.م.أ).
لهمما وهو (٣).

$$\frac{1}{14} = \frac{1}{2} \times \frac{1}{7} =$$

مثال ٣ :
أوجد ٢٠٪ من ١٧٠
استعمل النسبة المئوية
ضع ١٧٠ مكان ب، ٢٠ مكان ن
الضرب التبادلي
اضرب
اقسم كل طرف على ١٠٠

$$\frac{3400}{100} = \frac{1100}{100}$$

$$34 = 11$$

 هو ٣٤ ٢٠٪ من ١٧٠

اكتب كل كسر اعتيادي مما يأتي في أبسط صورة: (مهارة سابقة)
 ١ ٢ ٣ ٤

$$\frac{21}{99} \quad \frac{35}{60} \quad \frac{48}{72}$$

رحلة : قاد محمد سيارته لمدة ٤ ساعات في رحلة عائلية استغرقت ١٨ ساعة. اكتب هذا الجزء من الوقت على صورة كسر اعتيادي في أبسط صورة. (مهارة سابقة)

أوجد ناتج الضرب، واكتبه في أبسط صورة : (الدرس ١-٢)

$$\begin{array}{ll} 6 & \frac{8}{9} \times \frac{3}{4} \\ 5 & \frac{4}{7} \times \frac{7}{8} \\ 7 & \frac{2}{7} \times \frac{2}{4} \end{array}$$

حُلَّ كُلَّ مسألة مما يأتي: (الدرس ٤-٥)

- ٩ أوجد ٣٥٪ من ٩٠.
- ١٠ أوجد ٤٢٪ من ٣٤٠.
- ١١ ما قيمة ٦٠٪ من ٢٢٠؟
- ١٢ ما قيمة ٥٪ من ٧٢؟

دراسة مسحية : أجرت معلمة مسحًا شاملًا

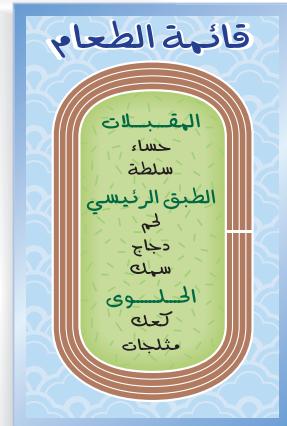
١٤٤ طالبة من طالبات المدرسة، فوجدت أن حوالي ٣٤٪ منها يفضلن تناول السلطة في أثناء وجبة الغداء.

فكم طالبة تفضل السلطة؟ (الدرس ٤-٥)





١١٠ عدد النواتج



استعد

مطعم: يمكن لرواد أحد المطاعم اختيار وجبة الطعام من القائمة المجاورة.

١ ما عدد اختيارات المقبلات؟ الطبق الرئيسي؟
الحلوى؟

٢ ضع قائمة بالوجبات المختلفة جميعها التي يقدمها المطعم.

الناتج: هو أيُّ واحد من الخيارات الممكنة لتجربة ما، وهناك ١٢ ناتجاً عند اختيار وجبة الطعام المكونة من : المقبلات والطبق الرئيسي والحلوى . أما **الحادثة**، فهي ناتج واحد أو مجموعة من النواتج.

وتشتمل القائمة المنظمة للنواتج التي تساعد على إيجاد العدد الكلي لنواتج الحوادث الممكنة بفضاء العينة. واستعمال **الرسم الشجري** هو أحد طرق إيجاد فضاء العينة.

استعمال الرسم الشجري

مثال

مطعم: استعمل الرسم الشجري لتحديد عدد الوجبات الممكنة في المثال السابق.

الناتج	مقبلات	طبق رئيسي	حلوى
حساء، لحم، كعك	كعك	لحم	
حساء، لحم، مثليجات	مثليجات	لحم	
حساء، دجاج، كعك	كعك	دجاج	
حساء، دجاج، مثليجات	مثليجات	دجاج	
حساء، سمنك، كعك	كعك	سمك	
حساء، سمنك، مثليجات	مثليجات	سمك	
سلطنة، لحم، كعك	كعك	لحم	
سلطنة، لحم، مثليجات	مثليجات	لحم	
سلطنة، دجاج، كعك	كعك	دجاج	
سلطنة، دجاج، مثليجات	مثليجات	دجاج	
سلطنة، سمنك، كعك	كعك	سمك	
سلطنة، سمنك، مثليجات	مثليجات	سمك	

وبذلك يوجد ١٢ وجبة طعام مختلفة في قائمة الطعام.

تحقق من فهمك

أ) استعمل الرسم الشجري لتحديد عدد النواتج عند إلقاء قطعة نقدية مرتين.

فكرة الدرس:

أحسب عدد النواتج باستعمال الرسم الشجري أو مبدأ العد الأساسي.

المفردات

الناتج

الحادثة

فضاء العينة

الرسم الشجري

مبدأ العد الأساسي

الحادثة العشوائية

الاحتمال



ويمكن أيضًا إيجاد العدد الكلي للنواتج باستعمال الضرب، وتُسمى هذه الطريقة **مبدأ العد الأساسي**.

مفهوم أساسٍ

مبدأ العد الأساسي

إذا كان عدد النواتج الممكنة للحادثة أ هي س، وللحادثة ب هي ص، فإنّ عدد النواتج الممكنة للحادثة أ متبوعة بالحادثة ب هي: $S \times C$.

استعمال مبدأ العد الأساسي

مثال من واقع الحياة

المسجد الحرام: استعمل المعلومات التي على يمين الصفحة لتحديد عدد الطرق المختلفة لدخول ثلاثة أشخاص إلى المسجد الحرام.

هناك ١٥٥ باباً لدخول المسجد الحرام.

وباستعمال مبدأ العد، فإنّ عدد الطرق = $155 \times 155 = 37223875$ يوجد ٣٧٢٢٣٨٧٥ طرقية لدخول ثلاثة أشخاص إلى المسجد الحرام.

تحقق من فهمك:

ب) غداء: يقدّم أحد المطاعم ٣ أصناف من الطعام بخمسة أنواع من التوابل، وهذه الأصناف قد تكون باللحم أو بدونه. فما عدد خيارات الطعام الممكنة؟

يُطلق على الحادثة **حادثة عشوائية**، إذا كانت فرص حدوث جميع نواتجها متساوية، وفي هذه الحالة **احتمال الحادثة** يساوي نسبة عدد نواتج الحادثة إلى العدد الكلي للنواتج.

أيجاد الاحتمال

مثال من واقع الحياة

صفوف: يتكون جدول يوم الإثنين للصف الثاني المتوسط من مواد: الرياضيات، والعلوم، والاجتماعيات، والتربية الإسلامية، والرياضة، واللغة العربية، واللغة الإنجليزية. فما احتمال أن تكون الحصص الثلاث الأولى هي الرياضيات، والرياضة، والاجتماعيات بالترتيب؟

أو جد أولًا عدد النواتج الممكنة: $210 = 5 \times 6 \times 7$

أي أن هناك ٢١٠ نواتج ممكنة، وفرصة واحدة لأن تكون الحصص الثلاث الأولى هي الرياضيات والرياضة والاجتماعيات بالترتيب.

ح (رياضيات، رياضة، اجتماعيات) = $\frac{1}{210}$ يوجد ترتيب واحد من ٢١٠ ترتيب.
ويمكن كتابة هذه النتيجة مقربة بصورة الكسر العشري ٠٠٥،٥ أو النسبة المئوية ٥٪.

تحقق من فهمك:

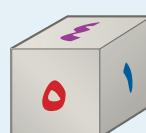
ج) ما احتمال أن يكون مجموع العددين الظاهرين هو ١٢ عند رمي مكعبي الأرقام؟



الربط بالحياة :

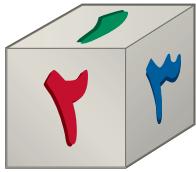
عدد أبواب المسجد الحرام ١٥٥
باباً أشهرها باب الملك عبدالعزيز، وباب الملك فهد،
وباب الفتح وباب العمرة.

ارشادات للدراسة



مكعب الأرقام

هو مكعب متذوب على أوجهه الستة الأرقام من ١ إلى ٦



- المثال ١** استعمل الرسم الشجري لتحديد جميع النواتج الممكنة عند رمي مكعب أرقام (٦-٦) مرتين.

المثال ٢ **تقنية :** يستعمل موظفو إحدى الشركات رموزاً للدخول إلى شبكة المعلومات الخاصة بالشركة، فإذا كان الرمز يتكون من حرفين هجائيين، يلي ذلك أربعة أرقام، فما عدد الرموز الممكنة للموظفين؟

المثال ٣ **ألعاب :** سُحبَت كرَةٌ مِنْ صَنْدُوقٍ يَحْوي كَرَاتٍ مُرَقَّمَةٍ (٠-٩)، وسُجِّلَ الرَّقْمُ، ثُمَّ أُعِيدَتِ الكرةُ إِلَى الصَّنْدُوقِ، فَإِذَا سُحبَتْ هَذِهِ الكرةُ أَرْبَعَ مَرَاتٍ، فَمَا احْتمَالُ تسجيْلِ الرَّقْمِ ١١١١؟

تدریب و حل المسائل

حدّد جميع النواتج الممكنة لحل كل مسألة مما يأتي باستعمال الرسم الشجري:

- ٤ إلقاء قطعة نقدية من الفئات الآتية: ريال، $\frac{1}{2}$ ريال، $\frac{1}{4}$ ريال.

٥ رمي مكعب الأرقام وقطعة نقود.

٦ سحب كرة بيضاء أو حمراء من الأحجام: صغيرة، متوسطة، كبيرة، وكبيرة جدًا.

٧ مبيعات محل لعصائر البرتقال والتفاح والفراولة، بحجمين: صغير وكبير.

للسادس

استعمل مبدأ العد لإيجاد عدد النواتج الممكنة لكل مما يأتي:

- ٨ اختيار أحد أيام الأسبوع عشوائياً ورمي حجر نرد.
 - ٩ رمي مكعب أرقام ٣ مرات.
 - ١٠ حل خمسة أسئلة من نوع الصواب والخطأ في اختبار التاريخ.
 - ١١ حل خمسة أسئلة من نوع الاختيار من متعدد ذي أربعة خيارات.

