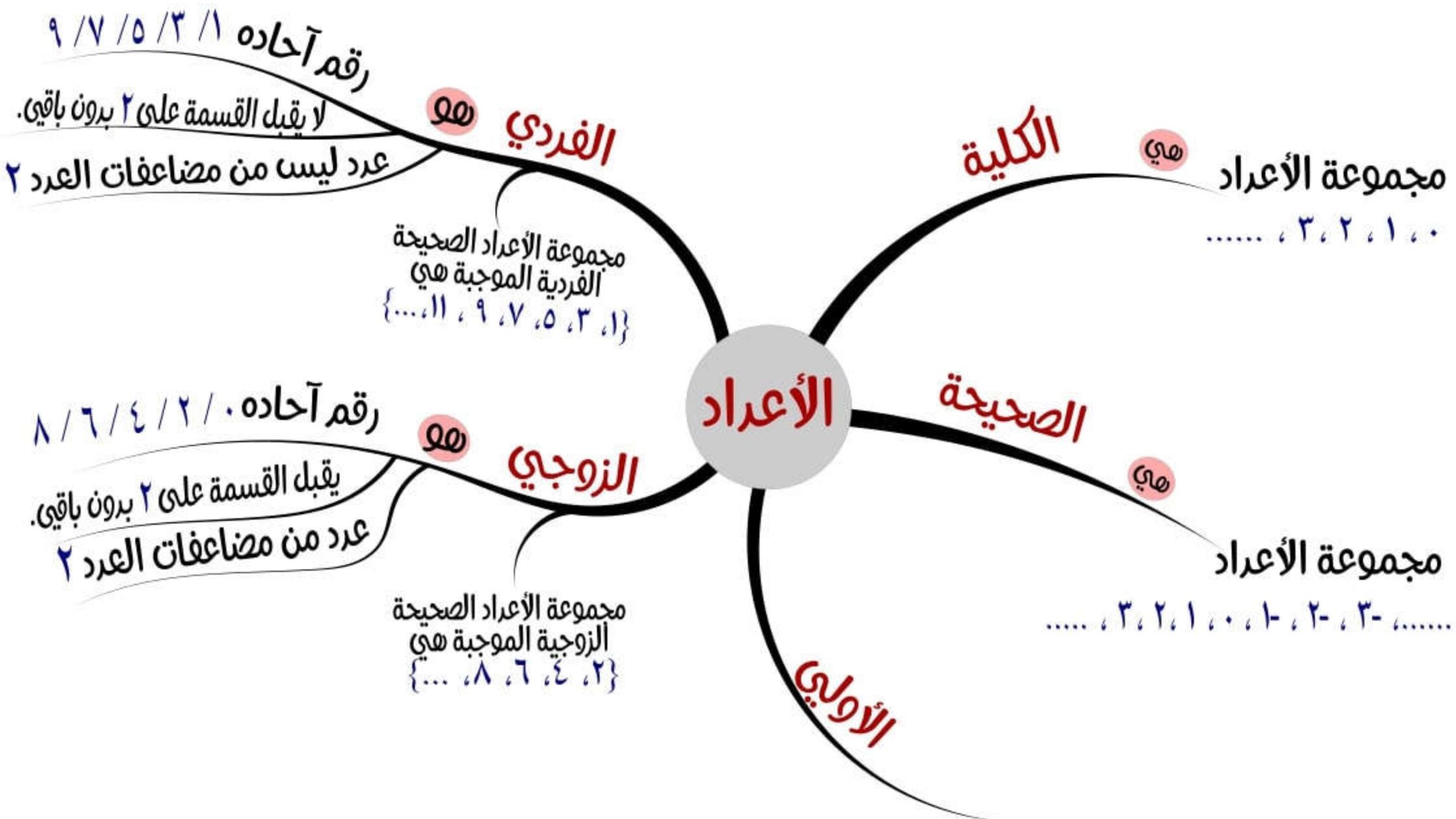


ملخص ومعارف في مقررات المرحلة الابتدائية  
إهداءً ك  
تدريب لطلاب أولمبياد الرياضيات ( المرحلة الابتدائية )

أعدّه : أ. سليمان علي المالكي

بالتنسيق مع النشاط الطلابي بإدارة التعليم بمنطقة عسير



لا يقبل القسمة إلا على نفسه وعلى الواحد الصحيح.  
الصفر والواحد الصحيح لا يعتبران من الأعداد الأولية.

يوجد كسر مكافئ لكسر بضرب الكسر في العدد بسطا ومقاما  
أو قسمة البسط والمقام على العدد نفسه **عدا الصفر**

متكافئة

$$\frac{2}{4} = \frac{2}{2} \times \frac{1}{2}$$

$$\frac{1}{2} = \frac{2}{2} \div \frac{2}{4}$$

متكافئة

كسور لها نفس القيمة.

# الكسور

الكسر:

يمثل جزء من الكل  
ويرك البسط على الأجزاء  
والمقام على الكل.