حلوى: يصنع محل حلوى خمسة أحجام من الكعك، وبأربع نكهات، وأربعة أنواع من الكريمة المغطاة. فكم عدد أنواع الكعك التي تصنّع في المحل؟

سيارات: تكون لوحة أرقام السيارات في المملكة العربية السعودية من ثلاثة أحرف وأربعة أرقام. فكم لوحة أرقام يمكن إصدارها؟

وردات: ت يريد كل من هديل ونجلاء إهداء وردة واحدة لوالدتهما، فإذا كانت هديل تفضل الوردات الحمراء والزنابق الصفراء، في حين تفضل اختها نجلاء القرنفل الأصفر والزنبق الأحمر والجاردينيا البيضاء والأقحوان البنفسجي؛ فما احتمال أن تختران الاشتنان ورديتين من اللون نفسه؟

أرقام هاتف: تدل الأرقام الثلاثة الأولى من أرقام الهاتف في إحدى الدول على المدينة التي يعيش فيها المستخدم، أما الأرقام الأربع الباقية، فهي عشوائية. فما احتمال أن تمثل الأرقام الأربع الأخيرة العام الهجري الحالي؟

الكترونيات: استعمل الجدول المجاور الخاص بجهاز تخزين إلكتروني في حل السؤالين ١٦ ، ١٧ :

اللون	السعة التخزينية
أزرق بنفسجي	٢٥٦ ميجابايت
أحمر زهري	٥١٢ ميجابايت
أخضر فضي	١ جيجابايت
أبيض أسود	٢,٥ جيجابايت

- ١٦ ما عدد اختيارات هذا النوع من الأجهزة اعتماداً على السعة التخزينية واللون؟
١٧ إذا أضفنا نوعاً آخر من أنواع الأجهزة الإلكترونية، فكم يصبح عدد الاختيارات المتوفرة؟

إذا سُحبت كرة واحدة من كل من الكيسين المجاورين، فاستعمل الرسم الشجري للإجابة عن السؤالين ١٨ ، ١٩ :



- ١٨ ما احتمال أن تكون إحدى الكرات على الأقل زرقاء؟
١٩ ما احتمال أن تكون إحدى الكرات على الأقل صفراء؟

غداء: استعمل المعلومات الآتية، لحل الأسئلة ٢٣ - ٢٠ :

قام أحد المطاعم بإعداد وجبات غداء لطلاب الصف الثاني المتوسط، بحيث تتكون كل وجبة من لحم أو دجاج، وأرز أبيض أو أصفر، وتفاح أو برتقالة أو موزة، وعلبة عصير أو ماء أو لبن.

- ٢٠ ما عدد الاختيارات المختلفة لوجبة الغداء؟
٢١ ما عدد الاختيارات التي تحتوي على تفاحة؟
٢٢ إذا تم اختيار وجبة غداء عشوائياً، فما احتمال أن تحتوي هذه الوجبة على موزة؟
٢٣ ما احتمال أن يحصل الطالب على وجبة غداء تحتوي على أرز أبيض ولبن؟

مسألة مفتوحة: أعطِ مثلاً لموقف له ١٥ ناتجاً ممكناً.

الحسُّ العدديُّ: يقدم مطعم ثلاثة أحجام من الفطائر: صغيرة ومتوسطة وكبيرة، ويستعمل لذلك نوعين من الجبن وأربعة أنواع من الخلطة، إذا أضاف إلى القائمة الحجم الكبير جداً، فبكم يزيد عدد أنواع الفطائر؟

تحدٌ: اكتب الصيغة الجبرية لإيجاد عدد نواتج رمي مكعب الأرقام س مرة.

اكتُب اذكر مَرْيَةً واحدة لتفضيل استعمال الرسم الشجري على مبدأ العد الأساسي.

مسائل
مهارات التفكير العليا



٢٨ يقدّم مطعم فطائر متنوعة، بحيث يختار الزبائن ما يفضلون من بين نوعين من الخبز وثلاثة أنواع من اللحوم.
أيُّ الجداول الآتية يمكن أن يمثل جميع الفطائر المختلفة التي يقدمها المطعم؟

نوع اللحم	نوع الخبز
عجل	أبيض
غنم	أبيض
دجاج	أبيض
عجل	بر
غنم	بر
دجاج	بر

(ج)

نوع اللحم	نوع الخبز
عجل	أبيض
غنم	أبيض
عجل	بر
غنم	بر

(ا)

نوع اللحم	نوع الخبز
عجل	أبيض
غنم	بر
دجاج	نخالة

(د)

نوع اللحم	نوع الخبز
عجل	أبيض
غنم	أبيض
دجاج	أبيض
عجل	بر
غنم	بر
دجاج	بر
عجل	نخالة
غنم	نخالة
دجاج	نخالة

(ب)

مراجعة تراكمية

حدد التمثيل الأنسب لكل موقف مما يأتي: (الدرس ٩ - ٨)

بيان نسبة الآيس كريم المبيعة من كل نكهة إلى مجمل المبيعات.

بيان أعداد الأشخاص الذين يحضرون الندوات الثقافية وفقاً لأعمارهم ضمن فئات متساوية لأعمارهم.

إحصاء: مثل بالساق والورقة مجموعة البيانات:

{٩ ، ٢٧ ، ٣٧ ، ١٤ ، ٢١ ، ١٨ ، ١٥ ، ١٢} (الدرس ٩ - ٧)

ما الحد التالي في المتتابعة الحسابية ١٠ ، ٧ ، ٤ ، ١ ، ... (الدرس ٨ - ١)

٢٩

٣٠

٣١

٣٢

٣٣

الالستدراخ للدرس اللاحق

مهارة سابقة: أوجد ناتج الضرب في كل مما يأتي:

$$\frac{3}{14} \times \frac{7}{12}$$

٣٤

$$\frac{3}{8} \times \frac{4}{5}$$

٣٣

$$\frac{9}{10} \times \frac{2}{3}$$

٣٦

$$\frac{5}{6} \times \frac{3}{10}$$

٣٥





احتمال الحوادث المركبة

الاستعاء

لون الجوارب	نوع القطعة
أحمر	ثوب
أزرق	غترة
أبيض	عقل
	لباس رياضي
	حذاء
	قميص

تنزيلات: أعلنت محل الملابس الرجالية عن إمكانية الحصول على جوارب مجانية عند شراء الزيتون لإحدى القطع من الجدول المجاور.

- ١ ما احتمال شراء ثوب؟ وما احتمال الحصول على جوارب زرقاء؟
- ٢ ما ناتج ضرب الاحتمالين في السؤال الأول؟
- ٣ استعمل الرسم الشجري لتحديد احتمال أن يشتري الشخص ثوباً ويحصل على جوارب زرقاء.

فكرة الدرس:

أجد احتمال الحوادث المستقلة وغير المستقلة.

المفردات

الحادثة المركبة

الحوادث المستقلة

الحوادث غير المستقلة

تمثل عملية شراء القطعة واستلام الجوارب المجانية حادثة مركبة، والحادثة المركبة تتكون من حادثتين بسيطتين أو أكثر.

وبما أن لون الجوارب لا يعتمد على نوع القطعة التي تم شراؤها، لذا تعد هذه الحوادث مستقلة، وفي الحوادث المستقلة لا يؤثر ناتج إحدى الحوادث في الحوادث الأخرى.

مفهوم أساسى

احتمال الحوادث المستقلة

التعبير лفظي: نجد احتمال حادثتين مستقلتين بضرب احتمال الحادثة الأولى في احتمال الحادثة الثانية.

$$\text{الرموز: } H(A \text{ و } B) = H(A) \times H(B)$$

الحوادث المستقلة

مثال

إذا تم اختيار إحدى بطاقات الأحرف وتدوير مؤشر القرص الدوار، فما احتمال أن يكون الناتج على كل منها حرف علة (و، أ، ي)؟

$$H(\text{ اختيار بطاقة تحمل حرف علة}) = \frac{2}{7}$$

$$H(\text{توقف القرص الدوار على حرف علة}) = \frac{1}{3}$$

$$H(\text{كلاهما حرف علة}) = \frac{1}{3} \times \frac{2}{7} = \frac{2}{21}$$

تحقق من فهمك:

استعمل بطاقات الأحرف ومؤشر القرص الدوار في إيجاد احتمال كُلّ مما يأتي:
أ) ح (كلا الحرفين أ). ب) ح (الحرفين متباينان).



الحساب الذهني

قد يكون من الأفضل
تبسيط الاحتمالات قبل
ضربها.

- استعمل مكعب أرقام وقرص دوار مقسم إلى خمسة ألوان متساوية في المساحة:
أحمر، أصفر، أزرق، أخضر، وبنفسجي في لعبة. فما احتمال أن يشير مؤشر القرص
إلى اللون الأزرق، ويظهر الرقم ٣ أو ٤ على مكعب الأرقام؟
- ١) $\frac{3}{11}$ ٢) $\frac{1}{4}$ ٣) $\frac{1}{15}$ ٤) $\frac{1}{3}$

اقرأ :

يتطلب السؤال إيجاد احتمال وقوف المؤشر على اللون الأزرق، وظهور أحد
الرقمين ٣ أو ٤ على مكعب الأرقام. الحادثان مستقلتان؛ لأن دوران المؤشر لا
يتأثر بنتائج رمي المكعب.

حل :

أولاً: أوجد احتمال كل حادثة.

$$\frac{\text{عدد مرات ظهور اللون الأزرق}}{\text{عدد النواتج الكلية}}$$

$$\frac{\text{عدد مرات ظهور العدد ٣ أو ٤}}{\text{عدد النواتج الكلية}}$$

$$\text{ح}(\text{المؤشر على الجزء الأزرق}) = \frac{1}{5}$$

$$\text{ح}(\text{ظهور الرقمين ٣ أو ٤}) = \frac{1}{3} = \frac{2}{6}$$

ثانياً: أوجد احتمال وقوع الحادثتين معاً.

$$\text{ح}(\text{أزرق و ظهور أحد الرقمين ٣ أو ٤}) = \frac{1}{5} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{15}$$

$$\text{ح}(أ \cap ب) = \text{ح}(أ) \times \text{ح}(ب).$$

$\frac{1}{15}$ = ضرب.

إذن فالاحتمال يساوي $\frac{1}{15}$ ، والإجابة الصحيحة هي (ج).

تحقق من فهمك:

ج) تتطلب لعبة رمي مكعبي أرقام لتحريك قطعها، فما احتمال ظهور أحد الرقمين
٢ أو ٤ على المكعب الأول، وظهور الرقم ٥ على المكعب الثاني؟

- ١) $\frac{1}{18}$ ٢) $\frac{1}{12}$ ٣) $\frac{1}{2}$ ٤) $\frac{1}{1}$

إذا تأثر ناتج إحدى الحادثتين بنتائج الحادثة الأخرى، فإن الحادثتين تكونان

حادثتين غير مستقلتين

مفهوم أساسى

احتمال الحوادث غير المستقلة

التعبير اللغطي: إذا كانت الحادثتان $A \cap B$ غير مستقلتين، فإن احتمال حدوثهما
معًا هو حاصل ضرب احتمال الحادثة A في احتمال الحادثة B
بعد حصول الحادثة A .

$$\text{ح}(A \cap B) = \text{ح}(A) \times \text{ح}(B \text{ بعد } A)$$

الرموز:



مثالٌ من واقع الحياةِ



فواكه: يوجد في سلة فواكه ٤ برتقالات، ٧ موزات و ٥ تفاحات. اختار مازن حبة فاكهة عشوائياً، واختار محمد أيضاً حبة فاكهة عشوائياً. أوجد احتمال أن تكون الحبتان تفاحاً؟ بما أنه لم يتم إعادة حبة الفاكهة الأولى، فإن الحادثة الأولى تؤثر في الحادثة الثانية، وتكون الحادثتان غير مستقلتين.

$$\text{عدد التفاحات} \rightarrow H(\text{الحبة الأولى تفاحة}) = \frac{5}{16}$$

$$\text{عدد حبات الفاكهة الكلي} \rightarrow H(\text{الحبة الثانية تفاحة}) = \frac{4}{15}$$

$$H(\text{الحبتان تفاحتان}) = \frac{1}{12} = \frac{\frac{5}{16}}{\frac{4}{15}}$$

تحقق من فهمك:

اعتماداً على المثال السابق، أوجد احتمال كلٍّ مما يأتي:

أ) ح(حبتا موز). ب) ح(حبة برتقال ثم حبة تفاح).

ج) ح(حبة تفاح ثم حبة موز). د) ح(حبتا برتقال).

تأكد

المثال ١

عند إلقاء قطعة نقد ورمي مكعب أرقام، أوجد احتمال كلٍّ مما يأتي:

١) ح(كتابة و ٣). ٢) ح(شعار و عدد فردي).

المثال ٢

اختيار من متعدد: استعمل مكعب أرقام وقرص دوار في لعبة. فإذا كان لمؤشر القرص فرص متساوية في الوقوف على أحد الألوان الثلاثة: أحمر وأصفر وأزرق، فما

احتمال أن يقف المؤشر على اللون الأحمر، ويظهر رقم زوجي على مكعب الأرقام؟

أ) $\frac{1}{2}$ ب) $\frac{1}{3}$ ج) $\frac{1}{6}$ د) $\frac{1}{12}$

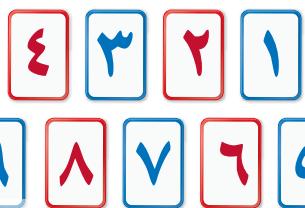
سُحبت بطاقة من البطاقات المجاورة دون إرجاعها، ثم سُحبت بطاقة أخرى، فأوجد

احتمال ما يأتي:

٤) ح(العددان زوجيان).

٥) ح(ظهور عدد أقل من ٤ ثم عدد أكبر من ٤).

المثال ٣





عند رمي مكعب أرقام، وسحب كرة من الكيس المجاور، أوجد احتمال كلٌ مما يأتي:

- | | |
|--|---|
| ح (٣ وبينسجي) ٧
ح (فردي وليس أحضر) ٩
ح (أكبر من ٤ وأزرق) ١١ | ح (١ وأحمر) ٦
ح (زوجي وأصفر) ٨
ح (أقل من ٤ وأزرق) ١٠ |
|--|---|

الإرشادات للأسئلة	
للاسئلة	انظر الأمثلة
١	١١-٦
٢	١٣، ١٢
٣	١٩-١٤

غسيل: تحتوي سلة غسيل على ١٨ جوربًا أزرق اللون و ٢٤ جوربًا أسود، فما احتمال سحب جوربين بلون أسود واحدًا تلو الآخر من السلة؟ ١٢

ألعاب: يلعب بندر بلوحة ألعاب تتطلب رمي مكعبين أرقام، حيث يحتاج إلى الحصول على المجموع ٦ في الرمية الأولى، والمجموع ١٠ في الرمية الثانية للحصول على مربعات إضافية. فما احتمال أن يحصل بندر على المجموع ٦ ثم المجموع ١٠؟ ١٣

يوضح الجدول المجاور ألوان الملابس الرياضية لطلاب أحد الفصول. فإذا اختير طالبان عشوائياً، فأوجد احتمال كلٌ مما يأتي:

العدد	اللون
٥	أزرق
٧	أصفر
٤	أحمر
٤	أخضر

- | | |
|---|--|
| ح (ملابسهما زرقاء) ١٤
ح (أصفر ثم أزرق) ١٦
ح (ملابسهما ليست حمراء) ١٩ | ح (أخضر ثم أصفر) ١٥
ح (أحمر ثم أزرق) ١٧
ح (ملابسهما خضراء) ١٨ |
|---|--|

مدارس: إذا علمت أن ٥٦٪ من طلاب إحدى المدارس يمارسون رياضة المشي، و ٤٤٪ لا يمارسونها، فاستعمل المعلومات في الجدول المجاور لحل السؤالين ٢١، ٢٠:

إذا اختير طالبان عشوائياً؛ فما احتمال أن يكون الطالب الأول ممارساً رياضة المشي، وأن يُفضل الطالب الثاني مادة العلوم؟ ٢٠

ما احتمال أن يكون الطالب الأول لا يمارس رياضة المشي، وأن لا يُفضل الطالب الثاني مادة اللغة الإنجليزية ولا مادة الرياضيات؟ ٢١

كتب: قرر طارق وصديقه قراءة كتاب من بين ٦ كتب أدبية و ٤ دينية و ٣ شعرية وكتابي تاريخ وكتاب علمي، فكتبا عنوانين هذه الكتب على قصاصات ورقية، ووضعها في صندوق، ثم اختار كل منهما كتاباً بصورة عشوائية. فما احتمال أن يختار أيٌّ منهما كتاباً أدبياً؟ وهل هذه الحادثة مستقلة أم غير مستقلة؟ ووضح إجابتك. ٢٢



٢٣ تسوق: وجد بقال أن ٦٠٪ من زبائنه ينفق كل منهم أكثر من ٧٥ ريالاً في كل زيارة، فإذا اشتري شخصان منه، فما احتمال أن ينفق كلاهما أكثر من ٧٥ ريالاً؟

٢٤ نقود: لدى حالة ٨ قطع معدنية من فئة «نصف ريال» و٦ قطع معدنية من فئة «الريال». فإذا سحب إحدى القطع دون إرجاعها، ثم سحب قطعة ثانية، فما احتمال أن تكون القطعتان من فئة «نصف ريال»؟ وهل الحادثتان مستقلتان أم لا؟ ووضح ذلك.

٢٥ مسابقات: يربح أحد المتسابقين العشرة سيارة جديدة عن طريق اختيار المفتاح الرابع عشوائياً من بين عشرة مفاتيح. أوجد احتمال ألا يسحب أول ثلاثة متسابقين المفتاح الرابع.



٢٦ دومينو: تتألف مجموعة الدومينو الاعتيادية من ٢٨ قطعة، كل قطعة منها مكونة من جزأين يحمل كل منهما نقاطاً من (٠-٦). فإذا كان ٧ من هذه القطع تحمل الرقم نفسه على الوجهين. واختار ٤ لاعبين قطعة عشوائياً، فما احتمال أن يختار كل منهم قطعة لها العدد نفسه من النقاط على الجزأين؟

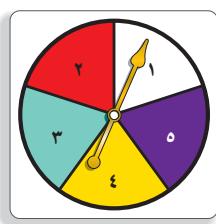
٢٧ طقس: توقّعت الهيئة العامة للأرصاد أن فرصة هطول الأمطار يوم الإثنين هي ٨٠٪، وأن فرصة هطول الأمطار يوم الثلاثاء هي ٣٠٪، أوجد احتمال هطول الأمطار يومي الإثنين والثلاثاء؟ افترض أن الحادثتين مستقلتان.

يعتقد أن أصل لعبة الدومينو من الصين، وأنها اخترعت في القرن الثاني عشر الميلادي.

٢٨ مسألة مفتوحة: يوجد في صندوق ٩ كرات بثلاثة ألوان مختلفة. اكتب مسألة تتعلق بسحب كرتين عشوائياً دون إرجاعهما إلى الصندوق على أن يكون الاحتمال $\frac{1}{6}$.

**مسائل
مهارات التفكير العليا**

٢٩ اكتشف الخطأ: تم تدوير القرص الدوار المجاور مرتين. وحسبت كل من منال وسارة احتمال أن يقف المؤشر على عدد زوجي في المرتين. فما هيما كانت على صواب؟ ووضح إجابتك.



$$\frac{2}{20} = \frac{2}{5} \times \frac{2}{5}$$

منال

$$\frac{4}{25} = \frac{2}{5} \times \frac{2}{5}$$

سارة

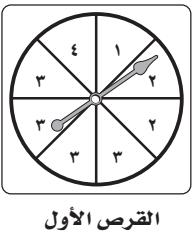
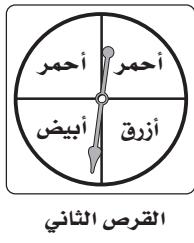
٣٠ تحدّد: حدّد ما إذا كانت الجملة الآتية صحيحة أم خاطئة، وإذا كانت خاطئة، فأعط مثلاً مضاداً: «إذا كانت الحادثتان مستقلتين، فإن احتمالهما معاً أقل من ١».

٣١ أكتب ما الفرق بين الحادثتين المستقلتين وغير المستقلتين؟





٣٣ أدار أحمد كلاً من مؤشري القرصين أدناه. ما احتمال أن يقف مؤشر القرص الأول على العدد ٢، ومؤشر القرص الثاني على اللون الأبيض؟



- (أ) $\frac{1}{16}$ (ب) $\frac{1}{5}$ (ج) $\frac{1}{4}$ (د) $\frac{3}{5}$

٣٤ أربع بطاقات كتب عليها الأرقام ١، ٢، ٣، ٤، إذا سحب عبدالله بطاقة منها بشكل عشوائي، واحفظ بها، ثم سحب سعد بطاقة أخرى، فما احتمال أن تحمل بطاقة سعد الرقم ٢ علمًا بأن البطاقة التي سحبها عبدالله تحمل الرقم ٤؟

- (أ) $\frac{1}{4}$ (ب) $\frac{1}{5}$ (ج) $\frac{1}{2}$ (د) $\frac{1}{3}$

مراجعة تراكمية

ملابس: لدى عبدالعزيز ٤ قمصان و ٥ بناطيل و ٣ معاطف. بكم طريقة مختلفة يمكن لعبدالعزيز أن يرتدي قميصاً وبنطالاً ومعطفاً؟ (الدرس ١٠ - ١)

تلفاز: اختار تمثيلاً مناسباً للبيانات الموضحة في الجدول أدناه مبرراً سبب اختيارك، ثم مثلاها. (الدرس ٩ - ٨)

مشاهدة البرامج الرياضية في التلفاز (للبالغين)					
العمر	النسبة المئوية	٢٤-١٨	٣٤-٢٥	٤٤-٣٥	٥٤-٤٥
%١٠	%٣٣	%٢٩	%١٤	%١٤	%١٤

قياس: أوجد حجم كُلّ مجسم مما يأتي، وقرب الجواب إلى أقرب جزء من عشرة إذا لزم الأمر: (الدرس ٦ - ٥)

هرم رباعي مساحة قاعدته ١٦٨ م٢، وارتفاعه ٧ م.