الكسور المتكافئة

الكسر الفعلي

كسر بسطه أصغر من مقامه  
 $\frac{4}{5}$

الكسر الغير فعلي

كسر بسطه أكبر من مقامه أو يساويه  
 $\frac{7}{2}$

الكسر العشري

العدد الذي تستعمل فيه  
القيمة المنزلية والفاصلة العشرية  
ليمثل جزءاً من كل  
٤ ، ٧٢

العدد الكسري

الذي يتكون من عدد صحيح وكسر  
 $\frac{1}{3}$

## العمليات على الكسور

## جمع الكسور المتشابهة

اجمع بسطيهما، واستعمل  
المقام نفسه في المجموع.

$$\frac{3}{4} = \frac{2}{4} + \frac{1}{4}$$

## طرح الكسور المتشابهة

اطرح بسطيهما، واستعمل  
المقام نفسه في ناتج الطرح.

$$\frac{1}{4} = \frac{2}{4} - \frac{3}{4}$$

## جمع الكسور الغير متشابهة

لجمع كسرين مختلفي المقام  
أعد كتابة الكسرين مستعملا  
المضاعف المشترك الأصغر للمقامين.  
ثم اجمع كما في الكسور المتشابهة.

## قسمة الكسور

القسمة نحولها الي ضرب  
ونقلب الكسر الثاني  
وبعد ذلك إجراء عملية الضرب.

$$\frac{1}{4} = \frac{3}{5} \times \frac{5}{12} = \frac{5}{3} \div \frac{5}{12}$$

## ضرب الكسور

نضرب البسط في البسط  
والمقام في المقام.

$$\frac{5}{12} = \frac{5}{3} \times \frac{1}{4}$$

## طرح الكسور الغير متشابهة

لطرح كسرين مختلفي المقام  
أعد كتابة الكسرين مستعملا  
المضاعف المشترك الأصغر للمقامين  
ثم أطرح كما في الكسور المتشابهة.

حول المقسوم عليه إلى عدد كلي  
بضرب كل من المقسوم والمقسوم عليه  
في قوى العشرة نفسها،  
ثم اقسم كما في الأعداد الكلية.

$$(10 \times) = .4 \div 2,8$$

$$7 = 4 \div 28$$

$$(10 \times) = .8 \div 3,28$$

$$4,1 = 8 \div 32,8$$

$$(100 \times) = .08 \div 3,28$$

$$41 = 8 \div 328$$

كسر عشري ÷ كسر عشري

كسر عشري ÷ عدد كلي

تشبه عملية قسمة الأعداد الكلية تمامًا  
ونضع الفاصلة العشرية في ناتج القسمة.

$$4,1 = 8 \div 32,8$$

$$,41 = 8 \div 3,28$$

## العمليات على الكسور العشرية

كسر عشري + كسر عشري

نضع الفاصلة فوق الفاصلة  
ثم نجمع أو نطرح الأرقام  
في نفس المنازل

$$\begin{array}{r} 3,5 \\ 2,3 - \\ \hline 1,2 \end{array} \quad \begin{array}{r} 1,2 \\ 2,3 + \\ \hline 3,5 \end{array}$$

كسر عشري × عدد كلي

اتبع نفس طريقة ضرب الأعداد الكلية  
واستعمل طريقة عد المنازل العشرية  
لوضع الفاصلة العشرية في  
موقعها الصحيح في ناتج الضرب.

$$\begin{array}{r} 3 \\ ,02 \times \\ \hline ,06 \end{array} \quad \begin{array}{r} 3 \\ ,2 \times \\ \hline ,6 \end{array} \quad \begin{array}{r} 3 \\ ,23 \times \\ \hline ,69 \end{array}$$

كسر عشري × كسر عشري

اتبع نفس طريقة ضرب الأعداد الكلية  $1,28 = ,4 \times 3,2$   
وأوجد مجموع عد المنازل العشرية في العددين المضروبين  
فيكون ناتج الضرب هذا العدد نفسه من المنازل العشرية.

نثبت المقام ثم

نضرب المقام في العدد الكلي

ونجمع الناتج مع البسط

$$\frac{\text{القانون} = \frac{\text{المقام} \times \text{العدد الكلي} + \text{البسط}}{\text{المقام}}}{\text{المقام}}$$

$$\frac{11}{5} = 2\frac{1}{5}$$

لتحويل عدد كسري إلى كسر غير فعلي

## العمليات على الأعداد الكسرية

لتحويل كسر غير فعلي إلى عدد كسري

عند ضرب أو قسمة عددين كسريين

اكتب كلا منهما على صورة كسر غير فعلي  
ثم اضرب أو اقسم كما في ضرب وقسمة  
الكسور الاعتيادية.

$$\frac{88}{15} = \frac{22}{5} \times \frac{4}{3} = 4\frac{2}{5} \times 1\frac{1}{3}$$

عند جمع أو طرح الأعداد الكسرية

اجمع الأجزاء الكسرية أو اطرحها  
ثم اجمع الأعداد الكلية أو اطرحها  
أعد كتابة الناتج في أبسط صورة  
إذا تطلب الأمر ذلك.

$$6\frac{7}{45} = 5\frac{52}{45} = 3\frac{25}{45} + 2\frac{27}{45} = 3\frac{5}{9} + 2\frac{3}{5}$$

$$\begin{aligned} 1 &= 45 \div 52 \\ 1 &= 45 \div 45 \\ 7 &= 45 - 52 \end{aligned}$$

الأستاذ / سليمان المالكي ... تعليم عسير

نقسم البسط على المقام

فيكون ناتج القسمة هو العدد الصحيح

$$2\frac{1}{7} = \frac{15}{7}$$

والباقى هو البسط

والمقام ثابت

$$\begin{aligned} 2 &= 7 \div 14 \\ 1 &= 14 - 10 \end{aligned}$$

هو عدد قريب من القيمة الفعلية

التقريب

## التقريب والتقدير:

التقدير

عندما لا نحتاج إلى إجابة دقيقة؛ نستعمل التقدير  
ويعد التقريب طريقة يمكن تقدير الإجابة من خلالها.