مخروط قطره ٢٢ سم، وارتفاعه ٢٤ سم.

الالستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: اكتب كل كسر مما يأتي في أبسط صورة.

$$\frac{24}{88} \quad ٤١$$

$$\frac{49}{70} \quad ٤٠$$

$$\frac{33}{90} \quad ٤٩$$

$$\frac{52}{120} \quad ٤٨$$





٣-١٠

الاحتمال النظري والاحتمال التجريبي

نشاط

اسحب كرة من صندوق يحوي ١٠ كرات من ألوان مختلفة، ثم سُجّل اللون وأعد الكرة إلى الصندوق، وكرر العملية ٥٠ مرة.

$$\text{أوجد النسبة} = \frac{\text{عدد مرات السحب}}{\text{عدد مرات السحب الكلي}}$$

هل يمكن ألا تُسحب كرة ذات لون محدد من الصندوق على الرغم من تكرار السحب؟

افتح الصندوق وعد الكرات وأوجد النسبة $\frac{\text{عدد الكرات من كل لون}}{\text{عدد الكرات الكلي}}$ لكل لون من الكرات.

هل النسبة في السؤال الأول تساوي النسبة في السؤال الثالث؟ وضح ذلك.

فكرة الدرس:

أجد كلاً من الاحتمالين:
النظري والتجريبي،
وأستعمل الاحتمال التجريبي في التنبؤ.

المفردات

الاحتمال النظري
الاحتمال التجريبي

تم تحديد الاحتمال في النشاط أعلاه عن طريق إجراء التجربة. وُسمى الاحتمالات المبنية على نواتج يتم الحصول عليها بهذه الطريقة **الاحتمالات التجريبية**.

أما الاحتمالات المبنية على حقائق وخصائص معروفة، فُسمى **الاحتمالات النظرية**. فمثلاً: يمكن حساب الاحتمال النظري لسحب كرة بلون معين من الصندوق؛ لأن الاحتمال النظري يزداد بما سيحدث دون إجراء التجربة.

مثالان

الاحتمال النظري والتجريبي

ما الاحتمال النظري لظهور العدد ١ مرتين عند رمي مكعبين أرقام؟

$$\text{الاحتمال النظري هو } \frac{1}{6} \times \frac{1}{6} = \frac{1}{36}$$

يبين الرسم المجاور نتائج تجربة رمي مكعبين أرقام بناءً على الاحتمال التجريبي، هل الحصول على مجموع ١٢ له فرصة حدوث كبيرة؟

بما أن المجموع ١٢ قد ظهر مرة واحدة من بين ٥٨ مرة، فإن الاحتمال التجريبي للحصول على هذا المجموع هو $\frac{1}{58}$ ؛ أي أنه لا توجد فرصة كبيرة للحصول على المجموع ١٢

تحقق من فهمك:

أ) بالرجوع إلى الرسم أعلاه واعتماداً على الاحتمال التجريبي، ما المجموع الذي له فرصة حدوث كبيرة؟



مثال من واقع الحياة

الطريقة	عدد الأشخاص
هاتف نقال	١٨٥
ساعة حافظ	٥٨
ساعة يد	٥٧

٣٠٠ وقت: أُجريت دراسة على ٣٠٠ شخص للوقوف على طريقة معرفتهم للوقت، فما الاحتمال التجريبي لاستعمال الشخص الهاتف النقال في ذلك؟
بما أن الدراسة تتكون من ٣٠٠ شخص من بينهم ١٨٥ شخصاً يستعملون الهاتف النقال لمعرفة الوقت، فيكون الاحتمال التجريبي هو $\frac{185}{300} \approx 62\%$.

تحقق من فهمك

ب) ما الاحتمال التجريبي لاستعمال ساعة اليد لمعرفة الوقت؟

يمكنك استعمال الخبرات السابقة لتوقع الحادثة في المستقبل.



الربط بالحياة:

كيف يستعمل مصممو الهواتف
النقالة الرياضيات؟

يسعد المصممون المعلومات
المبنية على الدراسات الإحصائية
لمساعدتهم على تحديد
المميزات والأشكال التي يفضلها
العملاء.

مثال استعمال الاحتمال في التنبؤ

٤ مصانع: وجد أحد الباحثين في أحد مصانع المصباح الزجاجية أن احتمال أن يكون المصباح الزجاجي غير تالف هو $\frac{8}{11}$ ، فهل هذا الاحتمال نظري أم تجريبي؟ وإذا أرادت الشركة الحصول على ١٠٠٠٠ مصباح زجاجي غير تالف، فكم مصباحاً عليها أن تصنع؟

هذا الاحتمال تجريبي؛ لأنّه يعتمد على ما حدث فعلاً. ولمعرفة كم عليها أن تصنع للحصول على ١٠٠٠٠ مصباح غير تالف نستعمل التنااسب:

$$\text{مصابح من سـ} \quad 10000 \quad \rightarrow \quad \frac{10000}{\text{سـ}} = \frac{8}{11} \quad \leftarrow \quad \begin{array}{l} \text{من أصل 11} \\ \text{غير تالفة.} \end{array}$$

حل التنااسب:

$$\begin{aligned} & \text{اكتب التنااسب} & \frac{10000}{\text{سـ}} = \frac{8}{11} \\ & \text{أوجد الضرب التبادلي} & 10000 \times 11 = 8 \times \text{سـ} \\ & \text{اضرب} & 110000 = 8 \times \text{سـ} \\ & \text{اقسم الطرفين على 8} & \frac{110000}{8} = \frac{8}{8} \times \text{سـ} \\ & & 13750 = \text{سـ} \end{aligned}$$

يجب أن تصنع الشركة ١٣٧٥٠ مصباحاً زجاجياً.

تحقق من فهمك

ج) دراسة إحصائية: أُجريت دراسة حديثة على ١٥٠ شخصاً، فأجاب ١٨ شخصاً منهم بأنّهم يستعملون اليد اليسرى، فإذا أُجريت هذه الدراسة على ٢٥٠٠ شخص، فكم تتوقع عدد الأشخاص الذين يستعملون اليد اليسرى منهم؟



استعمل الجدول المجاور الذي يظهر نتائج إلقاء ثلات قطع نقدية معاً ٥٠ مرة لحل الأسئلة ١ - ٣:
ما الاحتمال النظري للحصول على شعرين فقط؟

الناتج	الناتج	الناتج	الناتج
التكرار	الناتج	التكرار	الناتج
٦	ش ش ش	٣	ك ك ك
٥	ش ش ك	٦	ك ك ش
١٠	ش ك ش	٥	ك ش ك
٥	ش ك ك	١٠	ك ش ش

المثال ١

أوجد الاحتمال التجريبي للحصول على شعرين فقط.

المثال ٢

صف احتمال الحصول على شعرين عند إلقاء ٣ قطع نقدية؟ وضح إجابتك.

الكتاب	عدد الطالب
دينية	٤٨
علمية	٣٣
أدبية	٢٨
عامة	١١

استعمل المعلومات الواردة في الجدول المجاور، والذي يبيّن نتائج دراسة إحصائية عن الكتب المفضلة لدى الطلاب لحل السؤالين ٤ ، ٥:

ما احتمال أن يفضل الطالب الكتب الدينية؟

المثال ٣

كم تتوقع أن يكون عدد الطلاب الذين يفضلون الكتب الأدبية من بين ٩٠ طالباً آخرين؟

المثال ٤

تدريب و حل المسائل

رالي سيارات: استعمل المعلومات الآتية لحل السؤالين ٦ ، ٧: فاز سعيد خلال الأيام الأربع الأولى من سباق رالي السيارات بـ ٢٤ جولة من ٣٠ جولة.

ما احتمال أن يفوز في الجولة القادمة؟

وإذا اشتراك في ٥٠ سباقاً في هذا الموسم، فكم تتوقع أن يكون عدد مرات فوز سعيد؟

دراسة إحصائية: أظهرت دراسة إحصائية أن ١٢٠ شخصاً من بين ٢٠٠ يفضلون الأرز في وجة الغداء، بناءً على هذه الدراسة، حدد الاحتمال التجريبي لأن يفضل صديبك الأرز في وجة غدائها؟

الموقع	عدد الطالب
بحث	٣٢
الألعاب	١٣
علمي	١٠
بريد إلكتروني	٩
صحف	٧
حكومية	٤
منتديات	٣
شرعية	٢

الأسئلة	الإرشادات
١	انظر الأمثلة
٢ ، ٣	٩ ، ٦
٤	١١ ، ٨
	١٠ ، ٧

شبكة المعلومات: استعمل المعلومات الواردة في الجدول المجاور والذي يبيّن المواقع الإلكترونية التي زارها الطلاب في غرفة مصادر التعلم، لحل السؤالين ٩ ، ١٠:

ما احتمال أن يزور الطالب موقعًا علميًّا؟

كم تتوقع عدد الطلاب الذين زاروا موقعًا حكوميًّا من بين ١٠٠ طالب؟

١١ سيارات: باعت وكالة سيارات ٨٠ سيارة، منها ٣٥ سيارة صغيرة. فما الاحتمال التجريبي لأن تكون السيارات المباعة صغيرة؟

١٢ رياضة: أُجريت دراسة إحصائية على ٩٠ طالباً، ففضّل ٤٢ طالباً منهم كرة القدم، في حين فضل ٢٤ منهم السباحة، فإذا كان عدد طلاب المدرسة ٣٠٠ طالب، فكم توقع عدد الطلاب الذين يفضلون السباحة؟

لحل الأسئلة ١٣ - ١٥، استعمل الجدول المجاور الذي يظهر نتائج دوران مؤشر قرص مقسم إلى ٨ أقسام متساوية مرقمة من ١ - ٨.

التكرار	الرقم على القرص
٨	١
٥	٢
٩	٣
٤	٤
١٠	٥
٦	٦
٥	٧
٣	٨

١٣ قارن بين الاحتمال النظري والاحتمال التجريبي لوقوف المؤشر على الرقم ٥.

١٤ اعتماداً على الاحتمال التجريبي، كم تتوقع عدد مرات وقوف المؤشر على الرقم ٣ إذا دار القرص ٢٠٠ مرة؟

١٥ توقع وليد أن يقف المؤشر على الرقم ٤ أو ٨ في المرة القادمة. فهل هذا التنبؤ منطقي؟ وضح ذلك.