## قاعدة تقريب الأعداد

١٤٣٦    ١٤٥٦

١٤٣٦

١٥٥٦

١٤٠٠

١٥٠٠

- ١ ضع خطاً تحت الرقم في المنزلة التي سيتم التقريب إليها
- ٢ أنظر إلى الرقم الذي على يمين المنزلة التي سيتم التقريب إليها
- ٣ إذا كان هذا الرقم أقل أو يساوي ٤ فلا تغير شيئاً  
أما إذا كان أكبر من أو يساوي ٥ فأضف ١ إلى الرقم الذي تحته خطاً.
- ٤ ضع صفراً مكان كل رقم على يمين الرقم الذي تحته خطاً.

$$\frac{5}{8} < \frac{7}{8}$$

إذا كان المقامان متشابهين نقارن بين البسطين.

تدريب طلاب المرحلة الابتدائية لأولمبياد الرياضيات

المقارنة بين الكسور باستعمال  $>$ ,  $<$ ,  $=$

إذا كانت المقامات مختلفة (لها حالتان)

إذا كان البسطان مختلفين  
نوحده المقامين  
ونقارن بين البسطين.

$$\frac{3}{5} \quad \frac{1}{4}$$

$$\frac{12}{20} > \frac{5}{20}$$

إذا كان البسطان متشابهان  
فالمقام الأصغر هو الأكبر  
والمقام الأكبر هو الأصغر.

$$\frac{3}{5} < \frac{3}{4}$$

الأستاذ / سليمان المالكي ... تعليم عسير

هي **النسبة** المقارنة بين كميتين باستعمال القسمة

هي **النسبة المئوية**: نسبة تقارن العدد بـ ١٠٠

**ترتيب العمليات**

لإيجاد قيمة عبارة عددية واحدة فقط :

١ احسب قيمة المقادير داخل الأقواس  
(من القوس الأصغر للأكبر)

٢ احسب قيمة جميع القوى (الأسس)

٣ اضرب أو اقسم بالترتيب من اليمين لليسار

٤ اجمع أو اطرح بالترتيب من اليمين لليسار

## القوى والأسس

## عملية الجمع والطرح بوجود الأسس

أما إذا كانت العملية داخل أقواس  
والقوس عليه الأس  
فإنها تحل بجمع أو طرح ما بداخل القوس  
ثم إيجاد الأس للناتج.  
 $49 = 7^2 = (2+5)^2$

إذا كانت العمليات بدون أقواس  
يحسب الأس ثم تتم العملية  
 $32 = 16 + 16 = 2^4 + 2^4$

## عملية الضرب أو القسمة بوجود الأس

## تتم بطريقتين

يمكن إيجاد ناتج الضرب أو القسمة  
داخل القوس  
ثم تطبيق الأس على الناتج.  
 $100 = 2(10) = 2(5 \times 2)$

يمكن توزيع الأس وفك القوس  
ثم حساب الأس وكتابة الناتج  
 $100 = 25 \times 4 = 25 \times 2^2 = 2(5 \times 2)$

★ يمكن كتابة حاصل ضرب العوامل المتشابهة  
باستعمال الأسس والأساس  
ويمثل الأساس العامل المتكرر  
بينما الأس عدد مرات تكرار ذلك العامل  
 $2^4 = 2 \times 2 \times 2 \times 2$

★ وتعتبر الأعداد التي يعبر عنها باستخدام الأس قوى  
مثلا  $5 \times 5$  تكتب  $5^2$   
وتقرأ القوة الثانية للعدد 5 أو 5 تربيع

★ أي قيمة مرفوعة للأس صفر تساوي واحد  $1 = 100^0$   
★ الواحد إذا رفع لأي أس يعطينا الواحد نفسه  $1 = 1^9$

## النظام المتري

هو استعمال وحدات القياس التي تعتمد على النظام عشري

## وحدات الكتلة

طن = ١٠٠٠٠٠٠٠ جرام  
 كيلوجرام = ١٠٠٠ جرام  
 ملجرام = ٠.٠٠١ جرام

الجرام وحدة القياس  
 الأساسية للكتلة  
 في النظام المتري

## وحدات الطول

كيلومتر = ١٠٠٠ متر  
 هكتومتر = ١٠٠ متر  
 ديكامتر = ١٠ متر  
 ديسيمتر = ١ متر  
 سنتيمتر = ٠.١ متر  
 ملليمتر = ٠.٠١ متر

المتر وحدة القياس  
 الأساسية للأطوال  
 في النظام المتري

## وحدات الزمن

السنة = ١٢ شهر  
 السنة = ٣٦٥ يوم  
 السنة = ٥٢ أسبوع  
 الشهر = ٤ أسابيع  
 الاسبوع = ٧ أيام  
 اليوم = ٢٤ ساعة  
 الساعة = ٦٠ دقيقة  
 الدقيقة = ٦٠ ثانية

## وحدات السعة

لتر = ١٠٠٠٠ مليلتر

التر وحدة القياس  
 الأساسية للسعة  
 في النظام المتري

## التحويل بين الوحدات

للتحويل من وحدة كبيرة إلى أصغر  
 نضرب في القيم المعطاة في الأعلى

للتحويل من وحدة صغيرة إلى وحدة أكبر  
 نقسم في القيم المعطاة في الأعلى.



## المعادلات

هي **المعادلة** جملة تحتوي على إشارة المساواة =

### المعادلات من الدرجة الأولى بمتغير واحد

★ أبسط المعادلات على الإطلاق

★ تتكون من متغير واحد وعدة ثوابت عددية

★ ويرمز للمتغير س، ص، ع، ...

★ ومثال ذلك :

$$2 + 3 = 5 \quad 6 - 6 = 0 \quad 10 \div 2 = 5$$

★ عندما تعوض عن المتغير بقيمة عددية

وتعطيك جملة صحيحة،

فإنك حللت المعادلة.

وتسمى قيمة المتغير تلك حلا للمعادلة.

### خطوات تستعمل لحل المعادلات:

★ التخلص من المقام إن وجد

★ التخلص من الأقواس إن وجدت.

★ ترتيب المعادلة

بوضع المجاهيل في طرف والأعداد في طرف

المفاهيم

النقطة

موقع محدد في الفضاء



المستقيم

هو مجموعة نقاط تمتد في اتجاهين متعاكسين دون نهاية.



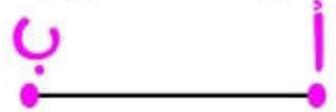
نصف المستقيم

جزء من مستقيم له نقطة بداية واحدة، ويمتد في اتجاه واحد دون نهاية.



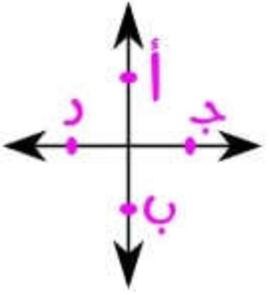
القطعة المستقيمة

جزء من مستقيم، لها نقطة بداية ونقطة نهاية.



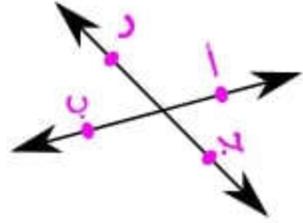
التعامد

المستقيمان اللذان يكونان زاوية قائمة عند نقطة التقائهما يسميان مستقيمين متعامدين.



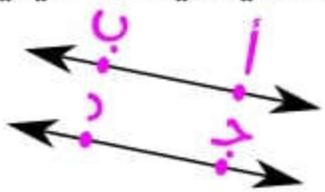
المستقيمتان المتقاطعتان

هما المستقيمان اللذان يتقاطعان في نقطة واحدة.

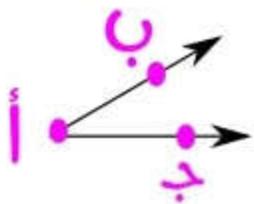


التوازي

إذا مدّ الخطان على استقامتيهما ولم يلتقيا أو يتقاطعا، فإنهما يسميان مستقيمين متوازيين.



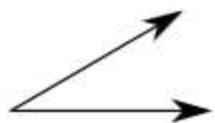
شكل يتكون من نصفي مستقيمين لهما نقطة البداية نفسها وتسمى هذه النقطة رأس الزاوية. وتقاس الزاوية بالدرجات ( $^{\circ}$ )



## الزاوية

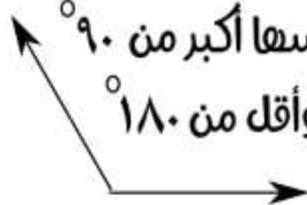
### الزاوية الحادة

قياسها أكبر من  $^{\circ}0$   
وأقل من  $^{\circ}90$



### الزاوية المنفرجة

قياسها أكبر من  $^{\circ}90$   
وأقل من  $^{\circ}180$



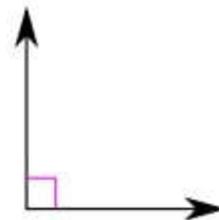
### الزاوية المستقيمة

قياسها  $^{\circ}180$



### الزاوية القائمة

قياسها  $^{\circ}90$



### الزاويتان المتقابلتان بالرأس

هما الزاويتان غير المتجاورتين الناتجتان من تقاطع خطين مستقيمين.

$$\begin{aligned} \angle 4 &\cong \angle 1 \\ \angle 3 &\cong \angle 2 \end{aligned}$$

### الزاويتان المتكاملتان

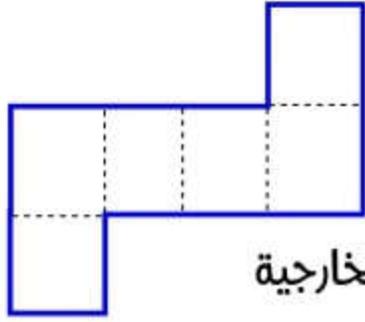
هما الزاويتان اللتان مجموع قياسهما يساوي  $180^{\circ}$

$$180^{\circ} = \angle 4 + \angle 3$$

### الزاويتان المتتامتان

هما الزاويتان اللتان مجموع قياسهما يساوي  $90^{\circ}$

$$90^{\circ} = \angle 2 + \angle 1$$



**المحيط**

هو مجموع الأطوال الخارجية  
لشكل ثنائي الأبعاد.