عدد الطلاب	نوع الفطيرة
٢٢	فطائر الجبن
١٩	فطائر اللحم
٣٠	فطائر الدجاج
١٦	فطائر البيض
١٣	فطائر اللبننة

١٦ طعام: قام مسؤول المقصف المدرسي بسؤال بعض الطلاب عن فطائرهم المفضلة؛ فكانت النتائج كما في الجدول المجاور، إذا قدم المقصف ٣٥٠ فطيرة، واختار كل طالب فطيرة واحدة منها، فكم تتوقع أن يكون عدد فطائر اللحم؟

١٧ مسألة مفتوحة: أُجريت دراسة إحصائية على ٢٥٠ شخصاً عن لونهم المفضل من الألوان (الأزرق، والأحمر، والأخضر، والأبيض). اعمل جدولأً لكل النتائج الممكنة فإذا كان الاحتمال التجريبي لأن يكون اللون المفضل هو اللون الأزرق هو ٤٠٪.

**مسائل
مهارات التفكير العليا**

١٨ تحدّ: وجدت دراسة إحصائية أن ٧٥ طالباً من أصل ٢٠٠ لديهم حذاء تزلج، وأن ٢٨٠ طالباً من أصل ٤٠٠ لديهم دراجة هوائية. فما احتمال أن يكون لدى الطالب حذاء تزلج ودراجة هوائية معًا؟

١٩ أكتب وضح لماذا لا تستطيع أن تتوقع أن يكون الاحتمال النظري والاحتمال التجريبي لحادثة ما متساوين.

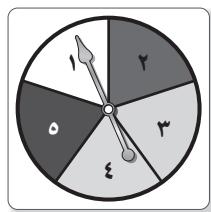




٢١ إجابة قصيرة: أدارت نوف مؤشر القرص

الدوار المبين، وسُجلَّت النتائج:

الرقم على القرص	عدد مرات الظهور
١	٢٠
٢	١٠
٣	٢
٤	٤٠
٥	٨



ما الاحتمال التجريبي لوقوف المؤشر على الرقم ٥ ؟

٢٠ في دراسة مسحية حول المادة الدراسية الأصعب

من وجهة نظر طلاب مدرسة متوسطة، كانت النتائج كما في الجدول أدناه:

المادة	الرياضيات	العلوم	اللغة الإنجليزية	اللغة العربية	الاجتماعيات	عدد الطلاب
٧٢	٣٨	٣٦	٣٢	٢٢		

وفقاً لهذه النتائج، ما الاحتمال التجريبي لأن تكون مادة اللغة العربية هي الأصعب؟

- (أ) $\frac{4}{25}$
 (ب) $\frac{9}{50}$
 (ج) $\frac{8}{25}$
 (د) $\frac{4}{5}$

مراجعة تراكمية

٨ بطاقات مرقمة من ١ إلى ٨، سُحبَت بطاقتان عشوائياً واحدة تلو الأخرى دون إرجاع الأولى، أُوجِدَ كلاً من الاحتمالين الآتيين. (الدرس ١٠ - ٢)

٢٢ زوجي ثم فردي

٢٣ تموينات: لدى محل تجاري أربعة أنواع من العسل، وثلاثة أنواع من الحليب. بكم طريقة مختلفة يمكن شخص أن يشتري نوعاً من العسل، وآخر من الحليب من ذلك المحل؟ (الدرس ١٠ - ١)

٢٤ إحصاء: أُوجِدَ كلاً من المدى، والوسط، والربعين الأعلى والأدنى، والمدى الربيعي، وأية قيم متطرفة لمجموعة القيم: ١١٥، ١١٧، ١١١، ١١١، ١٢١، ١١٠، ١٢٧، ١١٦، ١٢٦، ١١٥، ١٠٥، ١٢٢، ١٠٣، ١٠٠، ١١٥، ١٣٠، ١٠١، ١٣٠، ١٠٨، ١٠٠، ١٠١ (الدرس ٩ - ٥)

٢٥ صحة: اكتب متباينة تمثل الجملة: "زيادة عدد دقات قلبك على ١٠٠٠٠٠ مرة في اليوم". (الدرس ٧ - ٦)

الاستعداد للدرس اللاحق

٢٦ مهارة سابقة: أرادت فدوى أن تؤدي واجبها المترولي، وهو عدد من المسائل الرياضية؛ وقد حلّت نصفها قبل صلاة المغرب، ثم حلّت سبع مسائل أخرى بعد المغرب، وبقي عليها إحدى عشرة مسألة. فكم كان عدد مسائل واجب فدوى المترولي؟ (استعمل استراتيجية الحل عكسياً).



اختبار منتصف الفصل

الدروس من ١٠١ إلى ١٠٣

٨ اختيار من متعدد: سُحب بطاقة من عشر بطاقات مرقمة من ١ إلى ١٠ واحدة تلو الأخرى، ما احتمال أن يكون مكتوب على كل منها عدداً زوجياً إذا أعيدت البطاقة المسحورة أولاً إلى مجموعة البطاقات؟ (الدرس ٢ - ١٠)

- | | |
|-------------------|-------------------|
| (أ) $\frac{1}{5}$ | (ج) $\frac{1}{4}$ |
| (ب) $\frac{3}{8}$ | (د) $\frac{2}{9}$ |

٩ طعام: أظهرت دراسة إحصائية أن ١٣٥ شخصاً من بين ٢٢٥ شخصاً يفضلون الشوربة في وجبة الغداء. بناءً على هذه الدراسة، كم شخصاً من بين ٨٠ شخصاً آخرين تم سؤالهم يتوقع أنهم يفضلون الشوربة في وجبة الغداء؟ (الدرس ٣ - ١٠)

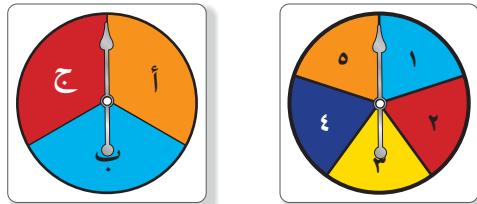
١٠ أليت: قطعة نقدية ٣ مرات، وظهر الشعار على القطعة في المرات الثلاث. ما الاحتمال النظري لظهور الكتابة إذا رميتك مرتين؟ (الدرس ٣ - ١٠)

١١ اختيار من متعدد: يحتوي إناء على ٣٦ كرة ملونة لها الحجم نفسه من اللون الأزرق والأخضر والأحمر والأصفر. ما عدد الكرات الزرقاء في الإناء، إذا كان احتمال سحب كرة زرقاء من الإناء دون النظر إليها هو $\frac{4}{9}$ ؟ (الدرس ٣ - ١٠)

- | | |
|-------|--------|
| (أ) ٤ | (ج) ١٦ |
| (ب) ٨ | (د) ١٨ |

١ سفر: استعمل الرسم الشجري لإيجاد عدد النوافج الممكنة للسفر من المدينة A إلى المدينة B مروراً بالمدينة ج، علمًا بأنه يمكن للشخص السفر من A إلى ج بالحافلة أو بالطائرة، ومن ج إلى ب بالحافلة أو بالطائرة أو بالقطار؟ (الدرس ١ - ١٠)

إذا تم تدوير مؤشر القرصين الدائريين أدناه، فما عدد النوافج الممكنة؟ (الدرس ١ - ١٠)



يوجد في صندوق ٣ أقلام سوداء، وقلمان حمراوان، و٤ أقلام صفراء، وقلمان برتقاليان، و٣ أقلام خضراء. سُحب فاطمة قلماً ولم تُعده إلى الصندوق، ثم سُحبت قلماً آخر. أوجد الاحتمالات الآتية: (الدرس ٢ - ١٠)

٣ ح (القلمان سوداوان)

٤ ح (القلمان خضراوان)

٥ ح (الأول أصفر، والثاني أحضر)

٦ ح (القلمان غير برتقاليين)

٧ ح (ليس فيهما قلم أحمر ولا أصفر)





استراتيجية حل المسألة

١٠

فكرة الدرس : أحل المسائل باستعمال استراتيجية «تمثيل المسألة».

تمثيل المسألة.

مصطفى : سأتقدم إلى اختبار في اللغة العربية، فهل تعتقد أن طريقة إلقاء قطعة نقدية ستكون طريقة جيدة لحل (٥) أسئلة من نوع الصواب أو الخطأ.

مهمنتك : مثل المسألة لتحديد ما إذا كان إلقاء قطعة نقدية طريقة جيدة لإجابة أسئلة من نوع الصواب أو الخطأ.



عدد أسئلة الصواب أو الخطأ في الاختبار (٥)، يمكنك القيام بالتجربة لاختبار ما إذا كان إلقاء القطعة النقدية طريقة جيدة لحل الأسئلة والحصول على علامة جيدة.

افهم

الآن قطعة نقدية ٥ مرات، فتكون الإجابة صحيحة إذا ظهرت الكتابة، وخطأً إذا ظهر الشعار وكُرر المحاولة ٣ مرات.

خط

افرض أن الإجابات الصحيحة للاختبار هي صواب، خطأ، خطأ، صواب، خطأ.

حل

		الإجابات					عدد الإجابات الصحيحة				
		صواب	خطأ	صواب	خطأ	صواب	خطأ	صواب	خطأ	صواب	خطأ
٢		صواب	خطأ	خطأ	صواب	صواب	خطأ	صواب	خطأ	المحاولة ١	
٣		خطأ	صواب	صواب	خطأ	خطأ	خطأ	خطأ	صواب	المحاولة ٢	
٢		صواب	خطأ	صواب	خطأ	خطأ	صواب	خطأ	صواب	المحاولة ٣	

ضع دائرة حول الإجابات التي تتفق مع الإجابات الصحيحة في كل محاولة. بما أن محاولات التجربة أعطت ٢-٣ إجابات صحيحة لأسئلة الاختبار المكون من ٥ أسئلة، فإن إلقاء القطعة النقدية لإجابة أسئلة الصواب أو الخطأ ليست طريقة جيدة للحصول على علامة جيدة في الاختبار.

تحقق بإعادة المحاولة عدة مرات.

تحقق

حل الاستراتيجية

١ اذكر مزيّة واحدة لاستعمال استراتيجية «تمثيل المسألة» لحل المسائل.



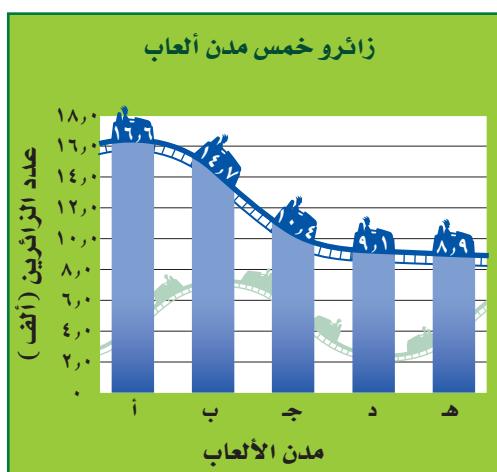
الكتاب مسألة يمكن حلها باستراتيجية «تمثيل المسألة»، ثم استعمل الاستراتيجية لحلها. وفسّر إجابتك.

نقدو: في اليوم الأول للعيد كان مع نورة مبلغ من المال، أقرضت أختها منه ٥٠ ريالاً، ثم صرفت نصف الباقي، وفي اليوم الثاني للعيد أعطتها عمها ١٠٠ ريال، وبعد أن صرفت ٩٠ ريالاً بقي معها ١١٠ ريالات. فما المبلغ الذي كان مع نورة في اليوم الأول للعيد؟

٩ زَيْ: ما عدد الخيارات التي يمكن لقاسِم أن يختار بها زَيْه من بين: غترة بيضاء أو حمراء أو سكرية مع ثوب أبيض أو بني أو أسود؟

اصطفاف: تقف عليه وفاطمة ومها وعبير في خط مستقيم. فبكم طريقة يمكن ترتيب هؤلاء البنات؟

ألعاب: بالاعتماد على الرسم أدناه، كيف تقارن بين زائرى المدينة (أ) والمدينة (هـ)؟



الحس العددي : إذا كان احتمال سحب كرة زرقاء من صندوق هو $\frac{2}{5}$ ، واحتمال سحب كرة حمراء هو $\frac{3}{10}$ ، وكان عدد الكرة الحضراء مثلٍ عدد الكرة الصفراء في الصندوق . فأعطِ إمكانية واحدة لأعداد الكرة في الصندوق .

٣ استعمل استراتيجية "تمثيل المسألة" لحل المسائل ٥-٣:

نقدو: اشتري أحمد عصير تفاح وقطع شوكولاتة بـ ٤٥ ريالاً، ودفع للبائع ٥٠ ريالاً، فبكم طريقة يمكن أن يسترد البالقي إذا كان لدى البائع قطع من الفتئين: ريال، $\frac{1}{2}$ ريال؟

رياضة : طول ملعب ٨٤ قدماً، فإذا ركض مبارك
٢٠ قدماً إلى الأمام و٨ أقدام إلى الخلف، فكم مرة
أخرى عليه أن يكرر العملية حتى يصل إلى نهاية
الملعب؟

مكتبة : أراد ماهر أن يرتب خمسة كتب لديه على الرف، بحيث يكون كتاب التفسير أولها وكتاب الاجتماعيات آخرها، فبكم طريقة يمكن ترتيب الكتب الخمسة على الرف؟

استعمل الاستراتيجية المناسبة لحل المسائل : ٦-١٢

- من استراتيجيات حل المسألة
 - الحل عكسياً
 - البحث عن نمط
 - التبرير المنطقي
 - تثبيل المسألة

قياس: صمم فهد حديقة منزله على شكل مستطيل، على أن يكون محيطها يساوي $\frac{1}{4}$ متر من محيط المستطيل الظاهر في الصورة. أوجد محيط الحديقة.



۱۶

جبر: أكمل النمط الآتي:



استعمال المعاينة في التنبؤ

٥ - ١٠



ما نوع البرامج التي تفضل مشاهدتها؟

وثائقية	طيبة	دينية	أسرية	رياضية
---------	------	-------	-------	--------

رياضة: أراد مدير محطة تلفزيونية إجراء دراسة إحصائية؛ لتحديد البرامج التي يفضلها المشاهدون.

١ إذا افترضنا أنه أجرى الدراسة على مجموعة من جمهور البرامج الوثائقية، فهل تعتقد أن النتائج ستمثل مشاهدي جميع البرامج؟ وضح إجابتك.

٢ إذا افترضنا أنه أجرى الدراسة الإحصائية على طلاب المرحلة المتوسطة، فهل تعتقد أن النتائج تمثل مشاهدي جميع البرامج؟ وضح إجابتك.

٣ إذا افترضنا أنه أجرى الدراسة الإحصائية باختيار شخص من كل ١٠٠ شخص في دليل الهاتف، فهل تعتقد أن النتائج تمثل مشاهدي جميع البرامج؟ وضح إجابتك.

بما أن مدير المحطة التلفزيونية لا يستطيع إجراء الدراسة على جميع مشاهدي البرامج، فإن عليه اختيار مجموعة صغيرة لإجراء الدراسة عليها و**تسمى العينة**، وتستعمل العينة لتمثيل مجموعة كبيرة **تسمى المجتمع**.

وللحصول على نتائج صحيحة، يجب اختيار العينة بعناية، وتعطي **العينة غير المتحيزة** نتائج صادقة لتمثيل المجتمع بدقة، وفيما يأتي ثلات طرائق لاختيار العينة غير المتحيزة:

فكرة الدرس:

أتباً بسلوك مجتمع مستعملاً العينة.

المفردات

العينة

المجتمع

العينة غير المتحيزة

العينة العشوائية البسيطة

العينة العشوائية الطبقية

العينة العشوائية المنتظمة

العينة المتحيزة

العينة الملازمة

العينة التطوعية

العينات غير المتحيزة

ملخص المفهوم	مثال	الوصف	النوع
يكتب كل طالب اسمه في قصاصه ورقية، وتوضع الأسماء في صندوق وتسحب القصاصات دون النظر إليها.	فرص اختيار عناصر أو أفراد المجتمع متساوية.	العينة العشوائية البسيطة	
يتم اختيار الطلاب عشوائياً من كل مرحلة من مراحل الدراسة.	يقسم المجتمع إلى مجموعات متشابهة غير متداخلة، ثم يتم اختيار عينة عشوائية بسيطة من كل مجموعة.	العينة العشوائية الطبقية	
يتم اختيار الطالب الذي ترتيبه ٢٠ ومضاعفات الـ ٢٠ من القائمة المرتبة. أبجدياً للطلاب الملتحقين بالمدرسة.	يتم اختيار العناصر أو الأفراد وفق فترة زمنية محددة أو فترات متساوية من العناصر أو الأفراد.	العينة العشوائية المتظمة	



أما في **العينة المتحيزة** فإنه يتم تفضيل بعض أقسام المجتمع على سائر الأقسام ، وفيما يأتي طریقتان لاختیار العینة المتحیزة:

العينات المتحيزة		
مثا	الوصف	النوع
لتمثيل جميع الطلاب الملائمة من أفراد المجتمع الذين يسهل الوصول إلىهم.	ت تكون العينة الملائمة من أفراد المجتمع يتم اختيار أحد فصوص المدرسة لإجراء الدراسة.	العينة الملائمة
يقوم طلاب المدرسة الراغبون في إبداء آرائهم بتبنيه استبانة الدراسة الإحصائية على شبكة المعلومات.	ت تكون العينة التطوعية من أفراد يرغبون في الانضمام إلى العينة.	العينة التطوعية

تحديد دقة الاستنتاجات

مثالان

حدّد ما إذا كانت الاستنتاجات الآتية دقيقة أم لا ، وبرر إجابتك.

لتحديد «نوع العصير المفضل عند الزبائن» تم اختيار الأشخاص: العاشر ومضاعفات العشرة ممن يدخلون إلى المتجر، وقد فضل سبعون شخصاً من المئة والخمسين الذين اختيروا عصير البرتقال، فاستنتج البائع أن نصف الزبائن تقريباً يفضلون عصير البرتقال.

الاستنتاج دقيق؛ حيث إن المجتمع هم الزبائن ، والعينة كانت عينة عشوائية منتظمة وهي عينة غير متحيزة.

لتحديد «ماذا يفضل الشخص أن يعمل في وقت فراغه»، تم اختيار زبائن متجر للتجهيزات الرياضية، فوجد أن ٨٥٪ منهم يفضلون ممارسة الرياضة، وبذلك استنتج أن معظم الناس يفضلون ممارسة الرياضة في وقت فراغهم.

الاستنتاج غير دقيق؛ لأنه من الطبيعي أن يفضل زبائن المتجر الرياضي ممارسة الرياضة أكثر في وقت فراغهم؛ لذا فهي عينة متحيزه ، وهي من نوع العينة الملائمة؛ لأن جميع الأشخاص الذين أجريت عليهم قد اختيروا من مكان واحد.

حقٌّ من فهمك ✓

حدّد ما إذا كانت الاستنتاجات الآتية دقيقة أم لا ، وبرر إجابتك.

أ) سألت محطة إذاعية المستمعين عن الشاعر المفضل لديهم من بين شاعرين، ففضل ٧٢٪ منهم الشاعر الأول، فاستنتجت الإذاعة أن الشاعر الأول هو الذي سيفوز بجائزة أفضل شاعر.

ب) لتوزيع جوائز على جمهور إحدى المسارحيات، كُتبت جميع أرقام المقاعد في بطاقات ووضعت في صندوق وسُحب بطاقات الفائزة دون النظر إليها. فاستنتج وائل أن لديه فرصة جيدة مثل غيره للحصول على الجائزة.



تستعمل العينات الصادقة طريقة العينات غير المتجذرة، وعند اعتماد هذا الأسلوب في الدراسة، فإنه يمكن استعمال النتائج في التنبؤ.

مثالٌ من واقع الحياةِ استعمال العينات في التنبؤ

إرشادات للدراسة

الاحتمالات المضللة يمكن أن تكون الاحتمالات المبنية على عينات متحذرة خادعةً ومضللة، فيثلاً إذا كانت عينة الدراسة على الأولاد فقط، فلن تكون موضوعة لأنها اقتصرت على جنس واحد فقط.

العدد	النوع
٢٥	ألعاب إلكترونية
١٠	دراجات هوائية
٨	أحذية تزلج
٧	ألعاب ذهنية

مَخَازِنُ: يبيع أحد المخازن أربعة أنواع رئيسة من الألعاب، ولمعرفة نوع الألعاب المفضلة قام موظفو المخزن بدراسة إحصائية على ٥٠ زبونة عشوائياً، فكانت النتائج كما في الجدول المجاور، فإذا أراد المخزن طلب ٤٥٠ لعبة جديدة، فكم يفضل أن يكون عدد الألعاب الإلكترونية؟

أولاً: حدد ما إذا كانت العينة ممثلة للمجتمع أم لا، العينة هنا عشوائية بسيطة؛ لأنَّه تم اختيار الزبائن عشوائياً لذلك فإن العينة ممثلة.