**المثلث**

مضلع ذو ثلاثة أضلاع  
وثلاثة زوايا.

**الشكل الثنائي الأبعاد**



مثلث

شكل مستو له بعدين



دائرة

هما الطول والعرض



بيضاوي



مربع



مستطيل



**المساحة**

هي تعبئة المساحة الخارجية  
للسhape الثنائي أو الثلاثي الأبعاد.



**الشكل الرباعي**

هو مضلع له أربع أضلاع  
وأربع زوايا.

**المضلع**



مثلث

شكل مستو مغلق



رباعي

له ثلاث قطع مستقيمة

أو أكثر تسمى أضلاعاً.



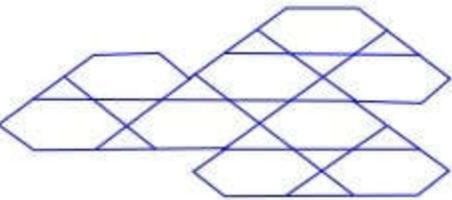
خماسي



سداسي



ثمانى



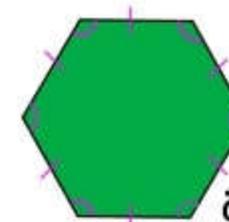
**التبليط**

هي عملية تكرار مضلعات  
بنمط معين، بحيث تغطي  
منطقة دون تداخل أو فراغات



**الدائرة**

مجموعة من النقاط في  
المستوى التي لها نفس  
البعد عن نقطة معلومة  
تسمى مركز الدائرة.



**المضلع المنتظم**

جميع أضلاعه متطابقة  
وزواياه متطابقة.

## أنواع المثلثات

الشكل الرباعي	الرسم	الخواص
المستطيل		أضلاعه المتقابلة متطابقة جميع زواياه قوائم أضلاعه المتقابلة متوازية
المربع		جميع أضلاعه متطابقة جميع زواياه قوائم أضلاعه المتقابلة متوازية
متوازي الأضلاع		أضلاعه المتقابلة متطابقة أضلاعه المتقابلة متوازية
المعين		جميع أضلاعه متطابقة أضلاعه المتقابلة متطابقة زواياه المتقابلة متطابقة
شبه المنحرف		فيه ضلعان متوازيان فقط

مثلث	حاد الزوايا	قائم الزاوية	منفرج الزاوية
مختلف الأضلاع			
متساوي الساقين			
متساوي الأضلاع		لا يوجد	لا يوجد

المساحة

المحيط

$م = (\text{طول الضلع})^2$



مح =  $4 \times \text{طول الضلع}$

$م = \text{الطول} \times \text{العرض}$



مح =  $2(\text{الطول} + \text{العرض})$

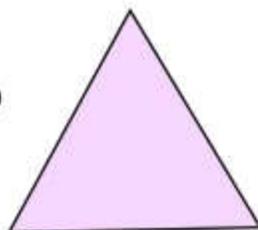
$م = \text{طول القاعدة} \times \text{الارتفاع}$



مح = مجموع أطوال الأربعة أضلاع

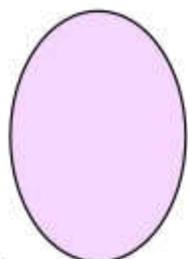
$م = \frac{\text{طول القاعدة} \times \text{الارتفاع}}{2}$