ثانياً: نسبة الزبائن الذين يفضلون الألعاب الإلكترونية = $\frac{٢٥}{٥٠} = ٥٠٪$ ؛ لذا أوجد ٤٥٠٪ من ٤٥٠.

$٤٥٠ \times ٥٠ \% = ٢٢٥$ ، فيكون على المخزن طلب ٢٢٥ لعبة إلكترونية تقريباً.

تحقق من فهمك:

ج) سباحة: سأَل مدرب سباحة طلابه المتدربيْن إذا كانوا يرغبون في تدريبات متقدمة في السباحة، فأبدى ٦٠٪ منهم رغبتهم في ذلك، فإذا كان عدد أعضاء النادي الرياضي هو ٨٧٠ عضواً، فما عدد الأعضاء الراغبين في التدريبات المتقدمة الذي يتوقعه المدرب؟



حدد ما إذا كانت الاستنتاجات الآتية دقيقة أم لا، ووضح إجابتك.

١ اختيارت ١٠٠ عائلة من منطقة أبها عشوائياً، لتحديد معدل صرف العائلة السعودية على خدمة الكهرباء، فأجابت ٨٥ عائلة منهم بأنهم ينفقون عليها أقل من ٣٠٠ ريال شهرياً. فاستنتج الباحث أن معدل صرف العائلة السعودية على الكهرباء أقل من ٣٠٠ ريال في الشهر.

المثالان ٢، ١

٢ اختير شخص عشوائياً من كل دائرة في شركة لتحديد أولويات الموظفين، فكانت الخدمة الصحية أهم أولويات ٦٧٪ منهم، فاستنتج المدير أن الخدمة الصحية يجب أن تشمل جميع الموظفين.

المثال ٣

حواسيب: عندما أراد خالد شراء جهاز حاسوب، اختار عينة عشوائية من زبائن متجر لبيع الحواسيب، وسجل النتائج في الجدول المجاور. فإذا أجرى خالد الدراسة على ١٥٠ شخصاً، فكم عدد الذين فضلوا الحواسيب المحمولة؟



تدريب وحل المسائل

الإرشادات للأسئلة

للاسئلة	انظر الأمثلة
٥٠	٩ - ٤
٢١	٣
١١، ١٠	

حدد ما إذا كانت الاستنتاجات الآتية صادقة أم لا، وبرّر إجابتك:

٤ لتقدير مدى صلاحية منتج، قام صانعوه هواتف نقالة باختيار الهاتف الذي ترتيبه ٥٠ ومضاعفات الـ ٥٠ في خط إنتاج، فوجدوا أنه من بين ٢٠٠ هاتف منها كان هناك ٤ هواتف تالفه، فاستنتج المدير من ذلك أن ٢٪ من الهواتف المنتجة ستكون تالفة.

٥ أجرت نوال دراسة إحصائية على زميلاتها في جماعة الفنون بالمدرسة؛ لتحديد عدد الطالبات اللواتي سيشاركن في معرض الأشغال اليدوية، فأبدت جميع صديقاتها الرغبة في الاشتراك، لذا افترضت نوال أن جميع الطالبات في مدرستها سيشاركن في المعرض.

٦ طلبت إحدى المجالس من قرائتها تعبئة استبانة وإعادتها إليها لتحديد أفضل المناطق السياحية لديهم، فأبدى معظم القراء الذين أجابوا تفضيلهم منطقة عسير، لذلك قررت المجلة كتابة مقال عن هذه المنطقة.

هل تؤيد أنظمة المرور الجديدة؟

٪٣٠	نعم
٪٤٢	لا
٪٢٨	غير متأكد

٧ لمعرفة رأي الناس في أنظمة المرور الجديدة تم اختيار ٢٠ شخصاً عشوائياً من كل مدينة، فتبين أن ٤٢٪ منهم لم يؤيدوها. لذلك استنتج المسؤولون أنهم في حاجة إلى حملة لتوسيع المواطنين بهذه الأنظمة.

٨ أرادت زينب شراء علبَي لبين مختلفتين لعمل تجربة، فأغمضت عينيها واختارت واحدة، ثم مشت خطوتين واختارت علبة أخرى.

٩ سأل المعلم طلابه الخمسةجالسين في الصف الأمامي في غرفة الصف عن رغبتهما في الاشتراك في يوم النشاط المدرسي، فأجابوا بالموافقة. فاستنتج من ذلك أن جميع طلاب المدرسة سيشاركون في يوم النشاط.

العدد	الأسلوب
١٦	الموقع الإلكترونية
١٢	الصحف
٥	المذيع
٣	أحاديث الناس

١٠ ... أخبار: اختار مشرف المقصف المدرسي الطالب الذي ترتيبه ١٠ ومضاعفات الـ ١٠ في طابور المقصف المدرسي، ثم سأله عن الطريقة المناسبة لديهم للاطلاع على الأخبار المحلية، فكانت النتائج كما في الجدول المجاور. إذا كان عدد طلاب المدرسة ٦٨٠، فكم توقع أن يكون عدد الذين يفضلون الاطلاع على الموقع الإلكترونية لمعرفة الأخبار المحلية؟



الربط بالحياة:

في عام ٢٠١٧ م بلغ عدد مستخدمي الإنترنت في المملكة العربية السعودية ٢٤ مليون مستخدم.

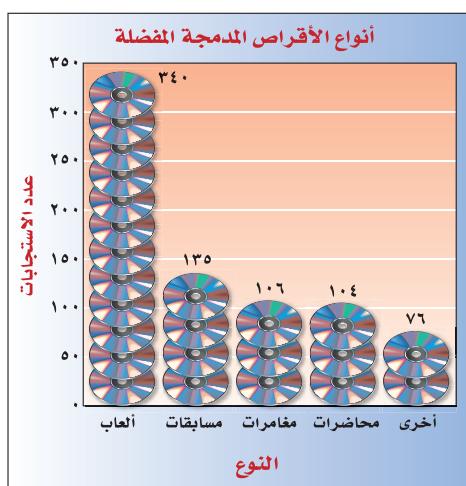


١١ سفر: أُجريت دراسة عشوائية على أشخاص في مركز تجاري، فأظهرت أن ٢٢ منهم يفضلون السفر مع العائلة بالسيارة و ١٨ يفضلون السفر بالطائرة و ٤ يفضلون السفر بالحافلة، فكم توقع أن يكون عدد الأشخاص الذين يفضلون السفر بالطائرة من الأشخاص الـ ٥٠ الذين أُجريت عليهم الدراسة.

١٢ مطارات: أرادت إدارة أحد المطارات إنشاء مقهى إنترنت في قاعة القادمين، فأجرت دراسة على ٥٠٠ مسافر في المطار عشوائياً، فاعتبر ٤٢٥ منهم أن إنشاء المقهى فكرة جيدة، فهل يجب على إدارة المطار اعتماد هذه الفكرة؟ وضح إجابتك.

١٣ نشاطات: أراد بشار إجراء دراسة إحصائية على الطلاب الراغبين في المشاركة في أنشطة المدرسة، صف طريقة اختيار عينة صادقة ينبغي استعمالها.

١٤ أقراص مدمجة: استعمل المعلومات أدناه لحل السؤالين ١٤ ، ١٥ .



يوضح الجدول المجاور استجابة ١٠٠٠ زبون بخصوص أنواع الأقراص المدمجة المفضلة لديهم.

١٤ اعتماداً على نتائج الدراسة الإحصائية، إذا قام التاجر بطلب ٢٥٠٠ قرص مدمج من مختلف الأنواع، فما عدد أقراص الألعاب التي عليه أن يطلبه؟

١٥ اعتماداً على نتائج الدراسة الإحصائية، استنتاج التاجر أن ٢٥٪ من الزبائن سيشترون أقراص المسابقات أو المغامرات، فهل هذا الاستنتاج دقيق؟ وضح إجابتك.

دراسات إحصائية: يمكن اعتبار الدراسة الإحصائية متحيزة، إذا كانت تحتوي على كلمات لها تأثير في استجابة الأشخاص. وضح إذا كانت الأسئلة الآتية متحيزة أم لا:

١٦ «نظراً للازدحام السكاني، هل هناك ضرورة لبناء مدرسة جديدة؟»

١٧ «ما نوع الطعام الذي تفضل تناوله عند مشاهدة التلفاز؟»

١٨ قرأت كتاب «صور من حياة الصحابة» المحبب إلى الناس، فهل أحبت هذا الكتاب؟

١٩ «اذكر فريق كرة القدم المفضل لديك».

٢٠ تحدّ: كيف يمكن للكلمات المستعملة في السؤال ونبرة الصوت أن تؤثر في الأشخاص المشتركون في الدراسة الإحصائية؟ أعط مثالين على الأقل.

اكتتب قارن بين إجراء الدراسة الإحصائية والاحتمال التجريبي.

**مسائل
مهارات التفكير العليا**





٢٣ حدد سلمان أن ٦٠٪ من طلاب الصف الثاني المتوسط يُحضرون معهم مظلاتهم، عندما تتوقع الهيئة العامة للأرصاد سقوط الأمطار. إذا علمت أن عدد طلاب الصف الثاني المتوسط في مدرسة سلمان هو ١٥٠ طالبًا، فأي الجمل الآتية لا تتفق مع بيانات سلمان؟

- أ) أقل من $\frac{2}{5}$ طلاب الثاني المتوسط يُحضرون مظلاتهم في الأيام التي يتوقع سقوط الأمطار فيها.
- ب) ٩٠ طالبًا من طلاب الثاني المتوسط يُحضرون مظلاتهم في الأيام التي يتوقع سقوط المطر فيها.
- ج) أكثر من $\frac{1}{2}$ طلاب الثاني المتوسط يُحضرون مظلاتهم في الأيام التي يتوقع سقوط الأمطار فيها.
- د) ٦٠ طالبًا من طلاب الثاني المتوسط لا يُحضرون مظلاتهم في الأيام التي يتوقع فيها سقوط الأمطار.

أجرت خديجة دراسة مسحية حول المادة المفضلة عند طالبات مدرستها، فسألت جميع طالبات النادي الأدبي في المدرسة، وكانت النتائج كما في الجدول الآتي:

المادة المفضلة	عدد الطالبات
اللغة العربية	١٢
الرياضيات	٥
العلوم	٣
الاجتماعيات	٨

ووفقاً لهذه النتائج، استنتجت خديجة أن مادة اللغة العربية هي المادة المفضلة عند طالبات مدرستها.

- لماذا يعد هذا الاستنتاج غير دقيق؟
- أ) طالبات النادي الأدبي يجتمعن في أيام محددة فقط.
 - ب) يجب على خديجة أن تسأل طالبات فصلها فقط.
 - ج) يجب إجراء الدراسة يومياً خلال أسبوع.
 - د) العينة لا تمثل طالبات المدرسة.