٢



مح = مجموع أطوال الثلاثة أضلاع

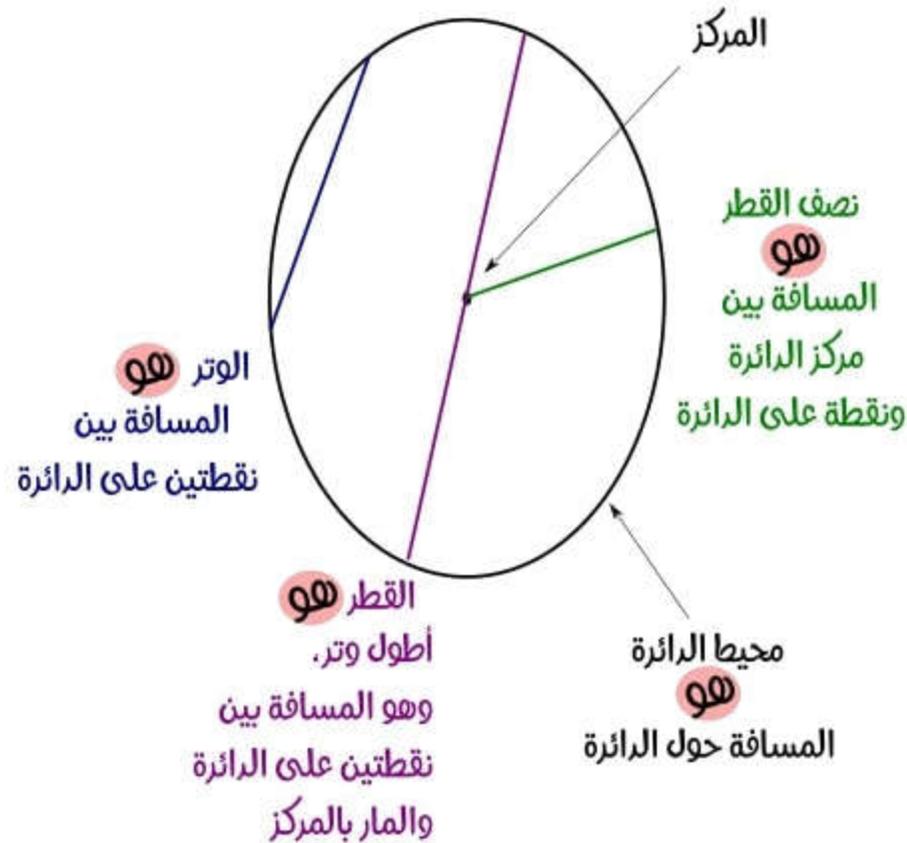
$م = ط \text{ نق}^2$



حيث  $ط = 3,14$  تقريباً

مح =  $2 ط \text{ نق}$

مكونات الدائرة

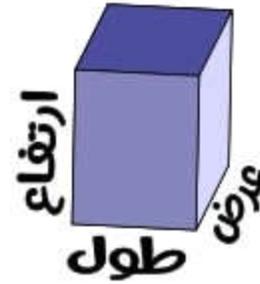


قياس زوايا الأشكال الثنائية الأبعاد

- مجموع قياسات زوايا المثلث يساوي ١٨٠°
- مجموع قياسات زوايا الشكل الرباعي يساوي ٣٦٠°
- مجموع قياسات زوايا الدائرة يساوي 360°
- مجموع قياسات زوايا أي مضلع يساوي  $(٢-ن) \times ١٨٠$  حيث ن عدد أضلاع المضلع

## الأشكال الثلاثية الأبعاد

أي جسم في الفراغ له ثلاثة أبعاد هي الطول والعرض والارتفاع



الرأس:  
نقطة تتشكل  
من تقاطع  
حروف

تسمى الجوانب  
الأوجه الجانبية



الحرف:  
قطعة مستقيمة  
تتشكل من  
تقاطع وجهين

الوجه : هو شكل مستو

## الحجم

هو مقدار التعبئة الداخلية  
للشكل الثلاثي الأبعاد فقط.

## قوانين الحجم



$$ح = ل^3$$

حيث ل هي طول حرف المكعب



منشور رباعي

$$ح = ل \times ض \times ع$$

حيث ل، ض، ع هي

طول، عرض، ارتفاع على الترتيب

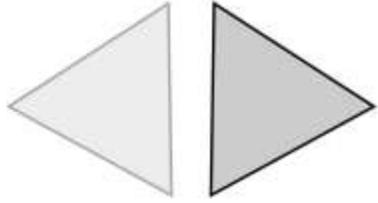
## بعض الأشكال الثلاثية الأبعاد

الشكل	القاعدات	الأوجه الجانبية	عدد الرؤوس	عدد الأحرف
المنشور	قاعدتان عبارة عن مضلعين متطابقين ومتوازيين	على الأقل ثلاثة أوجه جانبية على شكل متوازي أضلاع	له على الأقل 6 رؤوس	له على الأقل 9 أحرف
الهرم	قاعدة واحدة عبارة عن مضلع	على الأقل ثلاثة أوجه جانبية مثلثة الشكل	له على الأقل 4 رؤوس	له على الأقل 6 أحرف
المخروط	قاعدة واحدة عبارة عن دائرة	ليس له أوجه جانبية	رأس واحد	ليس له أحرف
الأسطوانة	قاعدتان دائريتان متطابقتان ومتوازيتان	ليس لها أوجه جانبية	ليس لها رؤوس	ليس لها أحرف
الكرة	ليس لها قاعدة (تبعد جميع النقاط على الكرة نفس البعد عن المركز)	ليس لها أوجه جانبية	ليس لها رؤوس	ليس لها أحرف

عملية تنقل الشكل (الأصلي) إلى  
شكل آخر (الصورة) مشابهًا له.

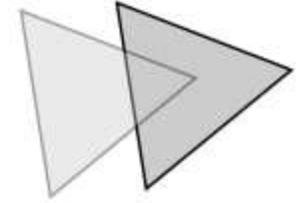
هي

الانعكاس



هو تحويك هندسي يقلب الشكل  
حول خط مستقيم لينشئ صورة مرآة له،  
أي أن الانعكاس هو قلب الشكل،  
ويسمى المستقيم الذي يتم قلب  
الشكل حوله **محور الانعكاس**،  
في الانعكاس تكون كل نقطة من الشكل  
وصورتها تبعدان نفس المسافة عن  
محور الانعكاس.