مراجعة تراكمية

٤٤ **بيتزا:** يقدم مطعم لبيتزا حجمين مختلفين منها، وبأحد نوعين من الجبن، وأربعة أنواع مختلفة من الإضافات. استعمل استراتيجية تمثيل المسألة؛ لإيجاد عدد خيارات البيتزا التي يقدمها هذا المطعم. (الدرس ٤ - ١٠)

٤٥ **كرة سلة:** في أثناء التدريب، سجل محمد ٨٠ هدفاً من ١٠٠ رمية حرة في لعبة كرة السلة. ما الاحتمال التجريبي لأن يسجل محمد من ضربة حرة؟ (الدرس ٣ - ١٠)

٤٦ **تأجير سيارات:** يقدم محل تأجير السيارات عرضين لزبائنه، يتضمن الأول أجرة يومية مقدارها ٦٠ ريالاً مضافاً إليها ٤، ٠ ريال عن كل كيلومتر تقطعه السيارة، والثاني ٤٠ ريالاً مضافاً إليها ٦، ٠ ريال عن كل كيلومتر. اكتب معادلة وحلها لإيجاد عدد الكيلومترات التي تتساوى عندها قيمتا العرضين في اليوم الواحد. (الدرس ٤ - ٧)



اختبار الفصل

١١ ملابس: لدى متجر قمصان بأحجام مختلفة: كبير، متوسط، صغير، وبألوان مختلفة: أزرق وأسود وأبيض. فما عدد أنواع القمصان الموجودة في المتجر؟

١٢ أطباء: قامت إدارة المستشفى بإجراء دراسة على ٤ أقسام لمعرفة عدد ساعات مناوبة الأطباء في الشهر فكانت النتائج كما في الجدول أدناه. فإذا كان هناك ٨٦٤ طبيباً في المستشفى، فما عدد الأطباء المناوبين ما بين (٤٠ - ٢١) ساعة الذي تتوقعه؟

عدد ساعات المناوبة	عدد الأطباء
٣٨	١٠ - ٠
٢٦	٢٠ - ١١
١٠	٤٠ - ٢١
٦	٤٠ أو أكثر

١٣ اختيار من متعدد: أراد المعلم معرفة رغبة طلاب الصف في المشاركة لزيارة المتحف، فما الطريقة التي يستعملها للدراسة الإحصائية لتكون صادقة؟
 أ) يسأل الطلاب المشاركين في النادي الفني.
 ب) يسأل أهالي الطلاب.
 ج) يسأل الطلاب الذين ترتيبهم العاشر ومضاعفات العشرة من الصد.
 د) يقوم بالإعلان عن الرحلة، ويطلب إلى الطلاب أن يخبروه عن آرائهم.

١٤ رياضة: لتحديد نوع الرياضة المفضلة أُجري استفتاء عشوائي في أثناء مباراة كرة طائرة. فأجاب ٧٢٪ منهم أن كرة الطائرة هي رياضتهم المفضلة، فاستنتاج الباحث أنكرة الطائرة هي اللعبة المفضلة لدى الناس، فهل استنتاجه صادق؟

١٥ شعار: ترغب إحدى الشركات في تصميم شعار لها، فإذا كان لديها الاختيارات كما في الجدول أدناه، فبكم طريقة مختلفة يمكن تصميم الشعار؟

الختيارات التصميم
٥ خلفيات مختلفة
٣ ألوان
٢ إطار خارجي

١٦ اختيار من متعدد: موسى وإبراهيم ضمن طلاب الفصل الستة الراغبين في الانضمام للنشاط المدرسي، فإذا اختارت المدرسة طالبين منهم عشوائياً، فما احتمال أن يتم اختيار موسى وإبراهيم معاً؟
 أ) $\frac{1}{3}$ ب) $\frac{1}{15}$ ج) $\frac{1}{3}$ د) $\frac{1}{60}$

يحتوي صندوق على ٤ كرات زرقاء و ٧ حمراء و ٦ صفراء و ٨ خضراء و ٣ بيضاء. فإذا سُحبت كرة دون إرجاع فأوجد الاحتمالات الآتية:

- ٣ ح (زرقاء).
- ٤ ح (حمراء ثم بيضاء)
- ٥ ح (بيضاء ثم خضراء)
- ٦ ح (كرتان غير صفراء و غير حمراء)

أُلقيت قطعتا نقد ٢٠ مرة، فلم يظهر الشعار ٤ مرات، في حين ظهرت على إحدى القطع ٩ مرات، وظهرت على القطعتين معاً ٧ مرات.

- ٧ ما الاحتمال التجاري لظهور شعرين؟
- ٨ ما الاحتمال التجاري لظهور شعار واحد؟
- ٩ مثل الرسم الشجري لإظهار نتائج إلقاء قطعتي النقد.
- ١٠ قارن بين الاحتمال التجاري والاحتمال النظري للحصول على شعرين عند إلقاء قطعتي نقد.



الاختبار التراكمي (١٠)

اختيار من متعدد

القسم ١

٣ ما أساس الممتتابة الحسابية: $20, 16, 12, 8, \dots$

- أ) ٢٠
- ب) ٤
- ج) ٢
- د) -٤

٤ كان معدل درجات دُعاء في الرياضيات ٨٢، أي
الطالبات فيما يأتي لها المعدل نفسه؟

- أ) حصلت آمنة على ما مجموعه ٤٩٢ درجة في
٦ اختبارات.
- ب) حصلت رغد على ما مجموعه ٣٥٢ درجة في
٤ اختبارات.
- ج) حصلت إيناس على ما مجموعه ٤٦٨ درجة
في ٦ اختبارات.
- د) حصلت زينة على ما مجموعه ٣٤٤ درجة في
٤ اختبارات.

٥ إذا كان احتمال أن يسجل رائد هدفًا في مباراة هو $\frac{3}{5}$ ، فكم هدفًا توقع أن يسجل في ٦٠ مباراة؟

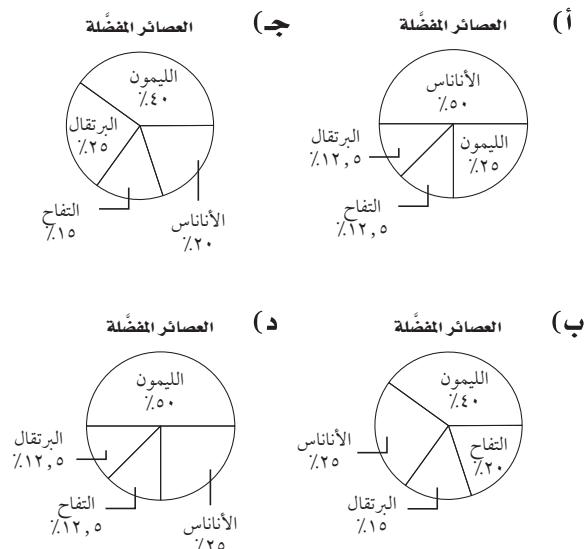
- أ) ٥٠ ج) ٣٠
- ب) ٣٦ د) ٢٤

اختر الإجابة الصحيحة:

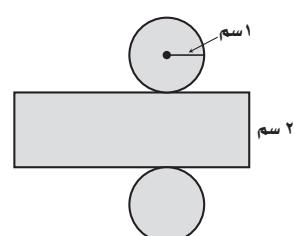
١ سأل ماجد طلاب فصله عن أنواع العصائر المفضلة
لديهم، فكانت النتائج كما في الجدول الآتي:

أنواع العصائر المفضلة				
نوع العصير	التفاح	الأنانس	البرتقال	الليمون
٣	٦	١٢	٣	٤

أي التمثيلات الآتية يعرض هذه البيانات؟



٦ عند طي المخطط أدناه تكون أسطوانة، فما المساحة
الكلية التقريرية لسطح هذه الأسطوانة؟



- أ) ٦,٣ سم^٢ ج) ٢١,٣ سم^٢
- ب) ١٨,٨ سم^٢ د) ٤٢,٦ سم^٢



الإجابة القصيرة

القسم ٢

أجب عن السؤال الآتي:

٨ يبيع محل خضار كلَّ ٣ كيلوجراماتٍ من التفاح بـ ٢١ ريالاً، فما ثمن ١٠ كيلوجرامات من التفاح نفسه؟

الإجابة المطولة

القسم ٣

أجب عن السؤال الآتي موضحاً خطوات الحل:

٩ علبة فيها (١٥) قطعة كعك متماثلة، ٥ منها محسوسة بالكسرات و٥ بالتمر و٥ بالعسل. إذا سُحب من العلبة كعكتان واحدة تلو الأخرى، دون إعادة الكعكة المسحوبة الأولى إلى العلبة.

أ) ما احتمال أن تكون كل منهما محسوسة بالكسرات؟

ب) ما احتمال سحب كعكة محسوسة بالعسل من الكعك المتبقّي في العلبة بعد سحب كعكتين محسوّتين بالكسرات.

٦ يوضح الجدول أدناه جميع النتائج الممكنة لثلاثة مفاتيح كهربائية من حيث كونها مفتوحة أو مغلقة.

مفتاح ٣	مفتاح ٢	مفتاح ١
مفتوح	مفتوح	مفتوح
مغلق	مفتوح	مفتوح
مفتوح	مغلق	مفتوح
مغلق	مغلق	مفتوح
مفتوح	مفتوح	مغلق
مغلق	مفتوح	مغلق
مفتوح	مغلق	مغلق
مغلق	مغلق	مغلق

إذا اختيرت عينة عشوائية، فأيُّ العبارات الآتية صحيحة؟

- أ) احتمال أن تكون المفاتيح الكهربائية كلها مفتوحة، هو احتمال نفسه لأن تكون كلها مغلقة.
ب) احتمال أن يكون مفتاح كهربائي واحد مفتوحاً، أكبر من احتمال أن يكون هناك مفاتاحان مفتوحان.

ج) احتمال أن يكون لمفاتحين النتائج نفسها بالضبط هو $\frac{1}{2}$.

د) احتمال أن يكون مفتاح واحد على الأقل مفتوحاً أكبر من احتمال أن يكون مفتاح واحد على الأقل مغلقاً.

٧ أُجريت دراسة إحصائية على ٣٢ طالباً حول مادتهم المفضلة، فأجاب ١٤ منهم أنهم يفضلون العلوم، فكم تتوقع أن يكون عدد الطلاب الذين يفضلون مادة العلوم، إذا كان عدد الطلاب الكلّي ٨٨٠ طالباً؟

أ) ٤٩٥

ب) ٣٨٥

د) ١٣٢

هل تحتاج إلى مساعدة إضافية؟

إذا لم تجب عن السؤال

فراجع الدرس



٩

٨

٧

٦

٥

٤

٣

٢

١