الانسحاب

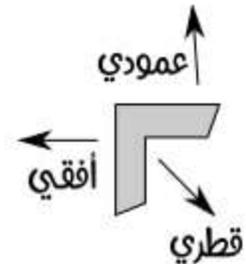
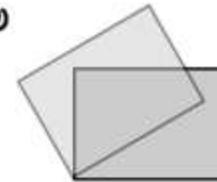


هو تحويك هندسي يتحرك فيه (ينزلق)  
الشكل باتجاه عمودي أو أفقي أو قطري.  
في الانسحاب تتحرك جميع نقاط الشكل  
نفس المسافة وفي نفس الاتجاه.

التحويلات الهندسية

الدوران

هو تحويك هندسي يتم فيه تدوير الشكل  
حول نقطة تسمى مركز الدوران.  
يحدد الدوران بمعرفة



مركز الدوران

وهو النقطة التي  
يتم حولها الدوران

اتجاه الدوران

هي الزاوية التي تتحرك فيها كل نقطة من نقاط  
الشكل بتأثير الدوران وتكون من  $0^\circ$  إلى  $360^\circ$

زاوية الدوران

هو اتجاه حركة كل نقطة من نقاط الشكل بتأثير الدوران  
وهو إما أن يكون موجبًا (عكس عقارب الساعة)  
أو سالبًا (مع عقارب الساعة)

## القاسم (العامل)

عبارة عن عددين أو أكثر (قواسم/عوامل) ناتج لضربهما  
فمثلا 3 قاسم للعدد 15 و 5 قاسم للعدد 15  
أي:  $5 \times 3 = 15$

## القاسم المشترك الأكبر

هو أكبر القواسم المشتركة لعددين أو أكثر  
ويرمز له بالرمز ق.م.أ

★ إيجاد القاسم المشترك الأكبر:

إيجاد حاصل ضرب القواسم المشتركة فقط  
والتي لها الأس الأصغر

## مضاعف العدد

هو ناتج ضرب العدد في أي عدد كلي (1، 2، 3، ...)   
مثلا مضاعفات 4: 4، 8، 12، 16، 20، 24، ...

## المضاعف المشترك الأصغر

هو أصغر المضاعفات المشتركة لعددين كليين أو أكثر  
ويرمز له بالرمز م.م.أ

★ إيجاد القاسم المشترك الأصغر: إيجاد حاصل ضرب القواسم  
المشتركة والغير مشتركة والتي لها الأس الأكبر.

## قابلية القسمة

العدد الذي أحاده 5 أو 5  
يقبل القسمة ÷ 5

العدد الذي  
أحاده عدد زوجي  
يقبل القسمة ÷ 2

العدد الذي أحاده  
وعشراته يشكلا  
رقم يقبل القسمة ÷ 4  
فإنه يقبل القسمة ÷ 4

العدد الذي يقبل  
القسمة ÷ 2، 3 معا  
يقبل القسمة ÷ 6

اضرب أحاد العدد ٥٤٦٢٣١  
في أحاد العدد المعطى  
والعشرات في العشرات وهكذا  
ثم اجمع نواتج الضرب  
إذا كان الناتج من مضاعفات 7  
فإن العدد يقبل القسمة ÷ 7

العدد الذي أحاده وعشراته ومئاته  
تقبل القسمة ÷ 8  
أو أحاده وعشراته ومئاته أصفار  
يقبل القسمة ÷ 8

العدد الذي مجموع أرقامه  
يقبل القسمة ÷ 3  
فهو يقبل القسمة ÷ 3

الذي أحاده  
صفر، يقبل  
القسمة ÷ 10

العدد الذي مجموع أرقامه  
يقبل القسمة ÷ 9  
فإنه يقبل القسمة ÷ 9

# الإحصاء

جمع البيانات والمعلومات  
والحقائق الخاصة بمختلف الظواهر  
وتسجيلها في صورة رقمية وتصنيفها  
في جداول منظمة وتمثيلها بيانيًا

هو

الاحتمال

هي الحادثة التي تكون فرص  
حدوث جميع نواتجها متساوية

الحادثة العشوائية

الاحتمالات

مجموع القيم  
مقسومًا على عددها  
قيمة تتوسط مجموعة بيانات عددها  
فردية مرتبة ترتيبًا تصاعديًا ،  
أو هو متوسط العددين المتجاورين  
في المنتصف في مجموعة بيانات  
عددها زوجي ومرتبطة ترتيبًا تصاعديًا

المتوسط الحسابي

الوسيط

المنوال

القيمة الأكثر تكرارًا  
أو شيوعًا بين القيم.

المدى

الفرق بين القيمتين  
العظمى (أكبر قيمة)  
والصغرى (أصغر قيمة)

البيانات

نظرية التركيبات

هي كل ما يمكن أن  
ينتج من تجربة ما

النواتج الممكنة

هو أي واحد من الخيارات  
الممكنة لتجربة ما

النتائج

هي ناتج واحد  
أو مجموعة من النواتج

الحادثة

فضاء العينة

مجموعة النواتج  
الممكنة في تجربة ما

مفهوم احتمال وقوع حدث معين كنتيجة لتجربة ،  
هو ما نعبر عنه بعدد محصور بين الصفر والواحد  
(على شكل نسبة أو عدد عشري حقيقي)  
وهو ما يدل على حظوظ أو فرص تكرار هذا الحدث  
دون غيره من نتائج التجربة الممكنة

- الاحتمال كمية موجبة أو صفر
- الاحتمال كسر حقيقي أو نسبة مئوية
- صفر  $\geq$  قيمة الاحتمال  $\geq 1$

طرق إيجاد عدد النواتج

- ١ الرسم الشجري
- ٢ مبدأ العد الأساسي:

إذا كان  $n$  هو عدد النواتج الممكنة للحادثة أ  
ون  $m$  هو عدد النواتج الممكنة للحادثة ب ،

فإن عدد النواتج الممكنة  
للحادثة أ متبوعة بالحادثة ب

$$n \times m$$

الأستاذ / سليمان المالكي ... تعليم عسير  
تدريب طلاب المرحلة الابتدائية لأولمبياد الرياضيات

١

## الحل بطريقة عكسية:

يستخدم هذا الأسلوب في إيجاد قيمة مجهول، ونعرف ما هو المطلوب وكيفية الوصول له رياضياً ولكن ترغب في استهلاك أقل وقت ممكن في الحل والبداية بالخيار ج تكون أكثر فاعلية، إذا كان هنالك خمسة اختيارات فهذا الخيار يكون بالوسط. والهدف منه استبعاد بعض الخيارات من الحل

٢

## استبدال المتغيرات بأعداد

يوجد أحيانا في كل الخيارات المعطاة مع السؤال متغيرات وليس أعداداً، والتعامل معها جبرياً سوف يؤدي بالغالب إلى ارتكاب أخطاء، لذلك للتعامل مع هذه المتغيرات نتبع الخطوات التالية:

- (١) استبدل كل متغير برقم سهل التعامل معه.
- (٢) حل السؤال بالأرقام التي استخدمتها في الخطوة السابقة.
- (٣) أوجد قيمة كل خيار من الخيارات التي بالسؤال بالأرقام التي استخدمتها في الخطوة الأولى لمقارنة ماهي الإجابة الصحيحة.

٣

## اختيار الأرقام المناسبة

في بعض المسائل، تحتاج إلى أعداد لتعوض بها، بنفس الطريقة التي تعرضنا لها سابقا (استبدال المتغيرات بأعداد) ولكن لا يوجد متغيرات في هذه النوعية من المسائل، ولكنها فعالة في الكسور حيث يكون العدد المناسب للاختيار هو المضاعف المشترك الأصغر بين الكسور المعطاة بالسؤال، أو النسب المئوية حيث يكون العدد المناسب هو 100

٤

## التخمين الذكي

عندما تواجه سؤال لا تملك فكرة عن طريقة حله فإن الخيار الأنسب أمامك هو التخمين واختيار الإجابة التي ترى صحتها، وذلك وفق بعض الإرشادات التي يجب ملاحظتها ومنها مثلا:

- (١) الإجابة يجب أن تكون عدد زوجي، ولكن هناك أعداد فردية.
- (٢) الإجابة يجب أن تكون أصغر من 100 ولكن هناك إجابات أكبر من 100

٧  
حاول بأرقام سلسلة

البدء بأرقام سلسلة أو صغيرة يساهم إلى حد كبير في فهم بعض المسائل

٤  
استعمل أدوات توضيحية الأدوات التوضيحية تساهم في توضيح المسألة وبالتالي تسهيد حلها.

١  
اقرأ وافهم المسألة قراءة المسألة عدّة مرات بعناية وتمعّن يساهم في الفهم الصحيح لها وهو أساس حلها.

٨  
قسم طريقة الحل إلى مراحل وخطوات مما يساعد على حل المسألة تقسيم حلها إلى خطوات

٥  
أوجد نمط للحل للتعامل مع بعض المسائل التي تحتوي على أعداد كبيرة أو تعبيرات معقدة يكون من المفيد محاولة إيجاد نمط للحل من خلال حل المسألة في أبسط صورها.

٢  
حدّد الكلمات والأرقام الجوهرية حدد الكلمات والأرقام الجوهرية التي تتغير المسألة بتغييرها، لتقودك إلى التفكير الصحيح في حل المسألة

٩  
بعض المسائل لا يمكن حلها بطريقة مباشرة ولا بد أن يكون تفكيرك مرنا وأن تكون واسعة الأفق لحلها.

٣  
لا يصيبك الإحباط وحاول عدة محاولات جادة

١٠  
حدّد المعطى والمطلوب يمكن الاستعانة في ذلك بالترميز للمعطى والمطلوب بالحروف، مثلا: س، ص، ل، ن، ...

٦  
تذكر القوانين الرياضية حل بعض المسائل يستلزم تذكر بعض القوانين الرياضية.

لكم مسألة مفتاح، وقد لا تستطيع أن تجده من المحاولة الأولى، لذا عليك تكرار المحاولة المرة تلو الأخرى بمثابة وعزم ملك، حتى تصل إلى الحل.